# الأساليب الكمية في مجال إتخاذ القرارات

#### دكتور

#### محمدالفيوميمحمد

... و المتاذ الحاسة والراجعة - كلية التجارة جامعة الاسكندرية عميم كليمة النتجارة هرع دمته ور عميد المعهد العالى للإدارة والحاسب الألى - كنج مربوط

يتضمن هذا الكتاب مجموعة المحاضرات التي ألقيت على طلاب دبلوم المحاسبة والحاسب الآلي وطللاب المعهد العالي للإدارة والحاسب الآلي- كنج مربوط.

ولقد شهد القرن العشرين تطورات هائلة في بيئة عمل النشاط الاقتصادي بمصر والعالم. فلقد كبر حجم المشروعات بطريقة غير مسبوقة باندماج عديد من الشركات الكبرى في صناعة السيارات، وفي البنوك، وفي الاتصالات، وفي غيرها من الأنشطة. مما يمكن من تركيز العمليات والعمل على نطاق عالمي، وكثرت المشاكل التي تواجهها الشركات في مجال اتخاذ القرارات نتيجة لتنوع النشاط، ولضغوط المنافسة، ولزيادة قوة جماعات المستهلكين وحماية البيئة ونقابات العمال. وتحتاج الشركات في حلها للمشاكل التي تواجهها إلى استخدام أسلوب منظم وموثوق به ويمكن الاعتماد فيه على الحاسب لتخفيف أعباء اتخاذ القرارات عن عاتق الإدارة حتى تتمكن من تركيز اهتماماتها على المهام غير الهيكلية والتي تحتاج إلى حلول غير تقليدية. ولقد ساهمت الأساليب الكمية في حل عديد من المشاكل ومكنت من ترطيق الحاسف.

وإذا كان استخدام الحاسب يخفف من عبء اجراء العمليات الحسابية، إلا أن قيام الدارس بحل المشاكل بالورقة والقلم يعتبر أمر ضروري حتى يتمكن من تفهم أسلوب الحل وتفسير النتائج ومواجهة المشاكل التي تواجه الوصول السي الحل في بعض الحالات.

ولقد تضمن هذا الكتاب استخدام الجداول الإليكترونية، واستخدام أحد البرامج الجاهزة لتطبيق بعض الأساليب الكمية على الحاسب.

الإسكندرية ١ يناير ٢٠٠٠

أ.د. محمد الفيومي محمد

## الفصل الأول

## مدخل للأساليب الكمية

#### مقدمة :

استخدمت الأساليب الرياضية للمساعدة في حل المساكل منذ آلاف السنين، ومع ذلك، فإن الدراسة الرسمية وتطبيق الأساليب الكميسة في اتخذاذ القرارات في الممارسة العملية كان نتاج القرن العشرين. ولقد طبقت بنجداح الأساليب التي سندرسها في هذا الكتاب في أنواع كثيرة من المشاكل المعقدة في ميدان الأعمال، وفي الجهات الحكومية، والصحة، والتعليم، وعديد من الجللات الأخرى.

ولا يكفي دراسة الرياضيات اللازمة لمعرفة كيفية عمل الأسلوب الكمسي المعين، وإنما يجب أن نتفهم حدود، وافتراضات، والتطبيقــــات المناســــة لكــــل أسلوب.

وعادة ما يؤدي الاستخدام الفعال للأساليب الكمية إلى حلول في الوقت المناسب، صحيحة، مرنة، اقتصادية، يمكن الاعتماد عليها، وسلملة في الفهم والاستخدام.

#### What is Quantitative Analysis?

التحليل الكمي هو مدخل علمي لاتخاذ القرارات الإدارية. ولا يعتبر الانفعال والعواطف والتخمين جزءا من مدخل التحليل الكمي. حيث يبدأ هذا المدخل بالبيانات، ومثل المادة الخام للمصنع، يتم تشغيل أو تجهيز هذه البيانات للوصول إلى معلومات قيمة لمتخذي القرار. وعملية تجهيز البيانات للوصول إلى معلومات ذات دلالة هي قلب التحليل الكمي. ولقد استخدمت الحاسبات في الوصول إلى الحلول وساهمت في زيادة استخدام أساليب التحليك الكمسي في النشآت.

وعند حل أحد المشكلات، يجب على المديرين مراعاة كل من العوامــــل الكمية والعوامل غير الكمية. ويستخدام التحليل الكمي في عديد من الجالات، فقد ندرس تقييم عديد من بدائل الاستثمار، مثل شهادات الإيداع في البنـــك، الاستثمار في الأسهم والسندات، والاستثمار في العقارات. فيمكننا اســــتخدام التحليل الكمي لتحديد القيمة المستقبلية للاستثمار بعد عدة سنوات إذا مـــا تم إيداعه في البنك بمعدل فائدة معين لعدد معين من السنوات. وبمكن اســـتخدام التحليل الكمي أيضا في حساب النسب المالية من الميزانيات العموميـــة لعــدة شركات لدراسة مدى رشد شراء أسهمها. ولقد طورت بعض الشركات برامج للحاسب تستخدم أساليب كمية لتحليل التدفقات النقدية ومعدلات العائد على الاستثمار في العقارات.

ź

وبالإضافة إلى الأساليب الكمية، فإن العناصر الوصفية يجب أخذهـــــا في الحسبان، فحالة الجو والطقس، القوانين المحلية والقومية، التطــــورات التقنيـــة الهامة، نتائج الانتخابات، وغيرها قد تكون عناصر يصعب وضع قيم لها ولكنــها هامة.

ونظرا الأهمية العناصر الوصفية، فإن دور التحليل الكمي في عملية اتخساذ القرار يمكن أن يتغير. فحينما لا توجد عناصر وصفية، وحينما تكون المشسكلة والبيانات المدخلة ثابتة فإن التحليل الكمي يمكن من تحويل اتخساذ القسرار إلى الحاسبات. فمثلا، تستخدم بعض الشركات أساليب كمية لنمساذج المخسزون لتحديد متى يتم طلب المواد آليا.

وفي معظم الحالات، فإن التحليل الكمي سيكون مساعدا لعملية اتخساذ القرارات وسيتم إضافة المعلومات غير الكمية الأخرى إلى نتيجة التحليل الكمي عند اتخاذ القرار.

## مدخل التحليل الكمي The Quantitative Analysis Approach

يتكون مدخل التحليل الكمي من تعريف المشكلة، تصميــــم النمـــوذج، تجميع بيانات المدخلات، تطوير الحل، اختبار الحل، تحليل النتائج، تنفيذ الحل.

كما في شكل (1) وليس من الضروري أن تتم كل خطوة بالكامل قبل بدء الخطوة التالية ففي معظم الحالات يمكن تعديل أحد أو أكسشر مسن هله الخطوات لدرجة معينة قبل الوصول إلى النتيجة النهائية. مما يؤدي إلى تغيير كل الخطوات التالية. وفي بعض الحالات، فإن اختبار الحل قد يكشف أن النموذج

أو أن البيانات المدخلة غير صحيحة. مما يعني أن كل الخطوات التالية لتعريـــف المشكلة تحتاج إلى تعديل.



1- تحديد المشكلة Defining The Problem

الخطوة الأولى في المدخل الكمي هي إعداد بيان واضح وشامل للمشكلة، وهذا البيان سيعطي التوجيه والمعني للخطوات التالية.

٦

وفي عديد من الحالات، فإن تعريف المشكلة هو أهم خطوة وأصعبها. ومن الأساسي عدم التوقف أمام أعراض المشكلة وإنما يجب تحديد الأسباب الحقيقية وراءها. فأحد المشاكل قد ترتبط بمشاكل أخرى، وحل مشكلة واحدة دون مراعاة المشاكل المرتبطة بما يمكن أن يجعل الموقف سيء بالكامل. وبالتالي، من المهم تحليل كيفية تأثير حل أحد المشاكل على المشاكل الأخرى أو على الوضع بصفة عامة.

ومن المتوقع أن يكون بالنشأة عديد من المشاكل، وغالبا ما لا تستطيع مجموعة التحليل الكمي التعامل مع كل مشاكل المنسسأة في نفسس الوقست. وبالتالي، من الضروري التركيز على عدد محدود من المشاكل. ويعني ذلك لمعظم المسركات، اختيار المشاكل التي يؤدي حلها إلى زيادة في الربح أو تخفيسض في تكاليف المشأة. وأهمية اختيار المشاكل التي سبداً بحلها عملية لا يجب تجاهلها. ولقد أظهرت الخبرة أن التعريف غير الدقيق للمشكلة يمثل السسبب الرئيسسي لفشل مطبقي علوم الإدارة أو مجموعة بحوث العمليات في خدمة منشآقم بطريقة جيدة.

وإذا ما كان من الصعب وضع قيم للمشكلة، فقد يكون من الضروري تطوير أهداف محددة قابلة للقياس. فمشكلة عدم كفاية تقديم الحدمة الصحية في المستشفيات قد لا يمكن وضع قيم لها. ذلك يمكن وضع أهداف لها مثل زيادة عدد الأسرة، تخفيض عدد أيام بقاء المريض بالمستشفى، زيادة معدل طبيب/مريض، وغير ذلك. وحين استخدام الأهداف، فإن المشكلة الحقيقية يجب أن تظل في الذاكرة، ومن الهام تجنب استخدام أهداف قابلة للقياس ولكنها لسن تخلام المشكلة الحقيقية.

إذا ما اخترنا المشكلة التي سيتم تحليلها، فالخطوة التالية هي تطوير نحـوذج. Model. والنموذج هو تمثيل (غالبا رياضي) لموقف معين.

ونحن نستخدم النماذج في معظم حياتنا وقد تكون طورت نماذجك عسن سلوك الأفراد. ونموذجك قد يكون أن الصداقة تقوم على تبادل الأشياء الجيدة. إذا ما أحتجت إلى قوض صغير مثلا، فقد يقترح عليك نموذجك سؤال صديسق جيد.

وتوجد عديد من أنواع النماذج الأخرى. فالمعماريون يصمموا نماذج للمباني التي سينشؤها. ويطور المهندسين نموذج مصغر لمصنع كيماويات يطلسق عليه مصنع pilot. والنموذج Schematic هو صورة، أو رسم، أو خريطة لوضع حقيقي. وللسيارات، والقطارات، والحاسبات والمراوح وغيرهسا مسن الأجهزة لها نماذج Schematic (رسوم، وصور) والتي توضح كيفية عمل هذه الأجهزة. وما يجعل التحليل الكمي مستقلا عن الأسساليب الأخسرى هو أن النماذج التي تستخدم في التحليل الكمي تكون رياضية. والنموذج الرياضي هو مجموعة من العلاقات الرياضية. وتوصف هذه العلاقات في معظم الحسالات، في شكل معادلات ومتباينات.

وبالرغم من وجود مرونة كافية في تطوير النماذج، فإن معظم النماذج المقدمة في هذا الكتاب ستحتوي على متغير أو أكثر ومعامل أو أكثر. والمتغسير Variable كما يملي الاسم، هو كمية قابلة للقياس والتي قد تتغير أو تكون خاضعة للرقابة Controllable، أو خاضعة للرقابة Uncontrollable، أو غير خاضع للرقابة الخاضع للرقابة المتغير الخاضع للرقابة

متغير قرار Decision variable. وذلك مثل عدد الوحدات التي يجب طلبها من كل صنف من أصناف المخزون. والمعامل parameter هو كمية قابلة للقياس موجودة في المشكلة. فتكلفة إصدار أمر شراء لوحدات إضافية مسن المخزون مثال للمعاملات. وفي معظم الحالات، فإن المنفيرات كميات غير معلومة، بينما المعاملات كميات معلومة. ويجب العناية في تطوير النماذج، وأن تكون قابلة للحل وواقعية، وسهلة الفهم والتعديل، وان يمكن الحصول على بيانات المدخلات. وعلى مصمم النموذج أن يهتم بتضمين كل التفاصيل بحيث يكون قابل للحل وفي نفس الوقت واقعي.

## ۳- الحصول على بيانات المدخلات Acquiring Input

بعد تطوير النموذج، علينا الحصول على البيانات التي ستستخدم فيسه (بيانات المدخلات). ويعتبر الحصول على بيانات دقيقة للنموذج أمراً هاماً، لأنسه إذا كان النموذج تمثيل جيد للواقع، فإن البيانات غير الصحيحة أو غير المناسبة ستؤدي إلى نتائج مضللة. ويطلق على هذا الموقف اصطلاح أخطساء مدخلة أخطاء ناتجة مضللة ويطلق على هذا المحقوة الGIGO Garbage In Garbage Out يمكن أن يكون تجميع للبيانات الصحيحة من أصعب الخطوات في تنفيذ التحليل الكمي.

ويوجد عدد من المصادر التي يمكن استخدامها لتجميع البيانسات. ففسي بعض الحالات، يمكن استخدام تقارير الشركة وسجلاتها ومستنداتها للحصول على البيانات اللازمة. ومصدر آخر يمكن أن يكون مقابلة العاملين وغيرهم مسن ذوي الارتباط بالمنشاة، حيث يمكن أن يقدموا معلومسات ممتسازة، وخسبراقم

وحكمهم الشخصي يكون ذا قيمة عالية. فمشرف إنتاج مثلا، قد يستطيع أن يذكر لك بدرجة كبيرة من الدقة الزمن اللازم لإنتاج منتج معسين. والعينات وغيرها من المقايس المباشرة يعتبرا مصادر أخرى لبيانات النماذج. وقد نحتاج لمعرفة قيمة الخامات المستخدمة لإنتاج منتج معين في مصنع للبتروكيماويسات، ويمكن الحصول على هذه المعلومات بالذهاب للمصنع ووزن كميسة الخامسات المستخدمة. وفي حالات أخرى، فإن أسلوب العينات الإحصائية يمكن أن يستخدم للحصول على المعلومات.

#### 3- تطوير الحل Developing Solution

يرتبط تطوير الحل بتشغيل النمسوذج للوصول إلى أفضل (أمشل) Optimal حل للمشكلة. وقد يتطلب ذلك حل معادلات للوصول لأمشل قرار. وفي حالات أخرى، يمكن استخدام طريقة النجربة والخطأ بتجربة عسدة مداخل واختيار المدخل الذي يؤدي إلى افضل قرار. وقسد ترغسب في بعسض المشكلات تجربة كل القيم الممكنة للمتغيرات المستخدمة في النموذج للوصول إلى أفضل قرار. وسنوضح في هذا الكتاب إمكانية حل مشكلات كبيرة معقدة بتكرار عدد محدود من الخطوات البسيطة إلى أن نصل إلى الحل الأمثل. وسلسلة العمليات أو الخطوات المتكررة، يطلق عليها خوارزم Alorithm وهو اسسم المتعقر من اسم رياضي عربي قديم في القرن التاسع عشر وهو الخوارزمي.

وتعتمد دقة الحل على دقة بيانات المدخلات وعلى النموذج. فإذا كلنت البيانات المدخلة صحيحة لرقم عشري واحد فقط. فإن نتيجة قسمة ٢,٦ على 1,٤ مثلا يجب أن تكون 1,٩ وليس ١,٥٥٧١٤٢٨٥٧.

قبل تطبيق الحل وتشغيله، يجب اختباره بالكامل. ونظرا لاعتماد الحـــــل على البيانات المدخلة، وعلى النموذج، فإن كل منهما يحتاج إلى الاختبار.

ويتضمن اختبار البيانات والنموذج تحديد مدى دقة وشمسول البيانسات المستخدمة في النموذج. فالبيانات غير الدقيقة ستؤدي إلى حلول غسير دقيقسة. وتوجد عدة طرق لاختبار البيانات المدخلة. منها تجميع بيانسات إضافيسة مسن مصادر مختلفة. فإذا تم تجميع البيانات الأصلية عن طريق المقابلة الشخصية، فربما يمكن تجميع بيانات إضافية باستخدام أساليب مباشرة أو استخدام العينات. وتتم مقارنة هذه البيانات الإصافية بالبيانات الأصلية، وإجراء اختبارات إحصائيسة عليها لتحديد مدى وجود اختلافات بين البيانات الأصلية والبيانات الإضافيسة. وإذا وجدت اختلافات معنية، فيجب بذل مجهود إضافي للحصول على بيانسات أكثر دقة. وإذا تأكدنا من دقة البيانات فيمكن اختبار النمسوذج لتسأكيد أنسه صحيح منطقيا ويمثل الوضع الحقيقي.

يبدأ تحليل النتائج بتحديد تبعات الحل، وفي معظم الحالات سيؤدي حـــل مشكلة معينة إلى بعض الإجراءات الإضافية أو إلى تغيير الطريقة التي تعمل هــــا المنشأة. ويجب أن نحدد ونحلل أثر هذه الإجراءات أو التغييرات على المنشأة قبل تشغيل النتائج.

ونظرا لأن النموذج هو تقريب للواقع، فإن حساسية الحل للتغييرات في النموذج أو في بيانات الإدخال تعتبر جزءا هاما من تحليل النتائج. ويطلق على هذا النوع من التحليل تحليل الحساسية Sensitivity Analysis أو تحليل ملا بعد المثالية Postoptimal analysis فهو يحدد مدى تغير النتائج إذا ما حدثت تغيرات في النموذج أو في البيانات. فإذا كان الحل حساس للبيانات المدخلة ولحصائص النموذج فيجب إجراء اختبارات إضافية للتأكد من النموذج ومن أن البيانات المدخلة صحيحة ومشروعة. فإذا كان النموذج أو البيانات المدخلة عديكون خطأ، مؤديا إلى خسارة للمنشاة أو إلى تخفيض في أرباحها.

#### Implementing The Results -۷ تشفیل النتائج

الخطوة الأخيرة هي تشغيل النتائج. وهي تطبيق الحل في المنشاة وهانده الخطوة قد تكون صعبة للغاية وأكثر صعوبة ثما تتخيله. فحق لو كان الحل أمشل وسيؤدي إلى إضافة أرباح للشركة بآلاف الجنيهات، فإنه إذا ما قاوم المديريان الحل الجديد فستصبح كل مجهودات التحليل بدون قيمة. ومن الخبرة السابقة

وبعد تشغيل الحل، يجب متابعته بدقة، فبمرور الزمن تحدث عديد من التغيرات الاقتصادية، وتذبيب ب التغيرات الاقتصادية، وتذبيب ب الطلب وحاجة المديرين ومتخذي القرارات إلى تحسين النموذج، أمثلة للتغيرات التي يجب تعديل التجليل على أساسها.

## المشاكل المجتملة لمدخل استخدام الأساليب الكمية

قدمنا مدخل الأساليب الكمية وخطواته كوسيلة منطقية ومنظمة لمواجهة مشاكل اتخاذ القرارات. وحتى بإتباع هذه الخطوات بعناية، هناك عديد مسن الصعوبات التي يمكن أن تواجه تطبيق الحلول على مشاكل الحياة العملية. وسنوضح الصعوبات التي يمكن أن تحدث في كل خطوة من خطوات استخدام الأساليب الكمية.

#### ١- الصعوبات في تعريف المشكلة

أحد مناظر متخدي القرارات هو ألهم يجلسون على مكاتبهم طوال السوم إلى أن تظهر المشكلة فيهبوا لمواجهتها إلى أن يتم حلها. وإذا مساتم حلها، يجلسون ثانية، ويأخذون قسطا من الراحة وينتظرون ظهور مشكلة كبرة أخرى. وفي ميدان الأعمال، والحكومات، والتعليم، فإن المشاكل لسوء الحظ لا يتم تعريفها بدقة. فتوجد أربعة عوائق تواجه المحلل الكمي في تعريف المشكلة.

#### ١-٢- صعوبات تعارض وجهات النظر

الصعوبة الأولى هي أن على المخلل الكمي أخذ وجهات النظر المتعارضة حين تعريف المشكلة. فمثلا، هناك على الأقل وجهتان للنظر للمديريسين حين مواجهتهم لمشاكل المخزون. فيشعر المديرين المالين بأن المخزون مرتفع للغايسة، حيث يمثل المخزون نقدية محجوبة عن الاستثمارات الأخرى. ومن ناحية أخسرى يرى مديري البيع، أن المخزون منخفض للغاية حيث يحتاجوا إلى مخزون مرتفع لمواجهة الطلبات غير المتوقعة. وإذا ما افترض المحلل الكمي أي من وجهتي النظر السابقتين في تعريف المشكلة، فيكون قد قبل وجهة نظر أحد المديريسن وعليسه توقع مقاومة المدير الآخر حين إعدادهم لحل هذه المشكلة. ومن الهام مراعساة وجهتي النظر قبل بدء حل المشكلة.

#### ۱-۲- صعوبات أثر الحل على الإدارات الأخرى Impact On other Departments

الصعوبة التالية هي أن المشاكل ليست معزولة ولا خاصة بإدارة واحسدة فقط بالمنشاة. فالمخزون في ارتباط وثيق بالتدفقات النقدية وبعديد من مشساكل الإنتاج. فتفيير سياسة التوريد يمكن أن يؤثر على التدفقسات النقديسة وعلسى جداول الإنتاج إلى درجة أن الوفر الناتج عن تخفيض المخزون قد يفقد بزيسادة

#### ۳-۱ صعوبات مرتبطة بالفروض المبدئية Beginning Assumptions

الصعوبة الثالثة هي الميل إلى تحديد المشكلة في ضوء الحلول. فالقول بان المخزون منخفض للغاية يعني أن الحل سيكون ضرورة زيادة حجم المحسزون. والحلل الكمي الذي يبدأ بمذا الفرض سيجد في الفالب أن المحسزون يجب أن يزيد. ومن وجهة النظر التشغيلية، فإن الحل الجيد Good للمشكلة الصحيحة Right يكون أفضل من حل أمثل Optional لشكلة معوفة خطأ Wrong.

## الماسب التجة عن الحل بعد الوقت المناسب -٤-٩ Solution Outdated

في ظل افضل تحديد للمشكلة، هناك خطر رابع فالمشكلة قد تتغير أنساء تطوير الحل، وفي ميدان الأعمال المتغير باستمرار، من المعتاد أن تظهر المشساكل وتختفي سريعا. والمحلل الكمي الذي يطور حل لمشكلة أصبحت غير موجودة، لا يتوقع أن يكافأ على مجهوداته التي قدمت في الوقت غير المناسب.

٧- صعوبات تطوير النموذج
 Developing a Model
 تتضمن هذه الخطوة المشاكل التالية :

## ۱-۲- التمسك بالنماذج المشروحة في الكتب Fitting The TextBook Models

أحد مشاكل تطوير النماذج هي أن فهم المديرين للمشكلة لن يماثل دائما مدخل النماذج كما شرحت في الكتب. فمعظم نماذج المخزون ترتبط بتخفيض إجمالي تكاليف الحيازة وإصدار الطلبيات. ويرى بعض المديرين أن هذه التكاليف غير هامة، ويروا المشكلة من ناحية التدفقات النقدية، ومعدل الدوران، ومسدى رضا العملاء. وربما لن يقبل هؤلاء المديرين نتائج النموذج الذي يعتمد على تكلفة الحيازة وتكلفة أوامر الشراء.

## ۲-۲- تفهم النموذج Understanding The Model

مجال آخر هام يرتبط بالموازنة بين تعقيد النموذج وبين سهولة فهمه. حيث لن يستخدم المديرين نموذجا لم يفهموه. والمشاكل المعقدة تتطلب نماذج معقدة. وأحد التوازنات يكون تبسيط الفروض لجعل النموذج اكثر سهولة في الفهم. ثما يفقد النموذج بعض واقعيته ولكنه يكسبه قبول المديرين.

ومن الفروض المبسطة في نماذج المخزون افتراض أن الطلسب معسروف وثابت. مما يعني عدم الحاجة إلى التوزيع الاحتمالي للطلب ولكن الطلب نادرا ما يكون معلوما وثابتا لذلك يفقد النموذج الذي صممناه بعض مسن الواقعية. ويؤدي إدخال التوزيع الاحتمالي للطلب إلى تصميم نموذج اكثر واقعية ولكن فهمه سيكون قاصرا على المديرين الذين لهم معرفة قوية بالأساليب الكمية. ومن المداخل الموصى بما للمحلل الكمي البدء بنموذج بسيط والتأكد مسن فهمسه المداخل الموصى بما للمحلل الكمي البدء بنموذج بسيط والتأكد مسن فهمسه

وقبوله، ثم بعد ذلك، تطوير نماذج اكثر تعقيدا كلما اكتسب المديرين ثقة اكسبر في استخدام المدخل الجديد

## ۳- الحصول على بيانات المدخلات Acquiring input Data

لا يعتبر تجميع البيانات اللازمة للاستخدام في المدخل الكمي لحل المشاكل مهمة بسيطة. فمعظم المنشآت تواجه صعوبات في تجميع البيانات.

## ۱-۳ استخدام البيانات المحاسبية Using Accounting Data

تظهر بعض المشاكل نتيجة أن معظم البيانات المنتجة في المنشأة تأتي مسن التقارير المحاسبية. فتجمع إدارة الحسابات بيانات المحزون، مثلا، على أسساس التدفقات النقدية ومعدل الدوران، ولكن المحلل المالي الذي يواجه المشكلة يحتاج لتجميع بيانات عن تكاليف الحيازة وتكاليف أوامر الشراء. وإذا ما سأل عسن هذه البيانات، فسيحبط لأنه سيجد ألها لم يتم تجميعها أبسدا ولا وجسود لحسذه التكاليف في الملفات.

Validity of Data التحقق من شرعية البيانات - ٢-٣

عدم وجود بيانات جيدة وواضحة يفرض ضرورة تصفيـــة أيـــا كـــانت البيانات المتاحة وتنقيتها قبل استخدامها في النموذج. ولسوء الحظ فإن صحــــة نتائج النموذج لن تكون أفضل من صحة البيانات المستخدمة فيه. ولا يمكن لوم أحد المديرين لعدم قبوله نتائج النموذج حينما يعلم أن البيانات المستخدمة فيهه. مشكوك فيها.

Beveloping a Solution عوبات تطوير الحل

تتضمن الصعوبات المرتبطة بتطوير الحل كل من :

4-1- صعوبة فهم الرياضيات Hard-to-understand Mathematics

من مشاكل تطوير الحلول أنه بالرغم من قوة وتعقيد النماذج الرياضيـــة التي نستخدمها، إلا ألها قد لا تكون مفهومة بالكامل. وقد تحتوي الحلول البراقة للمشاكل على منطق أو بيانات خطأ. واستخدام الرياضيات غالبا مــــا يجعـــل المديرين صامتين في الوقت الذي يجب عليهم الانتقاد والمناقشة.

٢-٤- الصعوبات الناتجة عن اقتراح حل وحيد مما حسد مسن العمل Only one answer is limiting

المشكلة الثانية هي أن النماذج الرياضية غالبا ما تؤدي إلى إجابة وحيدة للمشكلة. ويرغب معظم المديرين في الحصول على مسدى مس البدائسل وألا يوضعوا في موقف، إما أن تأخذ هذا الحل أو تترك المشكلة. والاستراتيجية المفضلة للمحلل الكمي هي عرض عدد مسن البدائل، موضحاً أثر كل حل على دالة الهدف. ثما يسمح للمديرين بالاختيار فضلا عن حصولهم على معلومات عن تكلفة عدم استخدام الحل الأمثل. كمسا يسمح بالنظر إلى المشاكل من وجهة نظر أوسع حيث يمكن أخذ العوامل غير الكمية في الحسبان.

Testing The Solution

٥- صعوبات اختبار الحل

وغالبا ما تتضمن حلول الأساليب الكمية التنبؤ بنتائج الأعمال في المستقبل إذا ما تم تنفيذ إجراء أو مجموعة من الإجسراءات والتفسيرات عسن الإجراءات الحالية. وللفحص المبدئي لكيفية عمل الحل المقترح، غالبا ما يسأل المديرين عن مدى ملاءمة هذا الحل. والمشكلة هنا أن النماذج المعقدة عادة مساتودي إلى حل لم يكن واضحا من البداية. ويميل المديرين إلى رفض هذه الحلول. ويكون على المحلل الكمي العمل مع المديرين بالنموذج وفروضه بحدف إقناعهم بصحة النتائج، وسيكون على الحلل فحص كل افتراض دخل إلى النموذج. وإذا ظهرت أخطاء فيمكن اكتشافها أثناء هذا الفحص. فضلا عسن أن المديريسن سيركزوا على انتقاد كل شيء دخل إلى النموذج، وإذا مسا اقتنعوا بصحة.

إذا ما تم اختبار النموذج، فيجب تحليل النتائج على أساس مدى تأثيرها على المنشأة ككل. ويجب ملاحظة أنه حتى التغييرات الصغيرة في المنشأة غالب تواجه بصعوبات. وإذا ما أوضحت النتائج ضرورة إجراء تغييرات كسبرى في سياسات المنشأة فعلى المحلل الاستعداد لمواجهة مقاومة متوقعة. وفي تحليل النتائج، يجب على المحلل التأكد من تحديد المسئول عن تنفيذ التغيير وتكلفة ذلك، وما إذا كان القائمين بالتغيير سيصبحوا في وضع أفضل أم أسوأ، ومن له سلطة توجيه التغيير.

#### ۱-۱-۳ لا يعتبر التنفيذ الخطوة النهائية Implementation-Not Just the Final Step

عرضنا بعض من المشاكل التي يمكن أن تواجه قبول مدخــــل التحليــل الكمي واستخدام تماذجه. ويجب أن يكون واضحا أن التنفيذ ليس مجرد خطـوة أخرى بعد انتهاء تصميم النموذج. فكل خطوة من هذه الخطوات تؤثر بدرجــة كبيرة على فرص تشفيل نتائج التحليل الكمى.

٦-٦- عدم الالتزام بالتنفيذ ووجود مقاومة للتغيير Lack of Commitment and Resistance to change

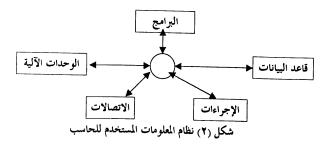
بالرغم من إمكان اتخاذ عديد من القرارات في ميدان الأعمال فاتيا وبناء على الخبرة والحُدس الشخصي، إلا أن هناك مواقفُ عديدة يمكن أن تساعد فيها الأساليب الكمية. ومع ذلك يخشى بعض المديرين من أن استخدام خطوات التحليل الكمي سيخفض من قوقم في اتخاذ القرارات. ويخشى البعض الآخر من ألها ستكشف عن عدم كفاية قراراقم السابق اتخاذها بالخبرة. ويشمع غيرهم بعدم الراحة لتغيير طريقة تفكيرهم إلى النمط الرسمي لاتخاذ القرارات. ويجادل هؤلاء المديرين ضد استخدام الأساليب الكمية.

## ۳-٦ عدم الالتزام من جانب المحلل الكمي Lack of Commitment by Quantitative Analysis

كما نلوم المديرين عن بعض مشاكل التنفيذ، يوجه للمحللين أيضا المسئولية عن مشاكل أخرى. فحينما يكون الحلل المالي ليس جزءا مسن الإدارة التي تواجه المشكلة، فسيحاول معاملة أنشطة إعداد النماذج كهدف منتهي. أي، أن المحلل سيقبل المشكلة كما ذكرها المدير ويصمم نموذج لحلها فقط، وحينما يصل إلى النتائج فإنه يسلمها إلى المدير ويعتبر أن مهمته قدد انتهت. والحلل الذي لا يهتم بمدى مساعدة هذه النتائج في القرار النهائي لا يسهتم بالتطبة.

ويتطلب التطبيق الناجح للأساليب الكمية ألا يقول المحلل للمستخدم مــــا يجب أن يفعله، وإنما يعمل معهم ويأخذ ردود فعلهم في حسبانه. التحليل الكمي ونظم المعلومات المعتمدة على الحاسب Quantitative Analysis and Computer-Based Information System

أصبح التحليل الكمي جزءا متكاملا من نظهم المعلومات المستخدمة للحاسب. ويتكون نظام المعلومات المستخدم للحاسب من الوحدات الآلية، والبرامج، وقواعد البيانات، وأساليب الاتصال، والأفراد، والإجراءات كما في شكل (٢).



ويمكن أن تنضمن نظم المعلومات المستخدمة للحاسب، نظم المعلومـــات الإدارية، ونظم دعم القرارات، واستخدم الذكاء الاصطناعي ونظـــم الحـــبرة. حيث يتم استخدام نماذج التحليل الكمي في هذه النظم.

#### نظم المعلومات الإدارية Management Information System (MIS)

نظام المعلومات الإدارية أداة هامة في المنشآت. فيسهو طريقة منظمة للحصول على المعلومات المناسبة للأفراد المناسبين في المكان والوقت المناسب. وغالبا ما يرتبط توصيل المعلومات المناسبة إلى المدير المناسب باستخدام نمساذج كمية. فمثلا، إذا احتاج مدير إلى مساعدة في قسرار تحديد أوامسر الشسراء والتخزين، فإن نحاذج التبؤ بالطلب المتوقع، ونحاذج المخزون لتحديد الحجسم الأمثل للطلبية يصبحوا هامين.

ولاستخلاص المعلومات في المكان والوقت المناسب، أصبح من الشسانع تعامل المدير مع الحاسب. وهذا يعني الحاجة إلى برامج الحاسب التي تمكن متخف القرار من الحوار المتفاعل مع نظام المعلومات الإدارية، عسن طريق حاسب شخصي أو وحدة طرفية. وإذا اتصف أحد التطبيقات بالتعقيد، فقد يلعب المحلل الكمي دور الواجهة ويستقبل الطلب على البيانات ويكتب السبرامج اللازمسة لاستخلاص المعلومات.

#### نظم دعم القرارات Decision Support System DSS

إلى جانب التطور في تقنية الحاسبات، نجد التطور في نظم دعم القوارات، والنظم الخبيرة، والذكاء الاصطناعي. ففي نظم دعم القرارات DSS يتم تطوير النظام لدعم متخذ القرار اكثر من الحلول محل متخذ القرارات الإدارية. وعددة ما تكون موجهة للنظم غير الهيكلية أو الأقل هيكلية. ونظم دعـــم القررارات

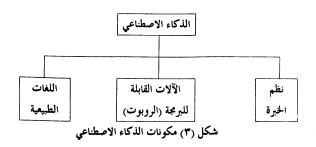
تفاعلية وتمكن المستخدم من طرح أسئلة مثل "مساذا يحدث إذا..؟" ويمكن للمديرين أن يجربوا قرارات مختلفة، ويغيروا البيانات ويرو نتائج هذه النفيرات على حل المشكلة. وفي تطوير البرامج المصاحبة لهذا الكتاب، حاولنا استخدام خصائص نظم دعم القرارات بتقديم أدوات مرنة وقوية في اتخاذ القرارات.

#### الذكاء الاصطناعي

#### Artificial Intelligence AL

بدأ ميدان الذكاء الاصطناعي في منتصف الخمسينات في مؤتمسر بجامعة دارتموث. وفي هذا المؤتمر فحص مضمون ونظريات ترتبسط باستخدام نظم الحاسب والتقنيات لتعمل مثل أو تحاكي ذكاء الإنسان. وأطلسق علسى هذه المضامين الذكاء الاصطناعي.

ومنذ هذه البدايات المبكرة، حدث عديد من التطورات، وانقسم ميدان الذكاء الاصطناعي إلى عدة ميادين فرعية عملية وهامة بتبعسات هامــة علــى التحليل الكمي وعلى المجتمع ككل. ويحاول الذكاء الاصطناعي تطويــر نظــم وإجراءات تحاكي أو تعمل مثل ذكاء الإنسان وتتخذ القرار الرشيد. وقد تحتوي هذه النظم على مكونات أو عناصر يصعب وضع قيم كمية لها. عــلاوة علــى ذلك فإن قواعد البيانات الضخمة أو قواعد المعرفة تحتوي على آراء لحـــبراء تم تجميعها. وتظهر نظرة عامة لميدان الذكاء الاصطناعي في شكل (٣).



والمكونات الثلاث أو التطبيقات العملية للذكاء الاصطناعي هي نظيم الخبرة Expert System الآلات القابلة للبرمجة (الروبسوت) Robotics. واللغات الطبيعية Expert System. وتسمح نظم الخبرة بتطوير تقنيسة تعمل ولها رد فعل مثل الخبير في ميدان معين. ولقد طورت نظم الخبرة لتشخيص المشاكل الصحية، التنقيب عن البترول، واتخاذ قيرارات جيدة بنياء على المعلومات المتاحة. ويهتم ميدان الآلات القابلة للبرمجة بتطوير أجهزة تعمل ولها قدرات رد فعل أكبر بكثير مين الآلات الميكانيكية التقليدية. فباستخدام الروبوت تم تصنيع أجهزة لطلاء السيارات وغيرها من المنتجسات، وأجهزة لتداول المواد الخطرة، وأجهزة لتنفيذ عديد من العمليات الحساسة التي كسانت العداد على الإنسان فقسط فيما سبق. واللغات الطبيعية Natural قاصرة على الإنسان فقسط فيما سبق. واللغات الطبيعية المعملها في المحادثات العادية اليومية. وبالرغم من أن المكونات الثلاثة لنظم الخبرة ما زالست المحادثات العادية اليومية. وبالرغم من أن المكونات الثلاثة لنظم الخبرة ما زالست في مرحلتها الأولية للتطوير إلا أنه قد تحقق منها عديد من التاتج الإيجابية.

#### تطبيقات الذكاء الاصطناعي

#### Application of Artificial Intelligence

توجد أمثلة عديدة لنظم طورت واستخدمت تتضمن خصائص الذكــــاء الاصطناعي ونظم الخبرة. فمثلا نظام الخبرة MYCIN بدأ في جامعة سستانفورد لتحليل واقتراح العلاج لعديد من أمراض تلـــوث الـــدم. وطــورت شـــركة AT&T نظام يساعد في تحليل مشاكل شبكة خطوط التليفونات وصيانتها.

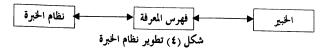
نظام ACE.DEITA والذي طور في شركة جنرال إليكتريك يمكسن استخدامه للمساعدة في تحليل مشاكل إصلاح أنواع مختلفة من المولدات. شركة أتلانتك Atlantic Richfield شركة بترول كبرى، تسستخدم حاسسبات عملاقة ونظم خبرة في البحث عن البترول. وتتضمن التطبيقات الأخرى الستي أعدت فيها رسائل ماجستير ودكتوراه بجامعة الإسكندرية، تخطيط الاستثمارات المالية، المراجعة الخارجية، الموافقة على منح القروض، الإعلان واسستراتيجيات اختيار وسائل الإعلان، تخطيط ومراقبة المخزون، تصميم ووضع مواصفات نظم الحساسات، تخطيط التوظف، ونظم تطوير الأهداف الاستراتيجية.

ولقد حدثت تطورات عديدة في ميدان الآلات القابلة للبرمجة (الروبــوت) واستخدم الذكاء الاصطناعي في المساعدة في قيام هذه الآلات بتنفيذ الأعمــــال الشاقة. وبينما يعتبر مشي أو جري الإنسان عملية عادية يقوم بها يوميـــــا إلا أن برمجة الآلة لتقوم بهذه الأعمال تعتبر عملية صعبة ومعقدة.

منطقة أخرى حصلت على اهتمام كبير في ميدان الروبوت هـــو علــوم الروية Vision Science. فبالرغم من تعرف معظم الأفراد بمجرد دخولهـــم غرفة على محتوياتها، فإن هذه العملية صعبة للغاية على نظم الحاسبات. فرؤيــــة

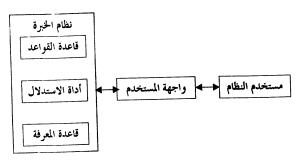
أضواء متنوعة وظلال سوداء عن طريق العدسات وتفسير هذه الأنماط كشسيء ما يتطلب مهارات ذكاء اصطناعي متقدم.

ولقد طورت نظم اللغات الطبيعية واستخدمت، ولها القدرة على تفهم الجمل الإنجليزية المعتادة والأوامر، ومن تطوير برامج تفصيلية بلغة باسكال مثلا، فإن مجهز اللغات الطبيعية له القدرة على تفهم وتنفيذ الأوامر المكتوبة باللغة الإنجليزية.



## استخدام نظم الخبرة

أحد التطبيقات الهامة للذكاء الاصطناعي نجدها في استخدام نظم الخسرة في المشاكل صعبة الحل. ويتضمن نظام الخبرة كل من الآلات والأجهزة، والإجراءات والبرامج المستخدمة لنجميع خبرة الإنسسان في ميسدان معسين. وللاستخدام الفعال لنظام الخبرة، يجب أن يتم تطويرها بعناية فائقسة. وتظهر خطوات التطوير في شكل (٤) لنظام خبرة صمم بمتخصص أو أكثر يطلق عليسه مهندس المعرفة خسبرة ومسهارة تحويل المعلومات المقدمة لهم من الخبراء في ميدان معين إلى نظم حاسبات تحل محل الخبير. وهناك مزايا عديدة لتجميع الخبرات. فالخبرة والقرارات الجيدة يمكن أن تفقدها المنشأة إذا ما خرج العاملين الماهرين إلى المعاش. وباستخدام نظام الخبرة،



شكل (٥) استخدام نظام الخبرة

 IF...THEN إذا...فإن... وبصفة عامة، فإن هيكل إذا...فـــــإن... يمكـــن النظام الخبير من تجميع القواعد والأحكام الهامة.

وتتكون قاعدة المعرفة من البيانات والخبرات التي تجمع وتوضع في النظام الخبير

وأخيرا فإن لنظام الخبرة أداة استدلال تمكن من تشغيل قساعدة قواعد الخبرة وقاعدة المعرفة للوصول إلى نتائج ذات دلالة للمستخدم. وتتكسون أداة الاستدلال من الأفراد، والآلات، والإجراءات والنظم التي تمكن من الاستخدام الفعال للنظام الخبير. وفي عديد من الحالات، لا يكسون للمديس أو لمتخدف القرارات المهارات اللازمة للوصول المباشر وتشغيل النظام الخبير، وتسمح أداة الاستدلال للمديرين ولمتخذي القرارات بالحصول على منافع النظسم الخبرة. ويمكن بدون إنفاق الوقت اللازم ليصبحوا خبراء فنيين في استخدام نظم الخبرة. ويمكن بالتطوير المناسب والاستخدام الجيد للذكاء الاصطناعي ولنظسم الخبرة مسن الحصول على منافع كبرى.

استخدام برنامج QMMS والجسداول الإلكترونيسة Spreadsheets

منستخدم نوعان من برامج الحاسبات في هــــــذا الكتـــاب، QMMS وهو برنامج Quantitative Methods for Management Science وهو برنامج جاهز لتطبيق الأساليب الكمية المختلفة.

#### استخدام برنامج QMMS

QMMS برنامج جاهز يمكنك من حل عديد مسن المساكل الكمية المشروحة في هذا الكتاب. ويتضمن حزمة من البرامج مجمعة في مجموعات ويتسم اختيار إحداها من القوائم. وتتضمن البرمجة الخطية، البرمجة العدديسة، نمسوذج النقل، نموذج التخصيص، جدولة المشروعات، نماذج الشبكة، تحليل القوارات، نموذج شجرة القرارات، نموذج سلاسل ماركوف، نمساذج المخسرون، نمساذج صفوف الانتظار.

#### استخدام الجداول الإلكترونية في التحليل الكمي

أوراق العمل الإلكترونية أو الجداول الإلكترونية هي تجميع لبرامج تمكسن من إجراء العمليات الحسابية وحل الدوال وتنفيذ التحليل الكمسسي. ويمكسن استخدام الجداول الإلكترونية في معظم النماذج المشروحة في هذا الكتاب.

وورقة العمل تشبه جدول ضخم يحتوي على منسات الأعمدة (٢٥٦ عمود) وآلاف الصفوف (أكثر من ١٥ ألف صف) وتقاطع الصف والعمسود يطلق عليه خلية (خانة) ولها اسم تعرف به هو رمز العمود ورمز الصف الخساص بالخلية فمثلا A12 تعني العمود A الصف ٢٠، ويمكن إدخال أرقام أو حروف أبحدية أو دوال في الخلايا. فمثلا يمكننا إدخال العدد ١٠ في الخلية A1 والرقسم ٢٠ في الخلية A2 خلية المدالة التالية في الخلية A2 فإذا كتبنا الدالة التالية في الخلية A1 حسنجد المتبعة ظاهرة في الخلية A2 وقدرها ٣٠ وتوجد دوال جاهزة بأكسل مشسل

SUM= للتجميع أو MAX= لإيجاد أكبر رقم، وغيرها من الدوال التي يمكن استخدامها.

وللجداول الإلكترونية منافع كثيرة، وهي أداة ضرورية للمحلل الكمي.

#### ملخص

التحليل الكمي مدخل عملي لاتخاذ القرارات. ويتضمن مدخل التحليل الكمي تحديد المشكلة، تطوير النموذج، تجميع بيانات المدخلات، تطوير الحل، احتبار الحل، تحيل النتائج، وتطبيق النتائج. ويمكن أن تظهر عديد من المشاكل حين استخدام التحليل الكمي، مثل تعارض وجهات النظر، اثر نماذج التحليل الكمي على الإدارات الأخرى، الفروض المبدئية، تقادم الحلول، محاولة تطبيق النماذج الواردة بالكتب على الواقع مباشرة، صعوبة تفهم النموذج، صعوبة تمهم النماذج الواردة بالكتب على الواقع مباشرة، معوبة تفهم النموذج، صعوبة التميع بيانات المدخلات، صعوبة فهم الرياضيات المرتبطة، اقتراح حل وحيد، اختبار الحل، وتحليل النتائج. وحين استخدام مدخل التحليل الكمي، فلا يعتسبر التطبيق الخطوة الأخيرة. فقد يكون هنالك عدم الالستزام بالمدخل ومقاومة للتغير. وتستخدم نماذج التحليل الكمي حاليا كجزء متكامل لعديد من نظم المعلومات المعتمدة على الحاسب. ويمكن استخدم التحليل الكمي في نظم المعلومات الإدارية، ونظم دعم القرارات، ونظم الخبرة.



## الفصل الثاني

## أسس نظرية القرارات Fundamentals of Decision Theory

مقدمة

يعتمد نجاح أو فشل الفرد في حياته إلى حد كبير على القسرارات السقى يتخذها. فالمهندس المسئول عن فشل سفينة الفضاء شالنجر لم يستمر في منصب في وكالة الفضاء الأمريكية. والدكتور الذي نفذ برنامج الخصخصة في مصسر أصبح رئيس وزراء. لماذا وكيف يتخذ هؤلاء الأفراد قراراقم وبصفة عامة، مله هي عناصر اتخاذ القرار الجيد، فقرار معين قد يكون الفاصل بين عمسل نساجح وعمل فاشل.

ونظرية القرارات Decision Theory هي مدخل تحليلي ومنظم لدراسة اتخاذ القرارات. سندرس في هذا الفصل النماذج الرياضية التي تساعد المديريسن في الوصول إلى أفضل قرارات.

كل المعلومات المتاحة، ولا يأخذ في الحسبان كل البدائل المكنسة ولا يطبق أسلوب كمي مناسب. وإذا اتخذت قرار سيئ، ولكنك محظوظ وحصلت علسى نتائج ملائمة، فلازلت قد اتخذت قرارا سيئا. ويتخسذ المديريسن عديسد مسن القرارات، وبالرغم من أن القرارات الجيدة قد تؤدي إلى نتائج سيئة إلا أنسه في المدى الطويل، فإن استخدام نظرية القرارات سيؤدي إلى نتائج ناجحة.

#### الخطوات الست في نظرية القرارات

سواء كنت تقرر الذهاب اليوم إلى المسرح أو تظل بالمترل، أو تبني مصنع بملايين الجنيهات، أو تشتري كاميرا جديدة، فإن خطوات القرار الجيسمد همي نفسها. والخطوات الست هي :

- ١- عرف المشكلة التي تواجهها بدقة.
  - ٧- أكتب كل البدائل المكنة.
    - ٣- حدد النتائج المكنة.
- ٤- أكتب العوائد أو الأرباح لكل مزيج من البدائل والعوائد.
  - ٥- اختار أحد النماذج الرياضية لاتخاذ القرار.
    - ٦– طبق النموذج واتخذ قراراك.
- وسنستخدم مثال لشركة أثاثات لتوضيح خطوات نظرية القرارات.

حسن نصر مؤسسة شركة الأثاثات الحديثة

الخطوة (1). المشكلة التي يعرفها هي هل يوسع من خط إنتاجه بإضافـــة وتسويق منتج جديد بإنتاج مقاعد خشبية لحدائق المنازل.

الخطوة (٢): الخطوة الثانية هي تحديد البدائل المتاحسة لسه. في نظريسة القرارات، يعرف البديل alternative بأنه اتجاه الحركة أو الاسستراتيجية التي قد يختارها متخذ القرارات. والبدائل التي حددها حسن هي إنشاء

(١) مصنع ضخم جديد لتصنيع المقاعد. (٧) مصنع صفير. أو (٣) لا ينشئ أي مصنع (أي، لديه بديل عدم الدخول في إنتاج المنتج الجديد).

الخطوة (٣): تتضمن الخطوة التالية تحديد العوائد الممكنة لكل بديـــــل. ويتحدد اتجاه الحركة في هذه الخطوة. فلقد حدد حسن أن هناك عائدان محتملان : سوق المقاعد الخشبية قد يكون ملائم، ثما يعني طلب كبير على المنتج، أو أنـــه غير ملائم، ثما يعني طلب محدود على المقاعد.

والخطأ الشائع هو نسيان بعض العوائد الممكنة. فمتخذي قرارات التقصية يميلوا إلى إهمال النتائج السيئة. بينما قد يستبعد المدير المتفائل عائد ملائه. وإذا لم تأخذ في الحسبان كل الاحتمالات، فلن تكون متخذا لقرار منطقي وقد تظهر النتيجة غير ملائمة. وإذا لم تفكر في إمكان حدوث الأسوأ فقد ينتهي بك الأمه إلى الإفلاس. في نظرية القرارات، نطلق على العوائد التي لا يكون لمتخذ القـــرار تحكم فيها أو تحكمه محدود منها حالة الطبيعة State of nature.

الحظوة (٤): الحظوة التالية هي عرض النتائج المترتبة على كل مزيج من البدائل والعوائد. ونظرا لأنه يرغب في حالتنا الحالية في تقصية أرباحه، يمكنسه استخدام الربح لتقبيم تبعات كل بديل. ولا تعتمد كل القرارات على الأمسوال فقط-فاي وسيلة مناسبة لقياس المنافع تكون مقبولة. نطلق في نظرية القسرارات على هذه المنافع أو الأرباح القيم الشرطية Conditional Values وقسد قيم حسن إمكانيات الأرباح المرتبطة بالعوائد الممكنة. ففي حالة وجود سسوق ملائم، يعتقد أن إنشاء مصنع كبير سيؤدي إلى تحقيق ٥٠٠٠٠ جنيه صسافي ربح للشركة، ونعتبر مبلغ ٥٠٠٠٠ جنيه قيمة شسرطية نظرا الأن حسسن سيحصل عليها بشرط وجود مصنع كبير، وسوق ملائم. وتبلغ القيمة الشسوطية إذا كان السوق غير ملائم ٥٠٠٠٠ جنيه خسارة صافية. فقد يحقق إنشساء المصنع الصغير ١٩٠٠٠ جنيه أرباح إذا كان السوق ملائم. وتبلغ القيمة الشسوطية المنتبع الصغير المائم. أخيرا، سيؤدي عدم الدخسول في المنتج الجديد إلى تحقيق صفر أرباح في كلاحالتي السوق.

واسهل طريقة لعرض هــذه القيــم هــي تصميــم جــدول قــرارات Pay ، Decision Table ، ويطلق عليه في بعض الأوقات جدول عوائـــد off Table . ويظهر في جدول (١) جدول القرار لشركة النصر. وتم ذكــر كل البدائل في الجانب الأيمن من الجدول وكل العوائد المكنة أو حالات الطبيعة ذكرت بأعلى الجدول ويتضمن قلب الجدول العوائد الممكنة.

جدول (١) جدول القرارات والقيم الشرطية لشركة حسن للأثاثات

حالات الطبيعة		البدائل
سوق غير ملائم	سوق ملائم	
14	Y	إنشاء مصنع كبير
٧٠٠٠-	1	إنشاء مصنع صغير
•	•	عدم إنتاج المنتج

أنواع بينة عمل اتخاذ القرار Types of Decision-Making Environments

يعتمد نوع القرار الذي يتخذه الأفراد على كمية المعرفة أو المعلومــــات التي يحوزونها عن الموقف. وسندرس فيما يلمي ثــــــلاث بيئـــات عمــــل لاتخـــاذ القرارات.

## النوع الأول: اتخاذ القرارات في ظل حالة التأكد Decision Making under Certainty

يعلم متخذي القرارات في هذه البيئة تبعات كل بديل، ومسن الطبيعسي اختيارهم البديل الذي سيعظم رفاهيتهم أو سيؤدي إلى أفضل العوائد. فمئسلا، بفرض أن لديك • • • • جنيه للاستثمار لمدة سنة. أحد بدائل الاستثمار هسو فتح حساب ادخار يحقق ٩ % فائدة، والآخر الاستثمار في أذون خزانة تحقسق 1 ١ % فائدة. وإذا كان كل منها مضمون ومأمون، فهناك تأكد مسن أن أذون الخزانة ستغل عوائد أكبر. وسيكون العائد بعد سنة • ١ ٩ جنيه.

## النوع الثاني : اتخاذ القرارات في ظل المخاطر Decision Making under Risk

يعلم متخذ القرار في هذه الحالة احتمالات حدوث كل عائد. فنعلم مشلا أن احتمالات الحصول على الرقم ٥ عند إلقاء زهرة نرد هو ٢/١. سيحاول متخذ القرار في ظل المخاطر تعظيم رفاهيته المتوقعة. ونماذج نظرية اتخاذ القرارات لمشاكل المنشآت في بيئة المخاطر تطبق معياران متساويان – تقصية القيمة النقدية المتوقعة وتدنية الخسائر المتوقعة.

# النوع الثالث: اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد Decision Making under Uncertainty

لا يعلم متخذ القرار في هذا النوع احتمالات العوائد المختلفة. فمشكر، احتمال أن يكون رئيس إحدى الشركات كيميائي بعد ٢٥ سنة من الآن ليسس معروفا. وقد يستحيل في بعض الحالات تقدير احتمالات نجاح مشروع أو منسج جديد. وسنشرح معيار اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد في فقرات تالية بمدا الفصل.

لندرس كيف يمكن أن يؤثر اتخاذ القرارات في ظل التاكد (النسوع الأول من بيئات العمل) على منشأة حسن. لنفرض أن حسن يعلم ما سيحدث في المستقبل. إذا تبين له على وجه التاكيد أن السوق سيكون ملاتم للمقاعد الخشبية ، فما الذي سيفعله؟ ارجع إلى القيم الشرطية لشركة حسسن بجدول (1). نظرا لأن السوق ملاتم، فيجب أن يسنى مصنع كبير، وسيحقق (1). نظرا لأن السوق ملاتم، فيجب أن يسنى مصنع كبير، وسيحقق

عدد محدود من المديرين سيكونون محظوظين بحيازة معلومــــات ومعرفـــة كاملة عن حالة الطبيعة محل الدراسة. وسندرس اتخاذ القرارات في ظل المخـــاطر فيما يلي، وهو وضع أكثر واقعية.

#### اتخاذ القِرارات في ظل المخاطر

يرتبط اتخاذ القرارات في ظل المخاطر باحتمالات القسرار. فيمكن أن تحدث عديد من حالات الطبيعة، لكل منها احتمال. سندرس في الفقرات التالية أحد الطرق الأكثر انتشارا في اتخاذ القرارات في ظل المخاطرة وهسمي اختيار البديل ذو أعلى قيمة نقدية متوقعة. كذلك سندرس مضمون المعلومات الكاملة وحسارة الفرصة البديلة.

## القيمة النقدية المتوقعة Expected Monetary Value EMV

بمعرفة جدول القرارات بقيمه المشروطة (العوائد) واحتمالات تحقق كل حالة من حالات الطبيعة، يمكن تحديد القيمة النقدية المتوقعة لكل بديل إذا مسا أمكن تكرار القرار لعدد كبير من المرات. والقيمة النقدية المتوقعة لأحد البدائل هي مجموع العوائد الممكنة للبديل، مع ترجيح كل منها باحتمال حدوث هذا العوائد.

#### القيمة النقدية المتوقعة =

العوائد لأول حالة من حالات الطبيعة × احتمال حدوث أول حالة من حالات الطبيعة

- + عوائد ثاني حالة من حالات الطبيعة × احتمال حدوث ثاني حالة من حالات الطبيعة
- + .... + العائد لآخر حالة من حالات الطبيعة × احتمال آخر حالة من حالات الطبيعة (١)

لنفرض أن حسن قدر احتمال وجود سوق ملائم معادلا لاحتمال وجود سوق غير ملائم، أي، لكل حالة من حالات الطبيعة احتمال ٥, ٥ فمسا هـو البديل الذي يحقق أعلى قيمة نقدية متوقعة؟ لتحديد ذلك طور حسن جسدول القرار كما في جدول (٢). وكانت حساباته.

القيمة المتوقعة (لمصنع كبير) =

۵,۰۰۰ = ۱۸۰۰۰۰ - × ۰٫۵ + ۲۰۰۰۰ × ۰٫۵

القيمة المتوقعة (لصنع صغير) =

القيمة المتوقعة (لعدم الإنتاج) =

0, ه × صفر + 0, ه × -صفر = صفر جنيه

جدول (٢) جدول القرارات مع احتمالات القيمة النقدية المتوقعة لمنشأة حسن

القيمة النقدية	حالات الطبيعة		البدائل
المتوقعة	سوق غير ملائم	سوق ملائم	
1	14	Y	إنشاء مصنع كبير
£ • • • •	Y	1	إنشاء مصنع صغير
صفر	•	•	عدم إنتاج المنتج

وتنتج أعلى قيمة متوقعة من البديل الثاني، بناء مصنع صغــــير. ولذلـــك، يجب أن ينشئ حسن مصنع صغير لإنتاج المقاعد.

وتبلغ القيمة المتوقعة لإنشاء مصنع كبير ١٠٠٠٠ جنيه، ولعدم إلتـــــاج منتج جديد صفر جنيه.

# القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة Expected Value of Perfect Information

طلب حسن من شركة التسويق العالمي مساعدته في قرار بنساء مصنع الإنتاج المقاعد. وقد ذكرت شركة التسويق أن محللها الغني سيخطر حسن على وجه التأكيد بمدى ملاءمة السوق لمنتجه الجديد. بمعنى آخر، أن المعلومات ستغير من بيئة العمل، من اتخاذ قرار في ظل المخاطر إلى اتخاذ قرار في ظلسل التسأكد. وسستكون تكلفة وسستكون تكلفة شركة التسويق ممودة جنيه لتقديم هذه المعلومات. بماذا تنصح حسن؟ هسل عليه تكليف الشركة بالقيام بدراسة السوق؟ وحتى لو كانت معلومات التسويق مؤكدة ودقيقة، هل تساوي الدراسة ممودة عيه؟ وما هي تكلفتها من وجهة نظرك؟

بالرغم من صعوبة الإجابة على هذه الأسئلة إلا أن تحديد قيمة المعلومات الكاملة يمكن أن يكون نافعا للغاية. فهي تضع حد أعلى لما سترغب في إنفاقه على المعلومات مثل تلك التي تعرض تقديمها شركة التسويق. سسيتم في هذه الفقرة دراسة مصطلحان آخران: القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة EVPI) Expected Value of Perfect Information المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة Expected Value With Perfect والقيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة Information. توفر هذه الأساليب المعلومات اللازمة لاتخاذ قرار التعاقد مع شركة التسويق.

والقيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة هسمي العسائد المتوقع أو المتوسط، في الفترة طويلة الأجل، إذا توفرت لنا معلومات كاملة قبسل اتخساذ القرار. ولحساب هذه القيمة نحتار أفضل بديل لكل حالة من حالات الطبيعسة ونضرب عوائدها في احتمال حدوث حالة الطبيعة.

القيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة =

افضل عائد لأول حالة طبيعة × احتمال حدوث أول حالة طبيعة

+ أفضل عائد لثاني حالة طبيعة × احتمال حدوث ثاني حالة طبيعة

+ .. + أفضل عائد لآخر حالة طبيعة × احتمال حدوث آخر حالة طبيعة

والقيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة هي العوائد المتوقعة مسن المعلومسات الكاملة ناقصا العوائد المتوقعة بدون الحصول على المعلومات الكاملة أي أقصسى قيمة نقدية متوقعة

القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة = القيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة - أقصى قيمة نقدية متوقعة

وبالرجوع إلى جدول (٢) يمكن لحسن حساب أقصى ما يمكن أن يدفعه للحصول على المعلومات، أي، القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة. كما يلي :

١- أفضل عائد لحالة الطبيعة "سوق ملائم" هي "بناء مصنع كبير" بعائد ١٠٠٠ جنيه. وأفضل عائد لحالة الطبيعة "سوق غير ملائم" هي "عدم

إنتاج المنتج الجديد" بعائد قدره صفر جنيه. والقيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة = ١٠٠٠٠٠ جنيه. لذلسك، إذا توفرت لنا معلومات كاملة، فإننا نتوقع في المتوسط تحقيق ١٠٠٠٠ جنيسه إذا ما تكرو القرار عدة مرات.

٧- أقصى قيمة نقدية متوقعة هي ٤٠٠٠ ؛ جنيه وهسسى العوائسة
 المتوقعة بدون الحصول على المعلومات الكاملة.

القيمة المتوقعة للمطومات الكاملة =

وبالتالي فأقصى ما يمكن أن يدفعه حسن للمعلومات الكاملة هو مبلسخ . . . . ٣ جنيه وذلك اعتمادا على فرض أن احتمال حالات الطبيعة ٥. .

### خسارة الفرصة البديلة Opportunity loss

مدخل آخر لتقصية القيمة النقدية المتوقعة هي تدنية خسسارة الفرصة الضائعة. وخسارة الفرصة الضائعة تطلق على الفرق بين الربح أو العائد الأمشل والعوائد المستلمة فعلا. بمعنى آخر، هي القيمة المفقودة نتيجة عدم اختيار أفضل بديل.

ونصل إلى الحمد الأدنى للقيمة المتوقعة لخسارة الفرصة البديلــــة بــاعداد جدول خسارة الفرصة البديلة وحساب خسارة الفرصة البديلة لكـــل بديـــل. لندرس كيف يتم هذا الإجراء في حالة شركة حسن.

#### الفصل الثابي

### أسس نظرية القرارات Fundamentals of Decision Theory

مقدمة

يعتمد نجاح أو فشل الفرد في حياته إلى حد كبير على القسرارات السقى يتخدها. فالمهندس المسئول عن فشل سفينة الفضاء شاننجر لم يستمر في منصب في وكالة الفضاء الأمريكية. والدكتور الذي نفذ برنامج الخصخصة في مصسر أصبح رئيس وزراء. لماذا وكيف يتخذ هؤلاء الأفراد قراراقم؟ وبصفة عامة، مله هي عناصر اتخاذ القرار الجيد، فقرار معين قد يكون الفاصل بين عمسل نساجح وعمل فاشل.

ونظرية القرارات Decision Theory هي مدخل تحليلي ومنظم لدراسة اتخاذ القرارات. سندرس في هذا الفصل النماذج الوياضية التي تساعد المديريسن في الوصول إلى أفضل قرارات.

ما هو السبب في الوصول لقرار جيد أو إلى قرار سيع؟ القرار الناجح هو المبنى على منطق، ويأخذ في الحسبان كل البيانات المتاحة والبدائــــل الممكنـــة، ويطبق المدخل الكمي الذي سندرسه. وفي بعض الأوقات ينتج عن القرار الجيـــل نتائج غير متوقعة أو غير ملائمة. ولكن إذا ما اتخذ القرار بطريقة جيــــدة فإنـــه مازال قرارا جيدا. والقرار السيع هو الذي لا يعتمد على المنطق، ولا يســـتخدم

كل المعلومات المتاحة، ولا يأخذ في الحسبان كل البدائل الممكنسة ولا يطبق أسلوب كمي مناسب. وإذا اتخذت قرار سيئ، ولكنك محظوظ وحصلت علسى نتائج ملائمة، فلازلت قد اتخذت قرارا سيئا. ويتخسذ المديريسن عديد مسن القرارات، وبالوغم من أن القرارات الجيدة قد تؤدي إلى نتائج سيئة إلا أنسه في المدى الطويل، فإن استخدام نظرية القرارات سيؤدي إلى نتائج ناجحة.

#### الخطوات الست في نظرية القرارات

١- عرف المشكلة التي تواجهها بدقة.

٧- أكتب كل البدائل المكنة.

٣- حدد النتائج المكنة.

٤ - أكتب العوائد أو الأرباح لكل مزيج من البدائل والعوائد.

٥- اختار أحد النماذج الرياضية لاتخاذ القرار.

٦- طبق النموذج واتخذ قراراك.

وسنستخدم مثال لشركة أثاثات لتوضيح خطوات نظرية القرارات.

#### حسن نصر مؤسسة شركة الأثاثات الحديثة

الخطوة (1) : المشكلة التي يعرفها هي هل يوسع من خط إنتاجه بإضافـــة وتسويق منتج جديد بإنتاج مقاعد خشبية لحدائق المنازل.

الخطوة (٢): الخطوة الثانية هي تحديد البدائل المتاحسة لسه. في نظريسة القرارات، يعرف البديل alternative بأنه اتجاه الحركة أو الاسستراتيجية التي قد يختارها متخذ القرارات. والبدائل التي حددها حسن هي إنشاء

(١) مصنع ضخم جديد لتصنيع المقاعد. (٢) مصنع صغير. أو (٣) لا ينشئ أي مصنع (أي، لديه بديل عدم الدخول في إنتاج المنتج الجديد).

الخطوة (٣): تتضمن الخطوة التالية تحديد العوائد الممكنة لكل بديـــــل. ويتحدد اتجاه الحركة في هذه الخطوة. فلقد حدد حســــن أن هنـــاك عـــائدان عمملان: سوق المقاعد الخشبية قد يكون ملائم، مما يعني طلب كبير على المنتح، أو أنه غير ملائم، مما يعني طلب محدود على المقاعد.

والخطأ الشائع هو نسيان بعض العوائد الممكنة. فمتخذي قرارات التقصية يميلوا إلى إهمال النتائج السيئة. بينما قد يستبعد المدير المتفائل عائد ملائم. وإذا لم تأخذ في الحسبان كل الاحتمالات، فلن تكون متخذا لقرار منطقي وقد تظهر النتيجة غير ملائمة. وإذا لم تفكر في إمكان حدوث الأسوأ فقد ينتهي بك الأمسو إلى الإفلاس. في نظرية القرارات، نطلق على العوائد التي لا يكون لمتخذ القسرار تحكم فيها أو تحكمه محدود منها حالة الطبيعة State of nature

الحطوة (٤): الخطوة التالية هي عرض النتائج المترتبة على كل مزيج من البدائل والعوائد. ونظرا أنه يرغب في حالتنا الحالية في تقصية أرباحه، يمكنك استخدام الربح لتقييم تبعات كل بديل. ولا تعتمد كل القوارات على الأموال فقط-فاي وسيلة مناسبة لقياس المنافع تكون مقبولة. نطلق في نظرية القسرارات على هذه المنافع أو الأرباح القيم الشرطية Conditional Values وقله على هذه المنافع أو الأرباح المرتبطة بالعوائد الممكنة. ففي حالة وجود سلوق يم حسن إمكانيات الأرباح المرتبطة بالعوائد الممكنة. ففي حالة وجود سلوق ملائم، يعتقد أن إنشاء مصنع كبير سيؤدي إلى تحقيق ١٠٠٠٠ جنيه صلفي ربح للشركة، ونعتبر مبلغ ١٠٠٠٠ جنيه قيمة شسرطية نظرا الأن حسن سيحصل عليها بشرط وجود مصنع كبير، وسوق ملائم. وتبلغ القيمة الشسوطية إذا كان السوق غير ملائم ١٠٠٠٠ جنيه خسارة صافية. فقد يحقق إنشاء المصنع الصغير ١٠٠٠٠ جنيه أرباح إذا كان السوق ملائس، وقلد يحقق انشلام ١٠٠٠٠ جنيه أرباح إذا كان السوق ملائس، وقلد يحقق الشراع المنتج الجديد إلى تحقيق صفر أرباح في كلاحالتي السوق.

واسهل طريقة لعرض هذه القيسم هسي تصميسم جدول قسرارات Decision Table ، ويطلق عليه في بعض الأوقات جدول عوائسد Pay . off Table . ويظهر في جدول (١) جدول القرار لشركة النصر. وتم ذكسر

كل البدائل في الجانب الأيمن من الجدول وكل العوائد الممكنة أو حالات الطبيعة ذكرت بأعلى الجدول ويتضمن قلب الجدول العوائد الممكنة.

جدول (١) جدول القرارات والقيم الشرطية لشركة حسن للأثاثات

، الطبيعة	حالات الطبيعة	
سوق غير ملائم	سوق ملائم	
14	Y	إنشاء مصنع كبير
7	1	إنشاء مصنع صغير
•	•	عدم إنتاج المنتج

أنواع بيئة عمل اتخاذ القرار Types of Decision-Making Environments

يعتمد نوع القرار الذي يتخذه الأفراد على كمية المعرفة أو المعلومــــات التي يحوزونها عن الموقف. وسندرس فيما يلي ثــــلاث بيئــات عمـــل لاتخــاذ القرارات.

# النوع الأول: اتخاذ القرارات في ظل حالة التأكد Decision Making under Certainty

يعلم متخذي القرارات في هذه البيئة تبعات كل بديل، ومسن الطبيعسي اختيارهم البديل الذي سيعظم رفاهيتهم أو سيؤدي إلى أفضل العوائد. فمنسلا، بفرض أن لديك ٥٠٠٠ جنيه للاستثمار لمدة سنة. أحد بدائل الاستثمار هسو فتح حساب ادخار يحقق ٩% فائدة، والآخر الاستثمار في أذون خزانة تحقسق ١١% فائدة. وإذا كان كل منها مضمون ومأمون، فهناك تأكد مسن أن أذون الخزانة ستغل عوائد أكبر. وسيكون العائد بعد سنة ١٩٨٠ جنيه.

## النوع الثاني : اتخاذ القرارات في ظل المخاطر Decision Making under Risk

يعلم متخذ القرار في هذه الحالة احتمالات حدوث كل عائد. فنعلم مشلا أن احتمالات الحصول على الرقم ٥ عند إلقاء زهرة نرد هو ٢/١.

سيحاول متخذ القرار في ظل المخاطر تعظيم رفاهيته المتوقعــــة. ونمـــاذج نظرية اتخاذ القرارات لمشاكل المنشآت في بيئة المخاطر تطبق معياران متســــاويان - تقصية القيمة النقدية المتوقعة وتدنية الخسائر المتوقعة.

۵.

النوع الثالث : اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد Decision Making under Uncertainty

لا يعلم متخذ القرار في هذا النوع احتمالات العوائد المختلفة. فمشكر، احتمال أن يكون رئيس إحدى الشركات كيميائي بعد ٢٥ سنة من الآن ليسس معروفا. وقد يستحيل في بعض الحالات تقدير احتمالات نجاح مشروع أو منتج جديد. وسنشرح معيار اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد في فقرات تالية بهذا الفصل.

لندرس كيف يمكن أن يؤثر اتخاذ القرارات في ظل التاكد (السوع الأول من بيئات العمل) على منشأة حسن. لنفرض أن حسن يعلم ما سيحدث في المستقبل. إذا تبين له على وجه التأكيد أن السوق سيكون ملائم للمقساعد الخشبية ، فما الذي سيفعله؟ ارجع إلى القيم الشرطية لشركة حسسن بجدول (١). نظرا لأن السوق ملائم، فيجسب أن يسني مصنع كبر، وسيحقق (١). نظرا لأبراح.

عدد محدود من المديرين سيكونون محظوظين بحيازة معلومـــات ومعرفــة كاملة عن حالة الطبيعة محل الدراسة. وسندرس اتخاذ القرارات في ظل المخــاطر فيما يلي، وهو وضع أكثر واقعية.

#### اتخاذ القرارات في ظل المخاطر

يوتبط اتخاذ القرارات في ظل المخاطر باحتمالات القــــرار. فيمكــن أن تحدث عديد من حالات الطبيعة، لكل منها احتمال. سندرس في الفقرات التالية أحد الطرق الأكثر انتشارا في اتخاذ القرارات في ظل المخاطرة وهــــي اختيــار البديل ذو أعلى قيمة نقدية متوقعة. كذلك سندرس مضمون المعلومات الكاملــة وخسارة الفرصة المبديلة.

# القيمة النقدية المتوقعة Expected Monetary Value EMV

بمعرفة جدول القرارات بقيمه المشروطة (العوائد) واحتمالات تحقق كل حالة من حالات الطبيعة، يمكن تحديد القيمة النقدية المتوقعة لكل بديل إذا مسا أمكن تكرار القرار لعدد كبير من المرات. والقيمة النقدية المتوقعة لأحد البدائل هي مجموع العوائد الممكنة للبديل، مع ترجيح كل منها باحتمال حدوث هذه العوائد.

#### القيمة النقدية المتوقعة =

العوائد لأول حالة من حالات الطبيعة × احتمال حدوث أول حالة من حالات الطبيعة

+ عوائد ثاني حالة من حالات الطبيعة × احتمال حدوث ثاني حالة من حالات الطبيعة

+ .... + العائد لآخر حالة من حالات الطبيعة × احتمال آخر حالة من حالات الطبيعة (١)

لنفرض أن حسن قدر احتمال وجود سوق ملائم معادلا لاحتمال وجود سوق غير ملائم، أي، لكل حالة من حالات الطبيعة احتمال ٥,٥ فمسا هو البديل الذي يحقق أعلى قيمة نقدية متوقعة؟ لتحديد ذلك طور حسن جسدول القرار كما في جدول (٢). وكانت حساباته.

القيمة المتوقعة (لمصنع كبير) =

القيمة المتوقعة (لمصنع صغير) =

و،  $\times$  ، ، ،  $\times$  .

القيمة المتوقعة (لعدم الإنتاج) =

0,0 × صفر + 0,0 × -صفر = صفر جنيه

جدول (٣) جدول القرارات مع احتمالات القيمة النقدية المتوقعة لمنشأة حسن

القيمة النقدية	حالات الطبيعة		البدائل
المتوقعة	سوق غير ملائم	سوق ملائم	
1	14	Y	إنشاء مصنع كبير
	Y	1	إنشاء مصنع صغير
صفر		•	عدم إنتاج المنتج

#### القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة

#### **Expected Value of Perfect Information**

طلب حسن من شركة التسويق العالمي مساعدته في قرار بنساء مصنع الإنتاج المقاعد. وقد ذكرت شركة التسويق أن محللها الفني سيخطر حسن على وجه التأكيد بمدى ملاءمة السوق لمنتجه الجديد. بمعنى آخر، أن المعلومات ستغير من بيئة العمل، من اتخاذ قرار في ظل المخاطر إلى اتخاذ قرار في ظل التسأكد. وستمنع هذه المعلومات حسن من الوقوع في خطأ مكلف. وسستكون تكلفة شركة التسويق ٥٠٠٥ جنيه لتقديم هذه المعلومات. بماذا تنصح حسن؟ هل عليه تكليف الشركة بالقيام بدراسة السوق؟ وحقى لو كانت معلومات التسويق مؤكدة ودقيقة، هل تساوي الدراسة ٢٥٠٠٠ جنيه؟ وما هي تكلفتها من وجهة نظ ك!

بالرغم من صعوبة الإجابة على هذه الأسئلة إلا أن تحديد قيمة العلومات الكاملة يمكن أن يكون نافعا للغاية. فهي تضع حد أعلى لما سترغب في إنفاقه على المعلومات مثل تلك التي تعرض تقديمها شركة التسويق. سيتم في هذه الفقرة دراسة مصطلحان آخران: القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة EVPI) Expected Value of Perfect Information ليتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة للمتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة Information. توفر هذه الأساليب المعلومات اللازمة لاتخاذ قرار التعاقد مع شركة التسويق.

والقيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة هي العائد المتوقع أو المتوسط، في الفترة طويلة الأجل، إذا توفرت لنا معلومات كاملة قيل اتخاذ القرار. ولحساب هذه القيمة نختار أفضل بديل لكل حالة من حالات الطبيعة.

القيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة =

أفضل عائد لأول حالة طبيعة × احتمال حدوث أول حالة طبيعة

- + أفضل عائد لثاني حالة طبيعة × احتمال حدوث ثاني حالة طبيعة ﴿
- + .. + أفضل عائد لآخر حالة طبيعة × احتمال حدوث آخر حالة طبيعة

والقيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة هي العوائد المتوقعة مــن المعلومـــات الكاملة أي أقصـــى الكاملة أي أقصــــى قيمة نقدية متوقعة

القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة = القيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة - أقصى قيمة نقدية متوقعة

وبالرجوع إلى جدول (٢) يمكن لحسن حساب أقصى ما يمكن أن يدفعه للمحصول على المعلومات، أي، القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة. كما يلي :

١ - أفضل عائد لحالة الطبيعة "سوق ملائم" هي "بناء مصنع كبسير" بعائد . . . . . . . . . . . . . وأفضل عائد لحالة الطبيعة "سوق غير ملائم" هي "عدم إنتاج المنتج الجديد" بعائد قدره صفر جنيه. والقيمة المتوقعة باستخدام المعلومات

٢- أقصى قيمة نقدية متوقعة هي ٥٠٠٠ جنيه وهسمي العوائسد
 المتوقعة بدون الحصول على المعلومات الكاملة.

القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة =

القيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة - أقصى قيمة نقدية متوقعة = .... ٢٠٠٠٠ جنيه

وبالتالي فأقصى ما يمكن أن يدفعه حسن للمعلومات الكاملة هو مبلــــغ • • • • ٦ جنيه وذلك اعتمادا على فرض أن احتمال حالات الطبيعة ٥, •

## خسارة الفرصة البديلة Opportunity loss

ونصل إلى الحد الأدنى للقيمة المتوقعة لخسارة الفرصة البديلــــة بــاعداد جدول خسارة الفرصة البديلة وحساب خسارة الفرصة البديلة لكــــل بديـــل. لندرس كيف يتم هذا الإجراء في حالة شركة حسن. الخطوة ١: الخطوة الأولى هي إنشاء جدول خسارة الفرصة البديلة ويتسم ذلك بتحديد خسارة الفرصة البديلة لعدم اختيار أفضل بديل متاح لكل حالسة من حالات الطبيعة. ويتم حساب حسارة الفرصة البديلة لأي حالة من حسالات الطبيعة أو لأي عمود بطرح كل عائد في العمود من أفضل عائد في نفسس العمود. ففي حالة سوق ملائم، فإن أفضل عائد كان ٢٠٠٠٠ للبديل الأول وهو بناء مصنع كبير. ولحالة سوق غير ملائم، كان أفضل عائد هو صفر للبديل الثالث وهو عدم إنتاج منتج جديد. ويوضح جدول (٣) هذه المقارنات.

جدول (٣) تحديد خسارة الفرصة البديلة لشركة الأثاثات

حالات الطبيعة			
سوق ملاتم سوق غير ملاتم			
صفر – (۱۸۰۰۰۰)	Y — Y		
۰۰۰۰۰ – ۲۰۰۰۰۰ صفر – (۲۰۰۰۰)			
صفر – صفر	۲۰۰۰۰ – صفر		

وباستخدام جدول (٣) يمكن تكوين جدول خسارة الفرصـــة البديلــة. وتمثل القيم بجدول (٤) خسارة الفرصة البديلة لكل حالة من حالات الطبيعــــة نتيجة عدم اختيار أفضل بديل.

جدول (٤) جدول خسارة الفرصة البديلة

الطبيعة	حالات الطبيعة	
سوق غير ملائم	سوق ملائم سوق غير	
14	•	مصنع كبير
4	1	مصنع صغير
	*****	عدم الإنتاج
٠,٥٠	٠,٥٠	الاحتمال

الخطوة ٢ : نحسب خسارة الفرصة البديلة المتوقعة بضرب احتمال كـــل حالة من حالات الطبيعة في قيمة خسارة الفرصة البديلة.

خسارة الفرصة البديلة المتوقعة (بناء صنع كبير)

= ٥,٠٠٠ صفر + ٥,٠٠٠ × ١٨٠٠٠٠ جنيه

خسارة الفرصة البديلة المتوقعة (بناء صنع صغير)

= ٥,٠٠٠ = ۲،۰۰۰ + ۱،۰۰۰ جنيه

خسارة الفرصة البديلة المتوقعة (لعدم إنتاج منتج جديد)

= ۵,۰۰۰،۰۰۰ + ۰,۰۰۰مفر = ۲۰۰۰،۰۰ جنیه

وباستخدام أدنى خسارة فرصة بديلة متوقعة كمعيار للقرار، فإن أفضــــل قرار سيكون البديل الثاني، وهو بناء مصنع صغير.

ومن المهم ملاحظة أن أدنى خسارة فرصة بديلة متوقعة سوف تؤدي دائما إلى نفس القرار في حالة تطبيق القيمة النقدية المتوقعة، وأن العلاقــــات التاليــة صحيحة دائما :

القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة = أدبى خسارة فرصة بديلة متوقعة

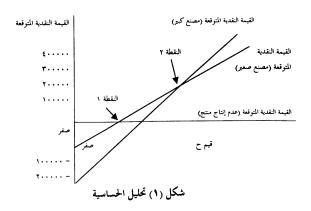
وفي مثالنا السابق فإن : القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة = . . . . ؟ جنيه = أدبى خسارة فرصة بديلة متوقعة.

Sensitivity Analysis تحليل الحساسية

حددنا في الفقرات السابقة أن أفضل قرار لحسن هو بناء مصنع صغير بقيمة متوقعة ٥٠٠٠ جنيه. واعتمدت هذه النتيجة علسى قيمة التبعات الاقتصادية وقيم احتمالات سوق ملائم، وسوق غير ملائم. ويبحست تحليل الحساسية في كيفية تغير قرارنا إذا ما حدث تغير في بيانات المشكلة. سنبحث في الفقرات التالية في أثر التغير في قيمة الاحتمالات على القرار الذي يواجه حسن. نعرف أولا المنغيرات التالية.

ح = احتمال سوق ملائم
و يمكننا صياغة القيمة النقدية المتوقعة باستخدام ح. كما يلي :
القيم المالية المتوقعة (مصنع كبير) = ٢٠٠٠٠ ح - ١٨٠٠٠ (١-ح)
القيم المالية المتوقعة (مصنع صغير) = ٢٠٠٠٠ ح - ٢٠٠٠ (١-ح)
القيم المالية المتوقعة (مصنع صغير) = ٢٠٠٠٠ ح - ٢٠٠٠ (١-ح)
القيم المالية المتوقعة (لعدم إنتاج منتج جديد) = صفر ح - صفر (١-ح)
القيم بشكل (١) رسم بياني للقيم النقدية المتوقعة.

وكما في شكل (١) فإن أفضل قرار هو عدم إنتاج المنتج الجديد طالما أن الاحتمال ح يقع بين نقطة صفر، ١، حيث القيمة النقدية المتوقعة لعدم إنتاج الجديد تساوي القيمة النقدية المتوقعة لإنشاء مصنع صغير. وحينما تكون ح بين النقطة ١، ٢، فإن أفضل قرار هو إنشاء مصنع صغير. والنقطة ٢ تكون حيث القيمة النقدية المتوقعة للمصنع الصغير تساوي القيمة النقديسة المتوقعة للمصنع الكبر.



#### وتظهر نتائج تحليل الحساسية في الجدول التالي :

مدى قيمة الاحتمال ح	الحدث
أقل من ١٦٧٠.	عدم إنتاج المنتج
٠,٦٢ = ٠,١٦٧	بناء مصنع صغير
أكبر من ٦٢,٠	بناء مصنع كبير

#### اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد

#### **Decision Making under Uncertainty**

حين تقدير احتمال حدوث كل حالة من حالات الطبيعة، فعادة ما يكون معياري القرار القيمة النقدية المتوقعة، وخسارة الفرصة البديلة المتوقعة مناسبان. وعندما لا يستطيع المدير تقدير احتمالات العوائد بدرجة من الثقة، أو عندما لا تتاح أي بيانات عن الاحتمالات، فنحتاج إلى معايير أخرى للقرار. وهذا النوع من المشاكل يطلق عليه اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد. وتتضمن المعايير التي سندرسها ما يلي:

- ۱- أقصى الأقصى Maximax.
  - ٧- أقصى الأدني Maxmin.
- ٣- التساوي التقريبي Equally Likely.
- 2- معيار التحقق Criterion of realism.
  - ه- أدني الأقصى Minimax.

ويمكن حساب أول أربع معايير مباشرة من جدول القسرارات، ويحساج معيار أدنى الأقصى Minimax إلى استخدام جدول خسارة الفرصة الضائعة. لندرس كل من الخمس نماذج وتطبيقها على شركة حسن. يحدد معيار أقصى الأقصى البديل الذي يعظم أقصى عوائد كل بديـــل. نبدأ بتحديد أقصى عائد لكل بديل ثم نختار البديل ذو أقصى قيمة. ونظــرا لأن هذا المعيار يحدد البديل ذو أعلى مكاسب ممكنة، فيطلق عليــه معيــار متفــائل للقرارات Optimistic Decision Criteria.

نلاحظ في جدول (٥)، أن اختيار أقصى الأقصى لحسن هو أول بديــــل وهو إنشاء مصنع كبير. وهو أقصى قيمة لأقصى القيم بكل صف أو بديل.

جدول (٥) قرار أقصى الأقصى لشركة حسن

حالات الطبيعة			البديل
الأقصى في الصف	سوق	سوق	<b>0</b> 2 .
۲۰۰۰۰۰ (الأقصى	14	Y	إنشاء مصنع كبير
1	Y	1	إنشاء مصنع صغير
صُفر	صفر	صفر	عدم إنتاج المنتج

#### أقصى الأدبى Maximin

عدد هذا المعيار البديل الذي يحقق أقصى أدنى عوائد أو تبعسات لكل بديل. فنوجد أدنى عائد لكل بديل ثم نختار البديل ذو أقصى رقم. ونظرا لأن هذا المعيار يحدد البديل الذي له أدنى احتمال خسارة فيطلق عليه معيار متشائم للقرار Pessimistic decision criteria.

ولشركة حسن فإن أقصى الأدنى هو عدم اختيار إنتاج المنتسج كمسا في جدول (٦) وهو أقصى أدنى الأرقام بكل صف أو بديل

جدول (٦) قرار أقصى الأدبى لشركة حسن

حالات الطبيعة			البديل
أدبى القيماجد	سوق غير م	سوق	
14	14	Y	إنشاء مصنع كبير
Y –	Y	1	إنشاء مصنع صغير
صفر (أقصى	صفر	صفر	عدم إنتاج المنتج لج

(Laplace) Equally Likely التساوي لابلاس

يحدد معيار القرار التساوي ويطلق عليه أيضا لابلاس البديل ذو أعلى متوسط عائد. فنحسب أولا متوسط العائد لكل بديل وهو مجمسوع العوائسد مقسومة على عددها. ثم نختار البديل ذو أقصى رقم. ومدخل التساوي المتشابه يفترض تساوي كل احتمالات حدوث حالات الطبيعة ، ولذلك فإن كل حالة من حالات الطبيعة متماثلة.

واختيار التساوي لشركة حسن هو البديل الثاني، وهو إنشــــاء مصنـــع صغير. وتظهر هذه الاستراتيجية في جدول (٧) وهو أقصى متوسط للعائد لكــل بديل.

جُدُول (٧) قرار التساوي المتشابه لشركة حسن

حالات الطبيعة		البديل	
سوق سوق متوسط الصف			
1	14	Y	إنشاء مصنع كبير
٠٠٠٠ (المتساوي)	Y –	1	إنشاء مصنع صغير
صفر	صفر	صفر	عدم إنتاج المنتجلج

معيار التحقق معيار هيرويز Criterion of realism (Hurwicz criterion)

غالبا ما يطلق على هذا المهار المتوسط المرجح، وهو توفيق بين القرار المتفائل والقرار المتشائم. وفيه يتم اختيار معامل التحقق ش ويقع هذا المعامل بين صفر، ١. وحينما تكون ش قريبة من ١ يكون متخذ القرار متفائل بالنسبة للمستقبل. وحينما يكون قريبا من الصفر، يكون متخذ القرار متشائم بالنسبة للمستقبل. وميزة هذا المدخل هو أنه يسمح لمتخذ القرار أن يضيف إحساسب بتحديد درجة التفاؤل أو التشاؤم. وتظهر المعادلة كما يلى :

معيار التحقق =  $\infty$  (أقصى قيمة بالصف) +  $(\infty-1)$  (أدن قيمة بالصف).

فإذا افترضنا أن حسن يحدد معامل التحقق co بمقدار ۸٫۰ فإن أفضــــل قرار سيكون بناء مصنع كبير. وكما في جدول (۸) فلهذا البديل أعلى متوسـط مرجح ١٨٠٠٠-١٠٤٠ جنيه = ٨٠٠٠٠

#### جدول (٨) معيار التحقق أو معيار هيرويز

حالات الطبيعة			البديل
معيار التحقق أو	سوق	سوقه	
المتوسط المرجح			
۱۲٤۰۰۰ (تحقق	14	Y	إنشاء مصنع كبير
77	Y	1	إنشاء مصنع صغير
صفر	صفر	صفر	عدم إنتاج المنتج لج

معيار أدبى أقصى قيمة Minimax

يعتمد آخر معيار قرار على خسارة الفرصة البديلة. فيحدد أدني أقصى قيمة البديل الذي يحقق أدني أقصى خسارة فرصة ضائعة لكل بديل. فنوجد أولا أقصى أدنى خسارة فرصة ضائعة داخل كل بديل ثم نختار البديل ذو أقل رقم. ويظهر جدول تكلفة الفرصة البديلة لشركة حسن كما في جسدول (٩) حيث أدنى أقصى قيمة هي للبديل الثاني، وهو بناء مصنع صغير. حيث يؤدي إلى تدنية أقصى خسارة فرصة بديلة.

جدول (٩) أدنى أقصى قيمة باستخدام خسارة الفرصة الضائعة

حالات الطبيعة		البديل	
أدبئ أقصى قيمة لجد	سوق غيو	سوق ملائم	
14	14	•	إنشاء مصنع كبير
1	٧٠٠٠٠	1	إنشاء مصنع صغير
(أدن أقصى قيمة)			
*****		Y	عدم إنتاج المنتج الجديد

التحليل الحدي في ظل وجود عدد كبير من البدائــل وحــالات الطبيعة

Marginal Analysis with a Large Number of Alternatives and State of Nature

درسنا حق الآن الحالات حيث يوجد عدد محدود مسن البدائسل ومسن حالات الطبيعة. ماذا يحدث إذا كان هناك عدد كبير من البدائل ومن حسالات الطبيعة؟ فمثلا، يمكن لأحد المطاعم الكبرى تخزين مسا بسين صفسر إلى ١٠٠ صندوق من البطاطس سابقة التجهيز. يتراوح الطلسب بسين صفسر إلى ١٠٠ صندوق يوميا. في هذه الحالة سيكون علينا تحليل ١٠٠ بديل وحالسة طبيعية ممكنة. مما سيتطلب تصميم جدول قرارات ضخم للغاية إذا استخدمنا مداخسل نظرية القرارات التي درسناها حتى الآن في هذا الفصل. وإذا تمكنا من تحديسه الربح والخسارة الحدية، فمن الممكن استخدام التحليل الحدي للحصول علسى أفضل قرار بدون استخدام جدول قرارات ضخم.

والتحليل الحدي مدخل لاتخاذ القرارات يساعد في اختيار الحجم الأمشل للمخزون. وهو يرتبط بمصطلحين الربح الحدي والحسارة الحدية. لنفسترض أن موزع صحف يتكلف لكل جريدة يومية ١٩ قرش ويمكن أن تباع بمبلسغ ٣٥ قرش وإذا لم تباع الجريدة في لهاية اليوم، فلا يكون لها قيمة (قيمة لهائية=صفسر) وفي هذه الحالة فإن الربح الحدي Marginal Profit هو الربح الناتج عسن يع كل جريدة إضافيسة، أي ١٦ قسرش (=٥٥-٩١) والحسارة الحديسة يع كل جريدة إضافية عن التخزين دون البيع لأي جريسدة إضافية وستكون ١٩ قرش لكل جريدة تبقى حتى آخر اليوم.

وحينما يكون عدد البدائل وحالات الطبيعة قابل للتعامل بسهولة، ونعلم احتمالات كل حالة من حالات الطبيعة فيمكن استخدام التحليل الحدي مسع توزيع احتمالي متقطع Marginal Analysis With district وعند وجود عدد كبير من البدائل وحالات الطبيعة المكنسة، والتوزيع الاحتمالي يمكن وضعه في توزيع معتدل فإن التحليل الحدي باستخدام التوزيع المعتدل معتدل مناسب. وسندرس كل من الأسلوبين فيما يلي:

#### التحليل الحدي مع توزيع متقطع Marginal Analysis With discreet distribution

لا يعتبر إيجاد أفضل مستوى للمخزون عملية صعبة عندما نتبع إجــواءات التحليل الحدي. فبأي مستوى مخزون، يمكننا إضافة وحدات أخـــرى إذا كـــان ربحها الحدي المتوقع يساوي أو يزيد عن الخسارة الحدية المتوقعة. وتصاغ هــــذه العلاقات رمزيا كما يلي :

**أولا نجعل** :

ح = احتمال أن الطلب سيكون اكبر من أو يساوي عسوض معسين (أو احتمال بيع وحدة واحدة على الأقل)

١-ح = احتمال أن الطلب سيكون أقل من العرض

وقاعدة القرار الأمثل هي :

ح (ربح حدي) ≥ (١+ح) (خسارة حدية)

ح(ربح حدي) ≥ خسارة حدية – ح(خسارة حدية)

أو ح $(ربح حدي) + ح(خسارة حدية) <math>\geq خسارة حدية$ 

أو ح $(ربح حدي + خسارة حدية) <math>\geq$  خسارة حدية

بمعنى آخر طالما أن احتمال بيع وحدة إضافية ح أكبر من أو يسساوي الخسارة الحدية

ربح حدي + خسارة حدية

فيمكننا إضافة وحدة إضافية للمخزون. وسنوضح ذلــــك بمشـــال عـــن المخزون.

كافيتريا السعادة ذائعة الشهرة في مصيف رأس البر وهي متخصصصة في تقديم القهوة والفطائر، وتشتري الفطائر يوميا من مصنع للمخبوزات. وتدفسع الكافيتريا ٤ جنيه لكل صندوق يحتوي على ١٢ فطيرة. وأي كرتونة لم تبساع حتى نماية اليوم يتم التخلص منها، حيث لن تكون طازجة في اليوم التالي لتنفسق مع سمعة الكافيتريا. وإذا ما بيعت كرتونة من الفطائر فإن إيرادها يبلغ ٦ جنيه. ولذلك فإن الربح الحدي للكرتونة = ٦ – ٤ = ٢ جنيه.

والخسارة الحدية = ٤ جنيه. حيث لن يمكن رد الفطائر غـــير المباعـــة في نماية اليوم.

جدول (١٠) التوزيع الاحتمالي لمبيعات كافيتريا السعادة

	· (-)
احتمال البيع عند هذالخ	المبيعات اليومية بالصوق
•,•0	£
٠,١٥	•
٠,١٥	٦, ٦
٠,٢٠	Y
٠,٢٥	٨
•,1•	•
•,••	١.
1,	إجمالي

الخطوة (١) : حدد قيمة ح لقاعدة القرار

الخطوة (٢) : أضف عمود جديد للجدول لعرض احتمال بيع الفطائر في كل مستوى يساوي أو أكبر من. كما في جدول (١١)

جدول (11) التحليل الحدي لكافيتريا السعادة

احتمال البيع في هذا	احتمال البيع عند	المبيعات اليومية
المستوى أو أكبر من	هذا الحجم	بالصندوق
•,77 ≤ 1	٠,٠٥	٤
•, ५५ ≤ •, ٩٥	٠,١٥	•
٠,٦٦ ≤ ٠,٨٠	۰٫۱٥	٦
٠,٦٥	٠,٢٠	٧
•, £0	٠,٢٥	· <b>A</b>
•, * •	٠,١٠	٩
•,1•	٠,١٠	١.
	1,••	إجمالي

الخطوة (٣) : استمر في طلب صناديق إضافية طالما أن احتمال بيع وحدة إضافية على الأقل يكون أكبر من ح، وهي احتمال الســـواء أو التعـــادل. إذا طلبت كافيتريا السعادة ٦ صناديق، فإن الربح الحدي سيظل أكبر من الخسسارة الحدية.

حيث أن ٠,٨٠ ≥ ٢٦,٠

وإذا طلبت سبعة صناديق، فإن احتمال بيع سبع صناديق أو اكثر ستكون ، ٦٥ وهو ليس اكبر من ٦٦ ، • لذلك، فإن الحسارة الحدية المتوقعة ستكون أكبر من الربح الحدي المتوقع في حالة طلب ٧ صناديق. بمعنى آخـــر، تتوقع الكافيتريا خسارة في الصندوق السابع إذا تم طلبه. والقرار الأمثل هو طلب ٦ صناديق يوميا.

ويمكن وضع هذه المشكلة في جدول قرارات وحلها، ولكن سيحتاج الجدول إلى ٧ أعمدة، و٧ صفوف (واحد لكل مستوى مبيعات) وبالرغم مسن أن التحليل الحدي بالتوزيع المتقطع يكون كاف جدا بالمقارنة بجدول القوارات، فإنه في حالة وجود أكثر من ١٥ أو ٢٠ بديل وحالات طبيعة مختلفة، فسإن التحليل الحدي باستخدام التوزيع المعتدل قد يكون أكثر ملائمة.

التحليل الحدي باستخدام التوزيع المعتدل Marginal Analysis with Normal Distribution 

- ١- متوسط المبيعات للمنتج µ.
- ۲ الانحراف المعياري للمبيعات σ.
- ٣- الربح الحدي للمنتج (ربح حدي).
- ٤- الخسارة الحدية للمنتج (خسارة حدية).

وإذا ما عرفت هذه الكميات فإن تحديد أفضل سياسة للمخزون ستتماثل مع التحليل الحدي بالتوزيع المتقطع.

الخطوة (١) : حدد قيمة ح بالتوزيع الاحتمالي وهو :

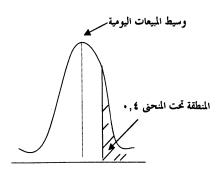
خطوة (٢) : أوجد ح في التوزيع المعتدل لمنطقة معينة تحت المنحني، يمكن أن نجد Z من جدول التوزيع المعتدل (ملحق أ) ثم باستخدام العلاقة :

بفرض أن الطلب على جريدة الصباح بأحد محال توزيع الصحف يتفق مع التوزيع المعتدل، ومتوسطها ٥٠ صحيفة في اليوم، وبانحراف معياري ١٠ صحف وخسارة حدية ٤ قروش وربح حدي ٦ قروش، ما هي السياسة المثلسي لتوريد الصحف؟

خطوة (۲) : يوضح شكل (۲) التوزيع المعتدل. حيث أن جدول التوزيع المعتدل له منطقة مجمعة تحت المنحنى بين الجانب الأيسر وأي نقطة، نبحث عسن ، 7. = (0.00, 0.00,

في هذه المشكلة ب ٠ م ، الذلك الفلك عنده المشكلة بالمشكلة بالمشكلة

۰,۲٥ = ۰,۲٥



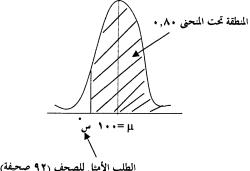
 $\mu = \sigma$  سُ  $\mu = \sigma$  السياسة المثلى للطلب ( $\pi$ 0 صحيفة) شكل ( $\pi$ 1) قرار طلب عدد الصحف يوميا

أو س م الس م الس م الس م السمال السم السمال السمال

خطوة (٢) : يظهر المنحنى المعتدل في شكل (٣) نظرا لأن المنحنى المعتدل منتظم ستجد أن Z لمنطقة تحت المنحنى ٥٠,٠ وبضرب هذا الرقم في -1 منتظم -1 الانحراف المعياري للوسيط لمنطقة تحت المنحنى ٥٠,٠ و -1 و -1 و -1 و -1 و -1 و -1

س - ۰۰۰ ----- = ۰٫۸٤ -

أو  $w^* = -3.00$  + 0.01 أو ٩٢ صحيفة لذلك يجب أن يطلب بائع الصحف ٩٢ صحيفة من الرياضي.



الطلب الأمثل للصحف (٩٢ صحيفة) شكل (٣) قرار طلب صحيفة الرياضي وأمثل سياسة تخزين في المثالان السابقان ثابتان. إذا كان الربح الحسدي أكبر من الحسارة الحدية، نتوقع س أكبر من متوسط الطلب ١١، وحينما يكون الربح الحدي أقل من الحسارة الحدية نتوقع أن تكون سياسة الطلب المثلسي س أقل من ١٤.

#### ملخص

نظرية القرارات مدخل تحليلي ومنظم لدراسة اتخاذ القرارات. وعادة مسا نرتبط بست خطوات في اتخاذ القرارات في ثلاث بيئات عمل : اتخاذ القسرارات في ظل التأكد، المخاطر، وعدم التأكد. ونستخدم طرق مثل القيمـــة النقديــة المتوقعة، القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة، خسارة الفرصة البديلة المتوقعـــة، وتحليل الحساسية في اتخاذ القرارات في ظل الخطر. وفي اتخاذ القرارات في ظــل عدم التأكد يتم تصميم جداول القرارات لحساب معايير مثل أقصى الأقصى، أقصى الأدبى، التماثل، أدبى الأقصى، ومعيار التحقق. ولحــل المشـاكل ذات البدائل وحالات الطبيعة الكثيرة يمكن استخدام التحليل الحدي.

## المعادلات الأساسية

١ - القيمة النقدية المتوقعة =

عائد الحالة الأولى من حالات الطبيعة × احتمالها

+ عائد الحالة الثانية من حالات الطبيعة × احتمالها

+ ... + عائد الحالة الأخيرة من حالات الطبيعة × احتمالها.

تحسب هذه المعادلة القيمة النقدية المتوقعة.

٧- القيمة المتوقعة بالمعلومات الكاملة =

أفضل عائد لأول حالة من حالات الطبيعة × احتمالها

+ أفضل عائد لثاني حالة من حالات الطبيعة × احتمالها

+ ... + أفضل عائد لآخر حالة من حالات الطبيعة × احتمالها.

٣- القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة =
 القيمة المتوقعة بالمعلومات الكاملة – أقصى قيمة نقدية متوقعة.
 تحسب هذه المعادلة القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة.

μ - ° ω σ = Z - σ

معادلة تستخدم في التحليل الحدي لتحديد أمثل سياسة تخزين س حينها يتبع الطلب المنحنى المعتدل.

#### تطبيقات محلوله

1- يفكر محمد السيد في افتتاح متجر للملابس الرياضية بجوار الجامعة. وقد وجد محلا مناسبا. والبدائل المتاحة أمامه هي افتتاح متجر صغير، أو متجسر متوسط، أو عدم فتح متجر ويمكن أن يكون سوق الملابس الرياضية جيد أو متوسط أو سيئ. والاحتمالات للحالات الثلاث هي ٢, الملسوق الجيد، ٥, اللسوق المتوسط، ٣, الملسوق السيئ. ويظهر صافي الربح أو الحسارة للمحل الصغير والمتوسط وفقا لحالات السوق المختلفة كما في الجدول التسائي. ولسن يؤدي عدم افتتاح متجر إلى خسارة أو أرباح. ما هي توصياتك؟

البديل	حالات الطبيعة							
	سوق	سوق وهد	سوق سيئ					
متجر صغير	٧٥٠٠٠	70	£ • • • • -					
متجر متوسط	1	<b>70</b>	٦٠٠٠-					
عدم فتح متجر		,•	•					

الحل :

يمكن حل هذه المشكلة بتصميم جدول للعوائد والذي يحتوي على كـــل البدائل، حالات الطبيعة، وقيم الاحتمالات. ويتم حساب القيمة النقدية المتوقعة لكل بديل.

ادرس الجدول التالي :

القيمة لد		البديل		
المتوقعة	سوقس	سوق وهد	سوق	
100	٤٠٠٠-	70	٧٥٠٠٠	متجر صغير
190	٦	40	1	متجر متوسط
		•		عدم فتحتم
	٠,٣٠	٠,٥٠	٠,٢٠	الاحتمالات

القيمة النقدية المتوقعة لمتجر صغير الحجم =

$$= \pounds \cdot \cdot \cdot \cdot - \times \cdot, \forall \cdot + \forall \circ \cdot \cdot \cdot \times \cdot, \circ \cdot + \forall \circ \cdot \cdot \times \times, \forall \cdot$$

، ۱۵۵۰ جنیه

القيمة المتوقعة لمتجر متوسط الحجم =

$$= \texttt{\textit{$7$}} \cdot \cdot \cdot \cdot - \times \cdot, \texttt{\textit{$7$}} \cdot + \texttt{\textit{$7$}} \cdot \cdot \cdot \times \cdot, \texttt{\textit{$7$}} \cdot \cdot \cdot \times \cdot, \texttt{\textit{$7$}} \cdot \times \cdot$$

٠٠١٠ اجيه ١٩٥٠٠

القيمة المتوقعة لعدم فتح متجر =

، ۰,۲ × صفر + ۰٫۵ ، × صفر + ۰٫۳ ، × صفر = صفر جنية

وكما ترى فإن أفضل قرار هو افتتاح متجر متوسط الحجـــــم، والقيمـــة النقدية المتوقعة لهذا البديل هي ١٩٥٠٠ جنيه.

٣- بعد تخوج نملة ومحمود من دبلوم المحاسبة والحاسب الآلي فكررا في إنشاء شركة صغيرة لكتابة التقارير والرسائل لطلاب الماجسستير والدكتسوراه ولغيرهم. وباستخدام مدخل النظم، حددا ثلاث استراتيجيات.

الاستراتيجية (١): وهي الاستئمار في حاسب متوسط مرتفــــع الثمــن وطابعات فائقة الجودة. وفي حالة سوق ملائم يمكن أن تحقق أرباح صافية قدرهـــد . . . . . . جنيه خلال السنتان المقبلتان. وإذا كان السوق غير ملائم يمكــــن أن يخسرا ٥٠٠٠ جنيه.

- (أ) ما هي إجراءات اتخاذ القرار الذي يجب أن تقوم به لهلة؟ وما هــو قرارها المحتمل؟
- (ب) ما هو نوع القرار الذي سيتخذه محمود؟ وما هو قراره المحتمل؟ (جـــ) إذا تماثل كل من لهلة ومحمود في مواجهة المخاطر، ما هـــــو نـــوع القرار الذي يجب أن يتخذاه؟ وما هي نصيحتك في هذه الحالة؟

## الحل :

المشكلة تقع في مجموعة اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد، وقبل الإجابة على الأسئلة المحددة، يتم تصميم جدول القرارات لعرض البدائــــل، وحــــالات الطبيعة، وتبعات كل منها.

سوق غيير	سوق ملائم	البدائل
۸٠٠٠ –	1	الاستراتيجية (١)
٤٠٠٠ -	۸۰۰۰	الاستراتيجية (٢)
•	•	الاستراتيجية (٣)

- أ- نظرا لأن نهلة تقبل المخاطر، فستتخذ معيار قرار أقصى الأقصى .

  Maximax ويختار هذا المدخل الصف ذو أعلى أو أقصى قيمة. وفي الصف (١) نجد ١٠٠٠٠ جنيه تمثل أقصى قيمة بالجدول. وبالتالي ستختار نهلة الاستراتيجية (١) وهمي مدخل متفائل للقرار.
- ب- سيستخدم مجمود معيار قرار أقصى الأدنى Maximin. فيتسم تحديد أدنى أو أسوأ عائد لكل صف أو استراتيجية. والعائد هنا هسو ٨٠٠٠ جنيه للاستراتيجية (١)، ٠٠٠٠ جنيا للاستراتيجية (٣). ويتم اختيار أقصى قيمة في هذه المجموعة، لذلك سيختار محمود الاستراتيجية (٣)، والتي تعكس مدخل متشائم للقرار.
- جــ إذا كان كل من فملــة ومحمــود متمــاثلين في قبــول المخــاطر فسيستخدما مدخل التماثل. ويختار هذا المدخل البديــل الــذي يعظم متوسطات الصفوف. ومتوسط الصف للاســـتراتيجية (١) هو ١٠٠٠ جنيـــه، ((١٠٠٠ ١٠٠٠) ÷ ٢) = ١٠٠٠ جنيه، ومتوسط الصف للاستراتيجية (٢) هـــو ٢٠٠٠ جنيــه،

٣- افتتح منصور محل حلواني. وفي تحليله الاقتصادي حدد منصور الربح أو الحسارة الحدية لكل أربعة فطائر تباع في علمة بمبلغ جنيه. والربح الحسدي المتوقع يبلغ ٢,٧٥ جنيه لكل علمة بما أربعة فطائر ويفكر منصور في شراء ١٠، ١٥ أو ٢٠ علمة. ويبلغ احتمال بيع ١٠ علب ١٠%، واحتمسال بيع ١٥ علمة ٢٠%، وهنالك فرصة ٣٠% في أن يبيع إما ٢٠ أو ٢٥ علمة أخيرا هناك احتمال ١٠٠ لبيع ٣٠ علمة وهي أقصى ما يعتقد منصور أنه يمكن بيعه. ما هي توصياتك لمنصور؟

## الحل :

المشكلة التي تواجه منصور ترتبط باستخدام التحليل الحدي. أولا، نحتلج إلى معوفة الخسارة الحدية والربح الحدي وهي معلومات معطالة في التطبيق. فالخسارة الحدية ٤ جنيه والربح الحدي ٢,٧٥ جنيه. ويمكننا حساب احتمال بيع وحدة إضافية كما يلى :

واحتمال بيع وحدة إضافية والتي في هذه الحالة ٤ فطــــانر هـــو ٥٠,٥٩ والخطوة التالية هي إعداد جدول يظهر احتمال بيع الفطائر عند مستوى معـــين أو أكبر منه. والحل هو طلب علبة إضافية طالما أن ح أكـــبر مـــن أو تســـاوي ٥٠,٠٩ وكما يتضح في الجدول التالي فإن الحل هو طلب ٢٠ علبة.

الاحتمال عند هذا المستوى أو	الاحتمال عند هذا	الطلب
أكبر منه	المستوى	
١,٠٠	٠,١	١.
٠,٩٠	٠,٢	10
٠,٧٠	٠,٣	٧.
• , £ •	٠,٣	70
.•,1•	٠,١	۳.
	1,	إجمالي

- أذكر مثال لقرار جيد اتخذته وأدى إلى نتائج سينة. وأعطي مثال لقرار سيئ في اتخاذه وحقق عوائد جيدة. لماذا كان كــــل قرار منهما جيد أو سيئ؟
  - ۲- اشرح العناصر المرتبطة بعملية القرار.
  - ۳- ما هو البديل؟ وما هي حالة الطبيعة؟
- ٤ اشرح الفرق بين اتخاذ القـــرارات في ظـــل التـــأكد، اتخـــاذ
   القرارات في ظل المخاطر، واتخاذ القـــرارات في ظـــل عـــدم
   التأكد.
- يفكر محمد عبد العزيز في الاستثمار في العقارات، أو الأسهم،
   أو شهادات الإيداع. ويعتمد عائد قراراته على ما إذا كان الاقتصاد سيمر بمرحلة رواج، أم مرحلة كساد. صور جدول قرارات (باستبعاد القيم الشرطية) لشرح هذا الموقف.
- ٦- اشرح المقصود بالقيمة النقدية المتوقعة والقيمة المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة.
- ٧- ما هي الأساليب المستخدمة لحل مشاكل اتخاذ القـــرارات في ظل عدم التأكد؟ وأي الأساليب تؤدي إلى قرارات متفائلـــة؟ وأي الأساليب تؤدي إلى قرارات متشائمة؟

#### تطبيقات:

الحقوم أمين ببيع البترين بدرجاته المختلفة في المحطة التي يملكها. ونظرا
 للمنافسة الشديدة يواجه بضرورة شراء أجهزة ومعدات أحدث. وتظهر البدائل
 كما يلي :

سوق غير ملائم	سوق ملائم	المعدات
Y	٣٠٠٠٠	1
1	70	ب
14	٧٥٠٠٠	<b></b> -

فمثلاً إذا اشترى أمين المعدات أ وكان السوق ملائم سيحقق أرباح قدرها و ٣٠٠٠٠ جنيه. ومن ناحية أخرى، إذا كان السوق غــــير ملائــــم ســـيحقق خسائر قدرها ٥٠٠٠٠ جنيه. ويعتبر أمين من متخذي القرار المتفائلين.

- أ) ما هو نوع القرار الذي يواجهه أمين؟
- (ب) ما هو معيار القرار الواجب إتخاذه؟
  - (ج) ما هو أفضل بديل؟

 وبنفس المعلومات السابقة في تطبيق (١) سيصل صالح إلى قرار مختلف. ما هـــو معيار القرار الذي سيختاره؟

٣- مجلة السيارات من المجلات ذائعة الانتشار، وورد بمقال بما أنه إذا زاد سعر البترين إلى الضعف فسيظل المستهلك يطلب هذه السلعة. وفرصة سسوق ملائم لمنتجات البترول ٧٠%، بينما فرصة سوق غير ملائم ٥٣٠%. ويرغسب أمين في استخدام هذه الاحتمالات لتحديد أفضل قرار (ارجع إلى تطبيق رقسم (١)).

أ- ما هو نموذج القرارات الذي يجب استخدامه؟

ت- ما هو القرار الأمثل؟

جـــ يعتقد أمين أن رقم ، ، ، ، ، ، ، جنيه للجهاز أ في حالة سوق ملائم رقم مرتفع للغاية. إلى أي مستوى يمكن أن ينخفض هذا الرقم ليجعـــــل أمين يغير قراره المتخذ في (ب) من هذا التطبيق.

٤- يستثمر بشر في سوق المال وكان ناجحا في الشهور الماضية. وفي دراسة للسوق وجد انه في بعض الحالات من المفضل أن يضع أمواله في ودانسع في البنك بدلا من استثمارها في الأسهم. أو في شهادة استثمار ذات عائد نصف سنوي بمعدل عائد ٩٠%، وإذا كان السوق جيد يعتقد بشر أنه يمكنه الحصول على عائد عائد ١٠٨ على أمواله. وفي حالة سوق ملائم، يتوقع أن يحصل على عائد ٨٠%. وإذا كان السوق سيئ فلن يحصل في الغالب على أي عائد، أي إن العائد سيكون صفر ١٠٠%. ويقدر بشر أن احتمال سوق جيد ٤٠٠، واحتمال سوق ملائم ٤٠٠، واحتمال سوق سيئ ٢٠٠٠.

(أ) صمم جدول قرارات لهذه المشكلة.

(ب) ما هو أفضل قرار.

# و- يفكر عابد في توسعة أعماله بافتتاح مصنع جديد وفيما يلي توقعات. في الحالات المختلفة :

سوق غير ملائم	سوق ملائم	البدائل
٣٠٠٠-	£ • • • •	بناء مصنع كبير
1	<b>A</b>	بناء مصنع صغير
•	in en ey <b>é</b>	عدم بناء مصنع
٠,٣٠	• , £	احتمالات السوق

(أ) صمم جدول خسارة الفرصة البديلة.

(ب) حدد خسارة الفرصة البديلة المتوقعة، وأفضل استراتيجية.

(ج) ما هي القيمة المتوقعة للمعلومات الكاملة؟

## استخدام الجداول الإلكترونية في حل مشاكل نظرية القرارات

يمكن استخدام الجداول الإلكترونية لحل عديد مــــن مشـــاكل نظريـــة القرارات بما في ذلك اتخاذ القرارات في ظل عدم التأكد، أو في ظل المخاطر.

## اتخاذ القرارات في ظل المخاطر

من أكثر أساليب اتخاذ القرارات نجد اتخاذ القرارات في ظل المخاطر والتي نستخدم فيها القيمة النقدية المتوقعة. يظهر شكل (١) ورقة عمل كمثال لجدول قرارات شركة الأثاثات (جدول ٢ بهذا الفصل). ويتم إدخال القيمة النقديـة في الحلايا B8 وحتى C10. وهي نفس القيم المستخدمة في هذا الفصــل. ويتــم إدخال قيم الاحتمالات في الحلايا B12، C12. وإذا ما أدخلت هذه القيــم، فإن ورقة العمل تحدد القيمة النقدية المتوقعة لكل بديل، وأقصى قيمــة نقديــة متوقعة، والقيمة النقدية المتوقعة باستخدام المعلومات الكاملة. وتستخدم نفــس المعــادلات الموجــودة بــالفصل في ورقــة العمــل. فمثـــــلا المعادلــة المعادلات الموجــودة بــالفصل في ورقــة العمــل. فمثــــلا المعادلــة العوائـــد القيدية للحصول على القيمة النقدية المتوقعة بمبلغ ٠٠٠٠ جنيه لمصنع كبير في الخلية D1 لاحظ استخدام علامة الدولار \$ والتي تجعل الخلية مطلقة والــــتي تؤدي إلى سهولة نسخ المعادلة العامة في الخلية D8 إلى الخلايا D9 و D10.

D	С		В	A		
	1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	٠.	وقعة	نيمة النقدية الم	١١ ال	
					1	
EMV Computed	سوق غيو		سوق ملاة	لات الطبيعة	۲	•
	\$ A					
						>
				دائل	الب	`
					,	V
\$B\$12*B8+\$C\$12*C8	14	۲.		ىنع كېير	، مص	٨
\$B\$12*B9+\$C\$12*C9	7	,		نع صغير	مص	٩.
\$B\$12*B10+\$C\$12*C10			•	شيء	١ لا ،	•
						١١.
	٠,٥		۰,٥	وتمالات	וצי	۲ ۱
						١٣
MAX(D8:D10)			متو قعة	ى قيمة نقدية ،	أقص	۱٤
MAX(B8:B10)*B12+=M		14	ــتخدام	مة المتوقعة باسـ	- 1	10
				ومات الكاملة	المعلو	
1.75	1. 1. 1.					١٦
***	1 1 1 2 1			19 mg 4		
to produce the second						
to stand			6 1 Mg			
er i j						

## خسارة الفرصة البديلة المتوقعة

تحسب خسارة الفرصة البديلة المتوقعة باستخدام ورقة العمل الظاهرة في شكل (٢). ويتم إدخال قيم خسارة الفرصة البديلة في الخلايا B8 إلى C10 ويتم إدخال الاحتمالات في الخلايا B12 و C12. فتحسسب ورقة العمسل خسارة الفرصة الضائعة المتوقعة بضرب الاحتمالات في قيم خسارة الفرصة البديلة. فمثلا، المعادلة المستخدمة للبديال الأول هسي مائعة متوقعة باستخدام الدالة (B12:28+88\*SC\$12 أدني خسارة فرصة ضائعة متوقعة باستخدام الدالة (D8:D10=. مما يحدد أدني قيمة في عمود خسارة الفرصة البديلة المتوقعة والذي يتكون من الخلايا B2 حتى D10.

D	С	В	A	
		صة البديلة الموق	خسارة الفر	١
				۲
EOL Computed	سوق غيو	سوق ملاتم	حالات الطبيعة	٣
				٤
				٥
			البدائل	٦
				٧
=\$B\$12*B8+\$C\$12*C8	14		مصنع كبير	٨
=\$B\$12*B9+\$C\$12*C9	٧٠٠٠٠	1	مصنع کبیر مصنع صغیر	٩
=\$B\$12*B10+\$C\$12*C10		7	لا شيء	١.
				11
	٠,٥	٠,٥	الاحتمالات	17
				۱۳
=MIN(D8:D10)		متوقعة	أدبى خسارة فرصة	١٤
				10

ويظهر جدول (٣) استخدام الجداول الإلكترونية لحساب معيار أقصى، أقصى أدي، متماثل، ومعيار التحقق لشركة الأثاثات المشروحة في هذا الفصل. ومعيار التحقق هو ٠,٨ فيتم إدخالها في الخلايا B9 إلى C11. وتحسب أقصى قيم بالصف بالخلايا PD حتى D11 باستخدام الدالة MAX= أو دالة أقصى قيمة. وتحسب أدنى قيمة بالصف باستخدام الدالة MIN=. ويحسب متوسط الصف وعمود معيار التحقق بضرب القيم النقدية في ١، ٥ في المتوسط أو ٠,٨ ورا-٠,٨) لعيار التحقق. والأسلوب هو نفس المشروح في هسذا الفصل، وتوضح الصفوف في أدنى الجدول النتائج النهائية. ويستخدم قرار أقصى وتوضح الصفوف في أدنى الجدول النتائج النهائية. ويستخدم قرار أقصى المرجود في العمود. وتستخدم دالة MAX= لتحديد أقصى أدنى، والنمسائل، وميار التحقق.

أدبي الأقصى Minimax

يستخدم معيار أدبي الأقصى جدول خسارة الفرصة الضائعة شكل (٤).

H	G	F	E	D	C	В	A	
-								1
					٠,٨	وصة الضائعة	خسارة ال	۲
								٣
	lism erion	صف المتوسط	مف	صف الأقصى	۲	,	حسالات الطبيعة	ŧ
Т								٠
								٦.
-							البدائل	٧
-						-		٨
	*B9+(1- D\$2)*C9	=0.5*D9+0 .5*E9	=MIN(B 9:C9)	=MAX(B9: C9)	14	*	,	٩
=SDS2	*B10+(1	=0.5*D10+	=MIN(B	=MAX(B1	*	1	٧	١.
=SDS2	\$2)*C10 !*B11+(1 !\$2)*C11	0.5*E10 =0.5*D11+ 0.5*E11	10:C10) =MIN(B 11:C11)	0:C10) =MAX(B1 1:C11)	•		٣	11
-31	32)-CII	0.3 E11	71.01.9					14
	L	1	:	=MAX(D9: D11)		ن قِمة في صف		۱۳
				=MAX(E9: E11)	يادنيات)	قيمة في صف ا	الأدنى (أعلى	11
				=MAX(F9: F10)			التماثل	10
				=MAX(G9 :G11)	i a	للفرصة الضائه	أقصى خسارة	12
		1	1			T		17

وندخل قيمة خسارة الفرصة البديلة في الخلية B8 إلى C10. وتحسسب أقصى القيم باستخدام دالة MAX =. فمثلا، (MAX(B8:C8) تسستخدم لإيجاد أعلى قيمة بالصف الأول. وهي ١٨٠٠٠ جنيه. وتحسب الخليسة 113 أدن أقصى قيمة باستخدام الدالة (D8:D10)

ويمكن استخدام نفس الجداول الإلكترونية المشروحة لحل مشكلة أي جدول قرارات يرتبط بثلاث بدائل وحالتين من حالات الطبيعة. ويمكن تعديل الجداول الإلكترونية للتعامل مع مشاكل أكبر. ومن الممكن وضع عدة جداول الكترونية في ورقة واحدة أو ربطها معا باستخدام دوال الربسط. ممسا يسسمح بتحويل البيانات والنتائج من أحد الجداول آليا إلى جدول إلكتروني آخر.

D	C	В	A	
		Mir	imax Criterion	١
				۲
الأقصى في الصف	سوق غيرم	سوق	حالات الطبيعة	٣
				٤
				0
			البدائل	٦
				>
=MAX(B8:C8)	14	•	مصنع كبير مصنع صغير لا شيء	^
=MAX(B9:C9)	7	1	مصنع صغير	۴
=MAX(B10:C10)	•	7	لا شيء	١.
				11
			الأقصى	۱۲
=MAX(D8:D10)		قصيات	الأدبى في صف الأ	۱۳
			,	١٤
			*	10
			<b>.4</b> /	17
				14
				۱۸
				19
				۲.

# الفصل الثالث مضامين الاحتمالات Probability Concepts

مقدمة:

ستكون الحياة سهلة إذا ما عرفنا بدقة ما سيحدث في المستقبل. وستعتمد نتيجة أي قرار على مدى منطقية ورشد متخذ القرار. إذا فقدت أموال في سوق الأوراق المالية فقد يرجع ذلك إلى فشلك في الأخذ في الحسبان كل المعلومات أو في اتخاذ قرار منطقي. وإذا ما سقطت عليك الأمطار، فترجع مشاكلك إلى أنك نسيت مظلتك. ويمكنك دائما تجنب تشييد مصنع أكسبر عما ينبغي أو الاستثمار في شركة تخسر فيها أموالك، أو حدوث عجز في المخزون، او فقسد الحصول نتيجة لسوء الجو. فلن يكون هناك شيء مثل الاستثمارات الخطسرة. فالحياة ستكون سهلة، ولكنها ستكون عملة.

ولم يتم إلا منذ القرن السادس عشر قيام الأفراد بتقييم المخساطر كميسا وتطبيق هذا المضمون في حياتنا اليومية. فهناك احتمال • \$ % لسقوط الأمطار على الساحل الشمالي. وهناك • ٥: • ٥ نسبة نجاح لارتفاع مؤشر سوق المال إلى أعلى مستوى له في الشهر القادم.

والاحتمال هو تعبير رقمي عن وقوع حدث معين.

سندرس في هذا الفصل المفاهيم الأساسية للاحتمالات، ومصطلحاتهـــا، وعلاقات الاحتمالات المفيدة في حل عديد من مشاكل التحليل الكمية. ويمكننا القول أن دراسة التحليل الكمي كانت لتصبح أصعـــب بـــدون وجود الاحتمالات.

#### المضامين الأساسية للاحتمالات:

هنالك جملتان أساسيتان عن رياضيات الاحتمالات : ١ – الاحتمال ح لأي حدث، أو وضع للطبيعة لأي حدث سيكون أكسر

من او يساوي صفر واقل من او يساوي ١٠. اي ان :

صفر ≤ ح (حدث) ≤ 1 والاحتمال صفر يعني أنه لا يتوقع حدوث الحدث أبدا. والاحتمال 1 يعني أن الحدث يتوقع أن يحدث دائما.

٢- مجموع الاحتمالات البسيطة لكل العوائد الممكنة لحدث معين يجـب أن تساوي ١.

ويظهر توضيح لهذين المفهومين في المثال التالي :

## مثال ١ : قانون الاحتمالات

كان الطلب على الطلاء الأبيض لشركة البويات الحديثة ، ، ١، ٢، ٣ أو ٤ جالون في البوم ولا يوجد احتمال آخر وحينما يحدث أحمد هذه الأحداث، لا يحدث غيره. وخلال ، ٢٠ يوم عمل السابقين لاحظ المحلل المسالي أن تكرار الطلب كان كما يلى :

عدد أيام التكرار	الكمية المطلوبة بالجالون
٤٠	•
٨٠	. •
	4
٧.	<b>*</b> * * * * * * * * * * * * * * * * * *
. <b>Y•</b> → <sup>2</sup> ( )	<b>.</b>
4	إجمالي

وإذا كان التوزيع السابق مؤشرا جيدا للمبيعات في المستقبل، فيمكننــــــــــا إيجاد احتمالات حدوث كل نتيجة في المستقبل بتحويل البيانات إلى نسبة مئويــــة من الإجمالي كما في الجدول التالي:

الاحتمالات		الكمية المطلوبة
۲۰۰/٤۰	٠,٢٠	•
۲۰۰/۸۰	٠,٤٠	<b>\</b>
7/0.	۰,۲٥	*
۲۰۰/۲۰	,1.	٣
۲۰۰/۱۰	•,••	£
	١,٠٠	إجمالي

وبالتالي، فإن احتمالات حدوث مبيعات بمقدار ٢ جالون من الطلاء في أي يوم هي ح (٢ جالون) = ٥٠ ٢  $^{\circ}$ .

واحتمالات مبيعات أي كمية يجب أن تكون أكبر من أو تساوي الصفر وأقل من أو تساوي ١. ونظرا لأن ٠، ١، ٢، ٣، ٤ جسالون تسستنفذ كسل الأحداث الممكنة أو النتائج، فإن إجمالي احتمالاتما يجب أن يساوي ١.

# أنواع الاحتمالات

توجد طريقتان مختلفتان لتحديســـد الاحتمـــالات. المدخـــل الموضوعـــي Objective Approach والمدخل الشخصي Subject Approach

## المدخل الموضوعي لتحديد الاحتمالات

ويمكن تحديد الاحتمالات الموضوعية باستخدام ما يطلق عليه الطريقة الكلاسيكية أو ما يطلق عليه الطريقة المنطقية. بدون استخدام سلسلة مسن التجارب، يمكننا منطقيا تحديد احتمالات الأحداث المختلفة. فمشلا، احتمسال إلقاء عملة مرة واحدة والحصول على وجه هي:

وبالمثل احتمال سحب ورقة القلب من مجموعة من ٥٦ ورقة كوتشيية عكن تقديره منطقيا كما يلي :

## تقدير الاحتمالات ذاتيا

عندما يكون المنطق والتاريخ الماضي ليسا مناسبين، فيمكن تحديد قيسم الاحتمالات بطريقة شخصية أو ذاتية. وتعتمد درجة دقة الاحتمالات الذاتيسة على خبرة وحكم القائم بالتقدير.

وفي عديد من الحالات لا يمكن تحديد قيم الاحتمالات ما لم نسستخدم مدخل شخصي. ما هي احتمالات ارتفاع سعر البترين عن ٢ جنيه للستر في السنوات المقبلة؟ ما هي احتمالات وقوع الاقتصاد القومي في كساد خلال علم ٥٠٠٧؟، ما هي احتمالات أن تصبح رئيسا لإحدى الشركات خلال العشوين سنة المقبلة؟

وهناك طرق كثيرة لتقدير الاحتمالات ذاتيا. ويمكن أن يستخدم تجميسع الآراء في المساعدة في تحديد الاحتمالات الذاتية لنتائج انتخابات مقبلة لأحسسه المرشحين. وفي بعض الحالات، يجب استخدام الخبرة والحكم الشخصي لتحديسه

الأحداث المانعة بالتبادل والأحداث غير المانعة بالتبادل Mutually exclusive and Collectively Exhaustive Events

يطلق على الأحداث أله أحداث مانعة بالنبادل Mutually الأحداث أله أحداث عنع حدوث الآخر في أي تجربة واحدة. ويطلق على الأحداث ألها أحداث غير مانعة بالنبلدل Collectively إذا كانت قائمة النتائج تتضمن كل نتيجة ممكنة لكل حدث.

وتتضمن عديد من الممارسات أحداث لها كلا الحاليتين. فعند إلقاء عملة مثلا، فإن النتائج المكتة هي وجه أو كتابة. ونظرا لأن كل منهما لا يمكن أن يحدث في نفس الرمية، فإن الناتج وجه أو كتابة يطلق عليها ألها أحداث مانعية بالنبادل Mutually exclusive. ونظرا لأن الحصول على صورة وكتابة يمثل كل النتائج المحتملة، فإلهما أحداث غير مانعة بالتبادل exclusive.

مثال (٢) إلقاء زهر

القاء زهر تجربة بسيطة لها ٦ نتائج ممكنة، وتعرض القائمة التالية النتــــائج الممكنة واحتمالات كل منها.

الاحتمالات	نتيجة إلقاء للره
٦/١	١
7/1	4
٦/١ -	٣
7/1	ŧ
٦/١	٥
٦/١	٦
1	الإجمالي

وهذه الأحداث هي أحداث مانعة بالتبادل وأحداث غير مانعة بالتبادل (في أي إلقاء حيث يمكن أن يحدث أحد الأحداث الستة) وهي أيضا (يحدث إحداها فقط وبالتالي فإن مجموع احتمالاتما يساوي ١).

طلب منك سحب كارت من مجموعة من ٥٦ كارت من أوراق اللعب. وباستخدام التحديد المنطقي للاحتمالات، من السهل تحديد بعضض العلاقات مثل:

وهذه الأحداث (سحب ٧ وسحب قلب) ليسا مانعين بالتبادل نظـرا لأن ٧ من نوع القلب يمكن أن تسحب. وهما أيضا ليسا غير مانعين بالتبادل نظـــرا لأن هناك بطاقات أخرى في المجموعة بخلاف السبعات والقلوب.

ويمكنك اختبار فهمك لهذه المضامين بدراسة الحالات التالية :

غير مانعة بالدبل	مانعة بالدبل	سحب	
Y	نعم	١- سحب قلب ومعين	
نعم	نعم	۲ - سحب کارت صورة وکارتة	
צ	نعم	۳- سحب عدد ۱ و ۳	
نعم	نعم	٤- سحب قلب وكارت غير قلب	
لا	3	٥- سحب ٥ تريفل	
צ	7	٦- سحب كارت أحمر وتريفل	

تجميع الأحداث المانعة بالتبادل

عادة ما نحتم بما إذا كان أحد الأحداث أو الآخر ســــيحدث. وحينمـــا يكون الحدثان مانعين بالتبادل، فإن قانون الجمع يكون كما يلي :

أو باختصار أكثر :

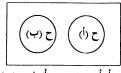
ح (أ أو ب) = ح (أ) + ح (ب)

فمثلا، رأينا أن حدث سحب قلب أو تريفل من مجموعة أوراق اللعـــب هي مانعة بالتبادل. ونظرا لأن :

فإن احتمال سحب أي من القلب أو التريفل يكون.

% o · = · , o =

وتوضح خريطة Ven في شكل (١) احتمالات حدوث أحداث مانعــــة بالتبادل.



ح (أ أو ب) = ح (أ) + ح (ب) شكل (١) قانون التجميع للأحداث المانعة بالتبادل

قانون جمع الأحداث غير المانعة بالتبادل

حينما يكون حدثان ليسا مانعين بالتبادل يجب تعديل معادلة (٢) للأخــــذ في الحسبان الازدواج في الحساب. فالمعادلة الصحيحة تخفض الاحتمالات بطرح فرص حدوث الحدثان معا.

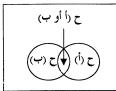
- (الحدث أ أو الحدث ب) = ح(الحدث أ) + ح(الحدث ب) - حرحدث حدوث أ أو ب)

ويمكن تمثيل ذلك بطريقة مختصرة كما يلى :

ويوضح شكل (٢) مضمون طرح احتمالات النتائج المشتركة بسين الحدثان. حينما يكون الحدثان مانعين بالتبادل، فإن المنطقة المتداخلة بينما يطلق عليها التداخل Intersection تكون صفر. كما في شكل (١).

لندرس حالة سحب ٥ وقلب من مجموعة أوراق اللعب. هذان الحدثان ليسا مانعين بالتبادل، لذلك يجسب تطبيسق المعادلة (٣) لحساب احتمال سحب أي من ٥ أو قلب.

ح (٥ أو قلب) = ح (٥) + ح (قلب) - ح (٥ وقلب)



شكل (٢) قانون جُميع الأحداث غير المانعة بالتبادل

## **Statistical Independent Events**

۱- (أ) مستوى تعليمك.

(ب) مستوى دخلك

أحداث تابعة. هل يمكن شرح السبب؟

٢-(أ) سحب شايب قلب من مجموعة أوراق لعب من ٥٦ ورَقة.
 (ب) سحب شايب تريفل من مجموعة أوراق لعب من ٥٦ ورقة أحداث مستقلة.

٣- (أ) نادي الأهلي يكسب كأس الأندية.
 (ب) نادي الأهلي يكسب كأس أبطال الكؤوس العربية.
 أحداث تابعة.

إ) سقوط أمطار على الإسكندرية.
 (ب) سقوط أمطار على أسوان.
 أحداث مستقلة.

والأنواع الثلاثة من الاحتمالات في ظل كل من الاستقلال الإحصـــــائي والتبعية الاحصائية هي :

- (۱) احتمالات حدية Marginal.
  - (۲) احتمالات مشتركة Joint.
- (٣) احتمالات شرطية Conditional

وحينما تكون الأحداث مستقلة يصبح مـــن الســهل حســاب هــذه الاحتمالات الثلاثة كما سيلي :

### Marginal or Simple الاحتمال الحدي أو البسيط

هو احتمال حدوث حدث ما. مثلا، إذا ألقينا زهرة فـــإن الاحتمـــالات الحدية لأن يظهر الرقم ٢ بالوجه الأعلى هو ح(الرقم ٢) = ٦/١ = ٠,١٦٦ . . . ونظرا لأن كل رمية مستقلة تعتبر حدث مستقل (أي أن ما نحصــــــل عليـــه في الرمية الأولى ليس له أي علاقة بنتيجة الرمية الثانية. فالاحتمال الحــــدي لكـــل نتيجة ممكنة هي ٦/١.

والاحتمال المشترك The Joint Probabilities لحدثين مستقلين أو أكثر هو ناتج ضرب احتمالاقم البسيطة أو الحدية. ويمكن صياغت كما يلي:

ح (أ ب) = الاحتمال المشترك لحدوث الحدث أ و ب معا، أو أحدهمـــــــا بعد الآخر.

> ح (أ) = الاحتمال الحدي للحدث أ ح (ب) = الاحتمال الحدي للحدث ب

واحتمالات الحصول على العدد ٦ في أول رمية للزهـــر ثم العـــدد ٢ في الرمية الثانية هو :

ح (٦ في الرمية الأولى، ٢ في الرمية الثانيــة) = ح (احتمال ٦) × ح (احتمال ٢)

والنوع الثالث هـــو الاحتمـالات المشــروطة Conditional Probability

ويوصف بأن ح (أإب) أو احتمال حدوث ب إذا ما حدثـــت أ أيضــا. وتعنى ح (ب|أ) الاحتمالات المشروطة للحدث أ إذا ما حـــدث الحــدث ب. وحينما تكون الأحداث مستقلة فإن حدوث أحدها لا يؤثر بأي طريقــة علمــى النتائج التالية.

#### مثال: عن الاحتمالات في حالة الأحداث مستقلة

يحتوي صندوق على ٣ كرات سوداء، ٧ كراتُ خضراء. اسحب كـــرة من الصندوق، ثم أعدها واسحب كرة أخرى. يمكننا تحديد احتمالات كل مـــن حدوث الأحداث التالية كما يلي :

١ - سحب كرة سوداء في المرة الأولى

۲- سحب كرتان خضراء

ح (خــ خــ) = ح (خــ) × ح (خــ)

•, £9 = •, V × •, V =

٣- سحب كرة سوداء في المرة الثانية إذا كانت الأولى خضراء

٤ - سحب كرة خضراء في المرة الثانية إذا كانت السحبة الأولى كـــرة خضراء.

ح (خــ خــ) = ح (خــ) = ٠,٣٠ (وهي احتمال مشروط كمـــا في الحالة السابقة ٣)

الأحداث التابعة إحصائيا

### **Statistical Dependent Events**

عندما تكون الأحداث تابعة إحصائيا. فإن حدوث حدث يؤشــــر علـــى احتمال حدوث حدث آخر. وتقع الاحتمالات الحدية والشرطية والمشـــتركة في

ظل الأحداث التابعة كما تحدث في ظل الأحداث المستقلة، ولكن يتغير شـــكل النوعان الآخران.

فالاحتمالات الحدية تحسب تماما كما في الأحداث المستقلة. ومرة أخسوى فإن الاحتمالات الحدية لحدوث الحسسدث أيطلسق عليسها ح (أ) وحسساب الاحتمالات الشرطية في ظل الأحداث التابعة يكون أكثر ارتباطا مسسن عسامل الاستقلال. ومعادلة الاحتمالات المشروطة لحدوث أبشرط أن حدوث ب هي:

$$(\bullet) \qquad \frac{( \cdot , \dot{)} \cdot \nabla}{( \cdot , \dot{)} \cdot \nabla} = ( \cdot , \dot{)} \cdot \nabla$$

وعادة ما يشار إلى المعادلة السابقة بأنما قانون بايز Bay's Law أو نظرية بايز Bay's Theorem وسنشرحها بالمثال التالي :

مثال (٥) : الاحتمالات في حالة الأحداث تابعة

بفرض أن بأحد الصناديق ١٠ كرات بالمواصفات التالية :

٤ بيضاء (ب) وعليها حرف (ل)

۲ بیضاء (ب) وعلیها رقم (ن)

٣ صفراء (ص) وعليها حرف (ل)

١ صفراء (ص) وعليها رقم (ن)

وقد سحبت عشوانيا كرة من الصندوق ووجدتما صفىــــراء. مــا هـــي احتمالات وجود حرف على الكرة؟ شكل (٣).

نظرا لوجود ١٠ كرات، فمن السهل إعسداد جسدول بالاحتمسالات المكنة.

$$\cdot, \pi = 1 \cdot / \pi = (0 \cup 1) = 0$$

$$\cdot$$
,  $1 = 1 \cdot / 1 = (0 \cdot 0) = 1 \cdot / 1 = 1 \cdot / 1 = (0 \cdot 0) = 1 \cdot / 1 = (0 \cdot 0) = 0$ 

$$^{1}$$
  $^{1}$ 

$$\dot{v} = \dot{v} = \dot{v} + \dot{v} = \dot{v} + \dot{v} = \dot{v} + \dot{v} = \dot{v} + \dot{v} + \dot{v} = \dot{v} + \dot{v} +$$

$$i_0 - (\omega) = -(\omega) + -(\omega) = \pi, + + \pi, + \pi = 0$$

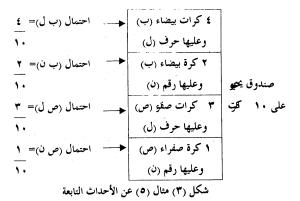
$$\dot{\theta} = -(\dot{\theta}, \dot{\theta}) = -(\dot{\theta$$

ويمكننا تطبيق قانون بايز لحساب الاحتمالات المشـــروطة بـــأن الكـــرة المسحوبة عليها حرف ل بافتراض أنها صفراء.

قسمنا في هذه المعادلة احتمال سحب الكرات الصفراء والسبق عليها حرف (٣ من عشرة) على احتمال سحب كرة صفراء (٤ من ١٠). فسهناك ٧٥,٠ احتمال أن الكرة الصفراء التي سحبتها يكون عليها حرف.

$$(7)$$
  $(-7) \times (-7) \times ($ 

عكننا استخدام هذه المعادلة من فحص الاحتمالات المشروطة كما يلي :  $\sigma$  (ص ل) =  $\sigma$ , و والتي تم الحصول عليها في المنسال (٥). وبضرب حرل اص) في ح(ص)  $\sigma$  ح (ص ل) =  $\sigma$  (ص ل) =  $\sigma$ 



مثال (٦) : الاحتمالات المشتركة في حالة الأحداث تابعة

أخطرك سمسار الأوراق المالية بأنه إذا وصل مؤشر سوق المال إلى مستوى . ٣٩٠ نقطة في يناير فهناك احتمال ٧٠% ارتفاع قيمة أسهم شركة النصر. وإحساسك الخاص أن هناك فرصة ٤٠% لأن يصل متوسط أسعار السوق إلى ٣٩٠٠ نقطة في يناير.

هل يمكنك حساب احتمال ارتفاع مؤشر سوق المال إلى مستوى ٣٩٠٠ نقطة وارتفاع سعر أسهم شركة النصر أيضا؟

الحل

بفرض أن م تمثل حدث ارتفاع مؤشر سوق المال إلى مستوى • • ٣٩٠٠ نقطة، وأن ت تمثل حدث ارتفاع أسعار أسهم شركة النصر فإن:

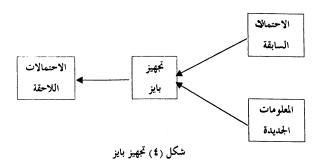
وبالتالي فهناك فرصة ٢٨% أن يحدث الحدثان معا.

تحسين الاحتمالات باستخدام نظرية بايز

يمكن استخدام نظرية بايز لتضمين معلومات إضافية كلما توفسرت ممسا يساعد في تحديد احتمالات محسنة أو تالية Posterior وهذا يعني أنه يمكنسا أخذ بيانات جديدة أو حديثة ثم تعديل وتحسن تقديراتنا السابقة للاحتمسالات حدث معين كما في شكل (٤). ادرس المثال التالي :

مثال (٧) : عن الاحتمالات اللاحقة Posterior Probabilities

يحتوي كوب على زهرين متماثلين في الشكل. أحدهما صحيــــح (غـــير متحيز) والآخر غير متوازن (متحيز) واحتمالات ظهور العدد  $\pi$  علـــى الزهــر الصحيح هو  $\pi$   $\pi$   $\pi$   $\pi$   $\pi$  واحتمالات الوصول لنفس الرقم في الزهر غـيو المتوازن هو  $\pi$   $\pi$   $\pi$   $\pi$ 



وليس لدينا القدرة على تحديد أي من الزهرين، ولكن اختيار أحدهما بالصدفة. ستكون النتيجة الرقم ٣. وبمعرفة هذه المعلومة هل يمكنك تحسين احتمالات أن الزهر الذي ألقي كان الزهر الصحيح؟ وهسل يمكنا تحديد احتمالات أن الزهر الذي ألقي كان هو الزهر غير المتوازن؟ والإجابة على هذه الأسئلة هي نعم. وذلك باستخدام معادلة الاحتمالات المشسروطة للأحداث النابعة إحصائيا ونظرية بايز.

أولا، نأخذ مخزون المعلومات والاحتمالات المتاحة. ونعرف، على ســـــيل المثال، أنه حين اختيارنا الزهر الذي نلقيه عشوائيا، فإن احتمــــالات أن يكـــون صحيح أو غير متوازن هي ٥٠٫٥.

ح (صحيح) = ٠٥٠، ح (غير متوازن) = ٠٥٠،

ونعلم أيضًا أن :

ح (|T| صحیح) = ۱۹۲۰. میرازن) = ۲۰۰۰ ح

 $\dot{\eta}$ م، یمکننا حساب الاحتمالات المشترکة ح( ۳ وصحیح) و ح(۳ وغیر متوازن) باستخدام المعادلة ح (أ ب) = ح(أ ب) × ح(ب) ح (۳ و صحیح) = ح (۳ اصحیح) × ح (صحیح) =  $(7.11, 0) \times (0.0, 0)$  = -7.00

ويمكن أن نصل إلى الرقم ٣ بمزيج من حالة زهر صحيح أو بمزيسج مسن حالة زهر غير متوازن. ومجموع احتمالاتهما بمراعاة الاحتمالات الحدية للوصول إلى الرقم ٣ هي :

 $\bullet$ , $\forall$  $\Lambda$  $\forall$ = $\bullet$ , $\forall$  $\bullet$  $\bullet$ + $\bullet$ , $\bullet$  $\Lambda$  $\forall$ =( $\forall$ )

وإذا ظهر الرقم ٣ ولم نعلم أي من الزهران تم استخدامه، فإن احتمسلات أن يكون الزهر هو الصحيح هي :

111

ويطلق على هذان الاحتمالان الشرطيان الاحتمالات اللاحقة أو انحسسة للرمية الثانية للزهر. م وقبل إلقاء الزهر في المثال السابق، فإن أفضل ما نقوله هو وجود فرصسة

وقبل إلقاء الزهر أفي المثال السابق، فإن أفضل ما نقوله هو وجود فرصــة • ٥:٠٥ أنه الزهر عن الزهر و الصحيح (٥٠،٠ احتمالات) وفرصة • ٥:٠٥ أنه الزهر غير الموزون. وبعد أول رمية للزهر، نستطيع تحســــين تقديراتنـــا الاحتماليــة السابقة. والتقديرات اللاحقة الجديدة هي أن هناك احتمالات ٧٨، أن الزهـــو الملقى كان غير متوازن وهناك احتمال ٧٢، أنه الصحيح.

## الشكل العام لنظرية بايز

ويمكننا الوصول إلى :

$$(v) = \frac{z(i|j) \times z(i|j)}{z(i|j) \times z(i|j) \times z(i|j)}$$

$$z(i|j) \times z(i|j) \times z(i|j) \times z(i|j)$$

حيث :

أ هي مكمل الحدث أ، فمثلا إذا كان أهو حدث (زهر صحيح) فبان أ هو حدث (زهر غير موزون)

لنعود للمثال ٧ :

بالرغم أنه لم يتضح من النظرة الأولى، فإننا استخدمنا المعادلة الأساسية لحساب الاحتمالات المحسنة. فمثلا، إذا رغبنا في حساب احتمالات أن الزهرر الصحيح تم إلقاؤه بفرض أن نتيجة أول رمية كانت المرقم ٣ أي،

ح(زهر صحيح) | (النتيجة ٣)، يمكننا ذكر الحدث "زهر صحيح" استبدل أأ في الدالة ٧ الحدث "زهر غير موزون" استبدل أ في الدالة ٧ الحدث "النتيجة ٣" استبدل ب في الدالة ٧ ويكننا إعادة صياغة الدالة ٧ وحلها كما يلي :

(\*,\*\*)×(\*,\*\*\*)

(\*,0\*) × (\*,1\*) + (\*,0\*) × (\*,171)

-, 77 = =

٠,٣٨٣

177

وهي نفس الإجابة التي وصلنا إليها في المثال رقـــم (٧). هـــل يمكنـــك استخدام هذا المدخل البديل لإثبات أن = ح(زهر غير مــــوزون|الرقـــم ٣) = 7,٧٨

وكلا الطريقتان مقبولتان، ولكن ستجد أن المعادلة ٧ أسهل في النطبيق.

### تطبيقات على الاحتمالات

## مثال ٨ : تحسين ثابي للاحتمالات

بالرجوع إلى المثال رقم (٧) سنحاول الحصول على معلومات إضافية عن الاحتمالات السابقة وذلك لمعرفة ما إذا كان الزهر الذي ألغي كـــان الزهــر الصحيح أو غير الموزون. ولذلك، لنلقي الزهر مرة أخرى. ومرة أخرى نجــــد الرقم ٣. ما هو الاحتمال المحسن التالي؟

للإجابة على هذا السؤال سنبدأ كما سبق باستثناء وحيد، احتمالات ح(صحيح) = ٠,٠، احتمالات ح(غير موزون) = ٠,٠ تظل كما هي. وكان علينا حساب :

وبمذه الاحتمالات المشتركة لوجود اثنين من الرقم ٣ في رميتين متتـــاليتين والأخذ في الحسبان نوعي الزهر، يمكننا تعديل الاحتمالات.

$$(-...) = (-...) \times (-...) \times (-...) \times (-...)$$
  $= (-...) \times (-...) \times (-...) \times (-...)$ 

ولذلك، فإن احتمال الحصول على اثنين من رقم ٣، احتمال حدي هو ١٩. ٠ . ٠ ٠ ٨ . . • ٩ ٩ . . ومجموع الاحتمالان المشتركان

احتمال أن الزهر الصحيح = ٢٢.٠

احتمال أن الزهر غير موزون = ٠,٧٨

وبعد إلقاء الزهر للمرة الثانية في المثال رقم (٨)، وصلنا إلى التحسن الذي يؤدي إلى

احتمال أن الزهر صحيح = ٧٧.٠٠٠

واحتمال أن الزهر غير موزون = ٩٣٣.

ملخص .

درسنا في هذا الفصل أسس الاحتمالات. حيث تين أن القيم الاحتمالية يمكن تحديدها إما موضوعيا أو ذاتيا. وأي مفردة احتمالات يجب أن تكون بسين صفر، ١. ومجموع قيم الاحتمالات والأحداث يمكن أن تكون رقم عشري. وتتضمن هذه الخاصية الأحداث المانعة بالتبادل، أحداث غير المانعة بالتبادل، والأحداث المستقلة إحصائيا، والأحداث التابعة إحصائيا. وتعتمد قاعدة حساب القيم الاحتمالية على هذه الخصائص الأساسية. ومن الممكن تحسين القيسم الاحتمالية عند إتاحة معلومات إضافية وذلك باستخدام نظرية بايز.

والمواضيع المشروحة في هذا الفصل والفصل التالي هامة للغاية لعديد من الفصول المقبلة. فالمضامين الأساسية للاحتمالات وللتوزيع الاحتمالي ستستخد في نظرية القرارات، وفي نماذج الرقابة على المخزون، وفي سلاسل مساركوف، وفي الرقابة على الجودة، وفي المخاكاة.

#### المعادلات الأساسية

الجملة الأساسية للاحتمالات :

قانون تجميع الأحداث المانعة بالتبادل :

$$z(i \ i \ e^{-i}) = z(i) + z(i)$$

الاحتمالات المشتركة للأحداث المستقلة :

$$(\xi)$$
  $(-1)^2 = (\xi) \times (\xi) = (-1)^2 = ($ 

قانون بايز للاحتمالات الشرطية :

قانون الاحتمالات المشتركة للأحداث التابعة : إعادة صياغة قانون بايز

$$(7)$$
  $(-7) = 3$ 

إعادة صياغة قانون بايز في شكل عام :

$$(i) \times (i) \times (j) \times (i) \times (i)$$

اشتقاق الصيغة العامة لنظرية بأيز:

بمعلومية صحة المعادلات الثلاثة التالية :

$$(\forall i) = (i + i)z$$

$$(\forall i) = (i + i)z$$

والتي يمكن إعادة صياغتها كما يلي :

$$(7) \qquad \frac{-(i^{-1})^{2}}{-(i^{-1})^{2}} = (i^{-1})^{2}$$

علاوة على ذلك، بالتعريف نعلم أن علاوة على ذلك، بالتعريف نعلم أن عرب 
$$= z(1 + 1) + z(1 + 1)$$
  $= z(1) \times z(1) \times z(1) \times z(1)$  من ۲

وهذه الدالة هي الشكل العام لنظرية بايز المشروحة في هذا الفصل.

#### تطبيقات:

١- يدرس أحد الطلاب مادة الأساليب الكمية بجامعة الإسكندرية وسيحصل على إحدى الدرجات المحتملة لهذا المنهج أ، ب، ج، د أو هـ....
 وكان توزيع الدرجات خلال السنتان الماضيتان كما يلي :

الدرجة	
ſ	
ب	
جــ	
د	
a	
إجمالي	

وإذا كان التوزيع الماضي يعتبر مؤشر جيد للدرجات المتوقعة في المستقبل، فما هي احتمالات أن يحصل الطالب على درجة جـــ في هذه المادة؟ ٧- ألقيت عملة معدنية مرتين. احسب احتمال حدوث كل مما يلي :

- (أ) صورة في أول رمية.
- (ب) كتابة في ثاني رمية بمعلومية أن أول رمية كانت صورة.
  - (جــ) كتابتان.
  - (د) كتابة في أول رمية وصورة في الرمية الثانية.
- (هـ) كتابة في الأولى وصورة في الثانية أو صورة في الأولى وكتابـة في الثانية.
  - (و) صورة على الأقل في الرميتين.

- (أ) كرة بيضاء في أول سحب.
- (ب) كرة بيضاء في أول سحب وكرة حمراء في الثابي.
  - (جــ) سحب كرتان لوهما أخضر.
- (د) كرة حمراء في الثانية، بمعلومية أن أول كرة مسحوبة كانت بيضاء.

٤ - تنتج شركة الصناعات الخفيفة مسامير مقاسات ١، ٣، ٢، ٣، ٥ سم للاستخدامات المختلفة. وإذا كان هناك عيب في الإنتاج يوضع في صندوق مشترك. وكان محتوى هذا الصندوق من عمليات أمس ٢٥١ من مسامير ١

٧- ألقيت عملة معدنية مرتين. احسب احتمال حدوث كل مما يلي :

- (أ) صورة في أول رمية.
- (ب) كتابة في ثاني رمية بمعلومية أن أول رمية كانت صورة.
  - (جـــ) كتابتان.
  - (د) كتابة في أول رمية وصورة في الرمية الثانية.
- (هـــ) كتابة في الأولى وصورة في الثانية أو صورة في الأولى وكتابـــة في
   الثانية.
  - (و) صورة على الأقل في الرميتين.

- (أ) كرة بيضاء في أول سحب.
- (ب) كرة بيضاء في أول سحب وكرة حمراء في الثاني.
  - (جــ) سحب كرتان لوهما أخضر.
- (د) كرة همراء في الثانية، بمعلومية أن أول كرة مسحوبة كانت بيضاء.

٤ - تنتج شركة الصناعات الخفيفة مسامير مقاسات ١، ٣، ٣، ٥ سم للاستخدامات المختلفة. وإذا كان هناك عيب في الإنتاج يوضع في صندوق مشترك. وكان محتوى هذا الصندوق من عمليات أمس ٣٥١ من مسامير ١

سم، ۲۶۳ من مسامیر ۲ سم، ۶۱ من مسامیر ۳ سم، ۴۵۱ من مسامیر ۶ سم، ۳۳۳ من مسامیر ۵ سم.

- (١) ما هو احتمال سحب مسمار ٤ سم من الصندوق؟
  - (۲) ما هو احتمال الحصول على مسمار ٥ سم؟
- (٣) إذا كان استخدام معين يحتاج إلى مسمار ٣ سم او أقصر. ما هــــو احتمال الحصول على مسمار يلبي هذا الطلب؟

اصيب العام الماضي ٥٠٠ طالب ببرد. لم يشترك ١٥٥ طالب منهم في النشاط الرياضي، بينما اشترك بقيتهم في تدريبات أسبوعية. وقسد اشترك نصف عدد الطلاب من إجماليهم ١٠٠٠ طالب في نوع مسا من الأنشطة الرياضية.

- (١) ما هو احتمال إصابة أحد الطلاب ببرد العام القادم؟
- (٣) بمعلومية أن أحد الطلاب يشترك في النشاط الرياضي. ما هـــو
   احتمال إصابته ببرد؟
- (٣) ما هو احتمال إصابة أحد الطلاب غير المشـــتركين في النشـــاط
   الرياضي ببرد؟
- (٤) هل التدريب الرياضي والإصابة ببرد أحداث مستقلة؟ اشرح.

### الفصل الرابع

## البرمجة الخطية الطرق البيانية واستخدام الحاسب Linear Programming

مقدمة

ترتبط عديد من القرارات الإدارية بالاستخدام الأمثل لمـــوارد المنشـــأة. وتتضمن الموارد الآلات، العمالة، الأموال، الوقت، مساحة المخــــزن، والمـــواد الأولية.

وقد تستخدم هذه الموارد لإنتاج منتجات (مثل الآلات، الأثاث، الطعلم، والملابس) أو الخدمات (مثل جداول إبحار النقل البحري وجــــداول الإنتاج وسياسات الإعلان، وقرارات الاستثمار) والبرمجة الخطية (LP) أسلوب رياضي منتشر الاستخدام صمم لمساعدة المديرين في التخطيط واتخاذ القرارات المرتبطة بتخصيص الموارد. سنخصص هذا الفصل والتالي له لدراســة كيفيــة وأوجــه استخدام البرمجة الخطية في الحياة العملية.

وبالرغم من اسم هذا الأسلوب البرمجة الخطية، والمجموعة الأشمسل لهسذا النوع يطلق عليها البرمجة الرياضية Mathematical Programming. إلا أن له ارتباط محدود ببرمجة الحاسبات. وفي ميدان العلوم الإدارية، يشسير اصطلاح البرمجة إلى النماذج وحل المشكلة رياضيا. ولقد لعبت برمجة الحاسب دورا هامسا في تطور استخدام البرمجة الخطية. فعديد من مشاكل البرمجة الخطية معقد لدرجة

لا يمكن حلها يدويا أو باستخدام الآلات الحاسبة. لذلك. سينتناول كيفيسة استخدام برامج الحاسب في حل مشاكل البرمجة الخطية.

### خصائص مشكلة البرمجة الخطية

خلال ٣٠ عاما الماضية طبقت البرمجة الخطية بطريقة مكنفسة في الجسال العسكري، والصناعة، والتمويل، والتسويق، والمحاسبة، والمشساكل الزراعيسة. وبالرغم من تنوع هذه التطبيقات إلا أن كل مشاكل البرمجة الخطية تشسترك في أربعة خصائص هي :

- اولا، كل المشاكل تبحث في تقصية أو تدنية كمية ما، عادة ما تكون الربح أو التكلفة. ونشير إلى هذه الخاصية على أغما دالة الهدف الربح أو التكلفة. ونشير إلى هذه الخاصية على أغما دالة الهدف لل كافرت والهدف الرئيسي للشركات هو تقصية الربح. وقد يكون الهدف في شركات النقل البوي، تدنية تكاليف الشحن. وفي أي حالة، يجب أن يكون هذا الهدف واضح ويمكن تحديده رياضيا. ولا يهم ما إذا كان الربح أو التكاليف محسوبة بالقروش أو بالجنيهات أو ملاين الدينارات.
- ٧- الخاصية النانية هي ظهور قيود restrictions في مشاكل البرمجة الخطية أو حدود، والتي تحد من درجة تحقيقنا لهدفنا. فمثلا، تحديد عدد الوحدات من كل منتج في شركة تنتج في خط صناعي معيى. مقيد بالعاملي المتاحي أو الآلات المتاحة واختيار سياسة الإعلان أو تمويل محفظة الأوراق المالية تقيد بقيمة الأموال المتاحة للإنفاق أو للاستثمار ولذلك نرغب في تقصيه أو تدنية كمية (دالة الهدف) في حدود القيود على الموارد والقيود)

٣- ثالثا، يجب أن يكون هنالك عديد من الاتجاهات للحركة للاختيار مسسن بينها. فمثلا، إذا كانت الشركة تنتج ثلاث منتجات مختلفة، فقد تستخدم البرمجة الخطية لتحديد كيفية تخصيص مواردها المحدودة (العاملين، الآلات، وما شابه) بينها. هل توجه كل مواردها لإنتساج المنسج الأول فقط؟ هل تنتج كميات متماثلة من الثلاث منتجات؟ أم عليها تخصيص مواردها بنسبة أخرى، فإذا لم توجد بدائل للاختيار منها فلا حاجة للبرمجة المخطة.

٤- أخيرا، فإن الهدف والقيود في مشاكل البرمجة الخطية يجب أن تصاغ في شكل معادلات خطية أو متباينات Inequalities. والعلاقات الخطيسة الرياضية تعني أن كل المتغيرات المستخدمة في دالة الهدف وفي القيدود جميعها من الدرجة الأولى (أي ليست مربعة أو من الدرجسة المثالثة أو أعلى، أو تظهر اكثر من مرة) لذلك فإن الدالة ٢أ + ٥ب = ١٠ دالسة خطية مقبولة. بينما الدالة ٢١٠ + ٥٠٠ " + ٣أب = ١٠ ليست خطيسة نظرا لأن أ مربعة، ب مرفوعة للدرجة الثالثة، ويظهر المتغيران مرة أخبرى في حاصل ضرب كل منهما.

ستلاحظ مصطلح المتباينات عند شرح البرمجة الخطية. والمتباينات تعني أن ليس من الضروري أن تكون كل قيود البرمجة في شكل أ + ب = جـ. فــهذه العلاقة الخاصة يطلق عليها معادلة، وتعني أن قيمة أ زائدا قيمة ب مجموعـــهما يساوي تماما قيمة جـ. وفي معظم مشاكل البرمجة الخطية، نجد متباينات في شكل أ + ب ي جـ أو أ + ب > جـ. والأولى تعني أن أ زائد ب اقـــل مــن أو

#### الفروض الأساسية للبرمجة الخطية :

#### توجد خس خصائص إضافية يجب الاهتمام بما:

- ١- يفترض سيادة ظروف التأكد Certainty، أي أن الأرقام في دالة الهــــدف
   وفي المباينات (القيود) معروفة على وجه التأكيد ولا تتغير خلال فـــــترة
   الله اسة.
- ٧- يفترض النسبية Proportionality في كل من الهدف والقيود. أي أنسه إذا كان إنتاج وحدة واحدة من المنتج يحتاج إلى ٣ ساعات عمل من أحسد الموارد النادرة، فعند تصنيع ١٠ وحدات من هذا المنتج سنحتاج إلى ٣٠ ساعة عمل من ذلك المورد.
- ٣- يفترض إمكانية التجميع Additivity أي أن إجمالي كل الأنشطة يعادل مجموع الأنشطة الفردية. فمثلاً، إذا كان الهدف هو تقصية الربح المقدر بمبلغ ٨ جنيه للوحدة للمنتج الأول، ٣ جنيه للوحدة من المنتج الشاني، وانه إذا تم إنتاج وحدة واحدة من كل منتج فإن مجموع أرباح المنتجات (٨ جنيه، ٣ جنيه) يجب أن يساوي عند تجميعها مبلغ ١١ جنيه.
- ٤- يفترض إمكانية التجزئة ووجود كسور عشرية Divisibility أي أن الحلول ليست بالضرورة أرقام صحيحة وإنما يمكن أن يكون بها كسر عشري وإذا لم يكن مقبولا إنتاج جزء من المنتج (مثلا ربع غواصة) فإننا نكون أمام مشكلة برمجة عددية Integer Programming

٥- أخيرا، يفترض أن جميع الإجابات أو المتغيرات غير سلبية Nonnegative.
 فالقيم السالبة لوحدات المنتج أمر غير ممكن، فلا يمكن إنتاج عدد سللب من المقاعد، أو المصابيح، أو الحاسبات.

### تشكيل تطبيقات البرمجة الخطية:

من أهم التطبيقات التي تحل بالبرعجة الخطية نجد مشكلة مزيج المنتجسات. حيث يتم إنتاج منتجان أو أكثر باستخدام موارد محدودة مثل الأفواد، الآلات، الخامات، وغيرها. ويعتمد الربح الذي تحاول الشركة إيجاد أقصى قيمة له علسى هامش الربح لكل وحدة من المنتج. (هامش الربح = سمعر بيسع الوحسدة - التكاليف المنغيرة للوحدة). وقدف الشركة إلى تحديد عدد الوحدات التي تنتسج من كل منتج لتقصية الربح الكلى مع الأخذ في الحسبان مواردها المحدودة.

فمثلا تنتج الشركة التجارية للأخشاب مكساتب ومقاعد. وتتماثل العمليات الإنتاجية لكل منهما من حيث احتياج كل منهما إلى عدد معين مسن الساعات لأعمال النجارة وعدد من الساعات بقسم الطلاء. فيحتاج كل مكتب إلى ٤ ساعات نجارة و٢ ساعة طلاء. ويحتاج كل مقعد إلى ٣ سساعات نجارة، وساعة واحدة للطلاء.

وتناح خلال فترة الإنتاج الحالية ٢٤٠ ساعة نجارة، ١٠٠ ساعة طـــلاء. ويباع المكتب بمبلغ ٧ جنيهات والمقعد بمبلغ ٥ جنيهات. والمشكلة التي تواجه الشركة التجارية للأخشاب هي في تحديد افصل مزيج ممكن لإنتاجها من المكاتب والمقاعد لتحقيق أقصى ربح ممكن. وترغــــب الشركة في تشكيل هذه المشكلة للحل بالبرمجة الخطية.

بيانات الإنتاج للشركة التجارية للأخساب

الساعات لمتاح	الساعات اللازمة لإنتاج الوحدة		القسم
أسبوعيا	س, (مقاعد)	س, (المكاتب)	] .
71.	٣	£	النجارة
١	•	*	الطلاء
	٥ جنيه	۷ جنیه	هامش الربح للوحد

نبدأ بتلخيص المعلومات اللازمة لتشكيل وحل هذه المشكلة شــــكل (١) وتحديد بعض العوامل التي ستستخدم في دالة الهدف.

فنفترض أن :

س, = عدد المكاتب التي ستنتج س, = عدد المقاعد التي ستنتج

ويتم تشكيل دالة الهدف الخطية باستخدام س،، س، وتصبح دالة الهدف:

أقصى ربح = ٧ س، + ٥ س،

والخطوة التالية هي تطوير علاقات رياضية لوصف القيدان الموجــودان في المشكلة. وأول علاقة عامة هي أن المورد المستخدم يجب أن يكون اقل مـــــــ أو يساوي ≤ المتاح من المورد

بالنسبة لقسم النجارة فإن إجمالي الوقت المستغل (٤ ساعات للمكتب × عدد المكاتب المنتجة) + (٣ ساعات للمقعد × عدد المقاعد المنتجة) لذلك يمكن صياغة القيد الأول في شكل متباينة بحيث أن إجمالي الوقـــت المستغل في النجارة ≤ الوقت المتاح كما يلي :

٤ س، + ٣ س، ≥ ٠٤٠ ساعة نجارة

وبالمثل في القيد الثاني : إجمالي الوقت المستغل في الطلاء ≤ الوقت المتساح للطلاء.

٢ س، + ١ س، ≥ ١٠٠ ساعة طلاء وتشطيب

أي أن كل مكتب ينتج يحتاج إلى ٢ ساعة طلاء وكل مقعـــد يحتـــاج إلى الماعة طلاء

وكل من القيدان السابقان يمثل قيد على الطاقة الإنتاجية، ويؤثـــو علـــى إجمالي الربح. فمثلا لا يمكن للشركة إنتاج ٧٠ مكتب خلال فترة الإنتاج نظــوا لأنه إذا كانت س, = ٧٠ فإن كل من القيدان سيتم تعديهما.

كذلك لا يمكنها إنتاج ٥٠ مكتب من ٢٠، ١٠ مقعد من س، وذلك لأن ذلك سيتعدى القيد الثاني وبه الساعات المتاحة للطلاء ١٠٠ ساعة فقط. لذلك نلاحظ عنصر هام في البرمجة الخطية، وهو وجود تأثيرات داخليسة بسين المغيرات. فكلما زاد الإنتاج من أحد المنتجات، سيصاحبه تخفيسض في إنساج

# الحل البيابي لمشكلة البرمجة الخطية

أبسط طريقة لحل مشكلة صغيرة بالبرمجة الخطية مثل تلك الخاصة بنسركة الأثاثات هي مدخل الحل البياني. وهو نافع عند وجود متغيران (مشل عدد المكاتب التي ستنتج س، وعدد المقاعد التي ستنتج س،). وإذا وجد أكثر مسن متغيران، فلا يمكن رسمها على رسم من بعدين ويكون علينا استخدام طرق أكثر تعقيدا. وطريقة الرسم البياني مفيدة جدا في التعرف على بقية مداخسل الحسل. ولهذا السبب، سندرس الحل البياني كمدخل لبقية طرق الحل.

### التمثيل البيابي للقيود

للوصول إلى الحل الأمثل لمشاكل البرمجة الخطية، يجب أن نحدد مجموعة أو نطاق الحل الممكن. وأول خطوة لذلك هي رسم القيود المفروضة.

نوسم المتغير س, (المكاتب في مثالنا) على المحور الأفقى ، والمتغير س، (المقاعد) على المحود الرأسي. وللحصول على حل مقبول، فإن قيمة س،، ش، يجب ألا تكون سالبة. أي أن كل الحلول الممكنة يجب أن تحتوي على رقم موجب للمكاتب وللمقاعد.

ويتم تمثيل ذلك رياضيا كما يلي :

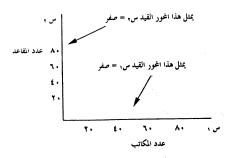
س، ≥ صفر (عدد المكاتب المنتجة أكبر من أو يساوي الصفر) س، ≥ صفر (عدد المقاعد المنتجة أكبر من أو يساوي الصفر) ويؤدي إضافة شرطي عدم السلبية إلى البحث دائما في الربع الأول مسن الرسم البياني أي الربع الشمالي الشرقي في الرسم. ولاستكمال المشكلة يمكننا صياغتها رياضيا كما يلمي :

ایجاد أقصى ربح = ٧ س، + ٥ س،

بحيث

 $2 m_1 + 7 m_2 \le 2$  (قيد ساعات النجارة)  $7 m_2 \le 2 m_3$   $7 m_4 + 1 m_2 \le 2 m_3$  (قيد ساعات الطلاء والتشطيب)

 $m_{
m f} \geq {
m o}$  صفر (شرط عدم السلبية للمتغير الأول)  $m_{
m f} \geq {
m o}$  (شرط عدم السلبية للمتغير الثاني)



شكل(١) الربع الأول في الرسم البياني ويحتوي على كل القم الموجبة

ولتمثيل القيد الأول بيانيا ٤ س, + ٣ س, ≤ ٢٤٠، يجـــب أن نحـــول المتباينة إلى متساوية والتي نطلق عليها عادة مصطلح معادلة كما يلي :

٠ ٢ ٤٠ = ٢٤٠ من ٢ + ٣ سن = ٢٤٠

ومن دراستك السابقة للجبر فإن المعادلة الخطية التي تحتوي على متغـيران تمثل بخط مستقيم. وأبسط طريقة لرسم الخط المستقيم هي إيجاد أي نقطتان عليه يحققا المعادلة، ثم توصيل خط مستقيم بينهما.

وأسهل نقطتان على الخط هما حيث يتقاطع كـــــل مـــن س،، س، مـــع المحوران.

فحينما لا تنتج الشركة أي مكتب أي س, = صفر فيؤدي ذلك إلى أن

 $\mathbf{Y} \mathbf{E} \cdot \mathbf{e} \mathbf{v} \mathbf{w}_{Y} + \mathbf{w}_{W_{Y}}$  کا  $\mathbf{W}_{W_{Y}} \mathbf{e} \mathbf{v}_{Y}$  کا  $\mathbf{W}_{W_{Y}} \mathbf{e} \mathbf{v}_{Y}$  کا  $\mathbf{W}_{W_{Y}} \mathbf{e} \mathbf{v}_{Y}$ 

وبطريقة أخرى، إذا ما استغل كل وقت النجارة في إنتاج المقاعد، فيمكن إنتاج ٨٠ مقعد. وبالتالي تتقاطع معادلة هذا القيد مع المحور الرأسي عند ٨٠.

ولإيجاد النقطة الثانية التي يتقاطع فيها الخط مع المحور الأفقى نفترض عدم قيام الشركة بإنتاج مقاعد، أي أن س، = صفر فإن :

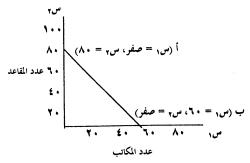
٤ س، + ٣ (صفر) = ٢٤٠

4 £ . = 1 m £

س، = ۲۰

لذلك إذا كانت س، = صفر فإن ٤ س، = ٢٤٠، س، = ٠٠.

ويظهر الشكل البياني لقيد ساعات عمل النجارة كما في شكل 0 وهـــو محدد بالخط من النقطة أ (س, = -4) إلى النقطــة (w, = -4) من (w, = -4) من (w, = -4) من (w, = -4)



شكل (٢) الرسم البياني لقيد ساعات النجارة

٤ س، + ٣ س، = ١٤٠

تذكر أن القيد الفعلمي لساعات النجارة كان في شكل متباينة ٤ س، + ٣ س√ د ٢٤٠

كيف يمكننا تحديد كل نقاط الحلول التي تستوفي هذا القيد ؟ هناك ثلاثــة احتمالات.

الأول، نحن نعلم أن أي نقطة تقاطع على الخسط ٤ س، + ٣ س، = ٠ ٢ تستوفي القيد. وأي مزيج من المكاتب والمقاعد على هذا الخط ستستخدم كل ساعات النجارة المتاحة ٠ ٢٤ساعة ويمكن التحقق من ذلك بأخذ أي نقطة

على هذا الخط ولتكن س, = ٣٠ مكتب، س, = ٤٠ مقعد. وعليك حساب كيفية استغلال هذه الوحدات لطاقة ساعات النجارة بالكامل.

والسؤال التالي هو ما هي النقاط التي تستوفي ٤ س، ٣+ س، < ٢٤٠؟ يمكننا الإجابة على ذلك باختبار نقطتان يقعا ضمن الحلول الممكنة.

مثلا (س، = ۰۳، س، = ۰۷) و (س، = ۰۷، س، = ۰٤). سـتجد على 1 طبى 1 النقطة الثانية تقع أعلى من خط القيد، وأن النقطة الثانية تقع أعلى من خط القيد.

لنفحص الحل الأول. إذا ما أحللنا قيسم (س،، س،) في قيسد ساعات النجارة فإن النتيجة ستصبح:

$$= (\Upsilon \cdot = \Upsilon \cdot) \Upsilon + (\Upsilon \cdot = \Upsilon \cdot) \pounds$$

$$= (\Upsilon \cdot) \Upsilon + (\Upsilon \cdot) \pounds$$

$$1 \wedge \cdot = \Upsilon \cdot + 1 \Upsilon \cdot$$

وحيث أن الساعات المستغلة ١٨٠ ساعة وهي أقل مــــن ٢٤٠ ســـاعة متاحة فإن النقطة (٣٠، ٢٠) في حدود ذلك القيد.

وبإتباع نفس الخطوات بالنسبة للنقطة الثانية فإن :

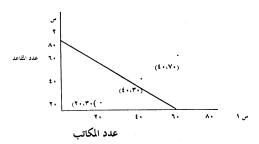
وتبلغ الساعات المطلوبة في هذه الحالة • • ٤ ساعة نجارة وهمي تتعدى طاقة قيد ساعات النجارة. لذلك فإن النقطة (٧٠، •٤) تمثل حجم إنتاج غمر محكن. وللحقيقة فإن أي نقطة أعلى من خط القيد ستتعدى القيد (اختبر ذلك بنفسك باستخدام نقاط أخرى). وأي نقطة أسفل الخمط تستوفي القيمد. في الشكل () فإن المنطقة المظللة تمثل كل النقاط التي تلبي القيد الموضوع في شكل متباينة.

ولنستكمل تحديد الحلول في ظل القيد الثاني. والذي يحدد الوقت المتساح بقسم الطلاء. وكان القيد به :

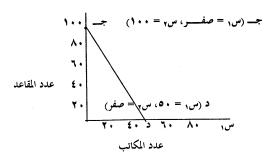
۲ س, + ۱ س, ≥ ۱۰۰ و کما سبق نبدأ بتحویل المتباینة إلی متساویة أي : ۲ س, + ۱ س, = ۱۰۰ و یمشلل الحسات الإنتساج و یمشلل الحسط جسد د في شسکل (٤) کسل إمکانیسات الإنتسساج

عند س، = صفر فإن:

وبعد رسم كل قيد، تكون الخطوة التالية هي أنه بمعرفة أنه لإنتاج مقعـــد أو مكتب إنه يجب استخدام كل من قسم النجارة وقسم الطــــلاء. ونحتــــاج في مشكلة البرمجة الخطية إلى إيجاد نقاط الحل الممكنة والتي تلبي كل القيود في نفس الوقت. ولذلك، يجب إعادة رسم القيود على خريطة واحدة كمــــا في شــــكل (٥).

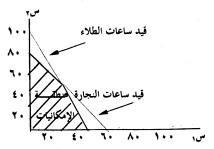


شكل (٣) المنطقة التي تلبي قيد ساعات النجارة



شكل (٤) المنطقة التي تلبي قيد ساعات الطلاء

عند س، = صفر فإن:



شكل (٥) منطقة الحلول المكنة لمشكلة شركة الأثاثات

ويمثل الجزء المظلل منطقة الحلول السبق لا تتعدى أي مسن القيدان المفروضان على الإنتاج. وهي معروفة بمنطقة الحلول الممكنية الحطية كل الشروط ويجب أن تستوفي منطقة الحلول الممكنة في مشكلة البرمجة الحطية كل الشروط المحددة في قيود المشكلة، وبالتالي فهي المنطقة التي تتداخل فيها كل القيود. وأي نقطة فارج نقطة في هذه المنطقة ستكون حل ممكن لمشكلة شركة الأثاثات. وأي نقطة خارج المنطقة المظللة ستمثل حل غير ممكن لمشكلة شركة الأثاثات. وأي نقطة خارج المنطقة المظللة ستمثل حل غير ممكن المتحدد المنطقة المظللة متمثل حل غير ممكن المناج نظر المناج نظر المناج نظر القيدين.

أما إنتاج ٧٠ مكتب و ٤٠ مقعد فإنه يتعدى القيود المفروضة. قيد النجارة \$100 + 700 + 700 + 1000 متاحة \$100 + 7000 + 7000 + 10000 ع \$1000 + 7000 + 100000 + 1000000

وعلاوة على ذلك فمن غير المكن إنتاج ٥٠ منضدة، ٥ مقاعد (س، = 0, س، = 0). لماذا ؟

قید الطلاء  $\gamma$  س  $\gamma$  س اعة طلاء متاحة قید الطلاء  $\gamma$  (٥٠) + (٥٠) ساعة مستخدمة

## الحل بطويقة خط سواء الربح ISO-Profit Line Solution Method

بعد رسم منطقة الحلول الممكنة، يمكننا الاستمرار لتحديد الحل الأمشل المشكلة. وتقع نقط الحل الأمثل في منطقة الإمكانيات وتؤدي إلى تحقيق أقصى ربح. ولكن هناك عديد من نقاط الحلول الممكنة في منطقة الحلول. كيف يمكننا اختيار أفضلها، والتي تحقق أقصى ربح ممكن ؟

توجد عدة طرق للوصول إلى الحل الأمثل إذا ما تم رسم المشكلة بيانيا. وأسرع طريقة يطلق عليها طريق خط السواء.

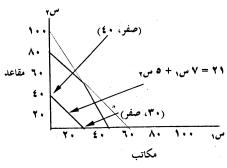
وتبدأ هذه الطريقة بجعل الربح مساويا لمبلغ افتراضي مسن الجنيسهات، فيمكن أن نحدد الربح للشركة التجارية للأخشاب عند ٢١٠ جنيه وهو حجم من الأرباح يمكن تحقيقه بسهولة بدون تعدي أي من القيدان ويمكن أن تكتسب دالة الهدف كما يلى:

٧٠ - ١ س ٧ = ٢١ م

وهذا التعبير هو معادلة خط مستقيم، نطلق عليه خط سواء الربح وهـــو يمثل كل المزيج الممكن من وحدات (س، س،) والتي تحقق أرباح قدرهـــلـ ٢١٠ جنيه. ولرسم خط الربح نستخدم نفس الفكرة التي طبقناها في رسم خطــــوط القيود. أولا، نفترض أن س، = صفر ونحل المعادلة لتحديد النقطة التي يتقـــاطع فيها الحط مع المحور س.

0 + (صفر) + 0 س 0 + (صفر) + 0 س 0 + 1 مقعد 0 + 1 مقعد ثم نجعل س 0 + 1 صفر ونوجد قیمة س 0 + 1

۲۱۰ = ۷ س, + ۵ (صفر)
 س, = ۳۰ مکتب
 ویمکن توصیل النقطنان بخط مستقیم کما فی شکل (٦).

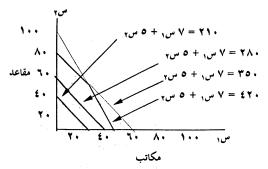


شكل (٦) خط الربح ٢١٠ جنيه

وتمثل كل النقاط على هذا الخط حلول ممكنة يؤدي أي منها إلى تحقيــــق أرباح قدرها ٢١٠ جنيه.

وتعني ISO مساو أو مماثل وبالتالي فإن خط سواء الربح في مثالنا هو الخط الذي تحقق كل نقط عليه ربح قدره ٢١٠ جنيه.

ومن الواضح أن خط سواء الربح لمبلغ ٢١٠ جنيه لا يحقق أقصى ربـــح ممكن للمنشاة، في شكل (٧) رسمنا خطان إضافيان يحقق كل منهما ربح أعلــــى وكانت المعادلة الموجودة في المنتصف



شكل (٧) أربعة خطوط سواء للربح

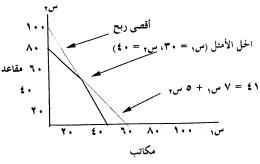
$$V=V$$
 س، + ۵ س، + ۵ س، و تم رسمها بنفس طریق خط الربح الذي یحقق  $V=V$  جنیه. حیث س، = صفر 
$$V=V$$

ومرة أخرى فإن أي مزيج من المكاتب (س،) والمقاعد (س،) على خـــط سواء الربح سينتج إجمالي ربح قدره ٢٨٠ جنيه.

ويظهر أعلى خط سواء ربح في شكل (١) والذي يلامس حافة منطقــــة الإمكانيات عند النقطة (س، = ٣٠، س، = ٤٠) ويحقق ربــــح قـــدره ١٠٠ جنيه.

الحل بطريقة أركان منطقة الإمكانيات :

مدخل آخو لحل مشاكل البرمجة الخطية هو طريقة الحل عند أركان منطقة الإمكانيات. وهذا الأسلوب بسيط، وأسهل في التطبيق عن طريقة خطوط سواء الربح ويرتبط بتحديد الربح عند كل ركن من أركان منطقة الحلول الممكنة.



شكل (٨) الحل الأمثل لشركة الأثاثات

والنظرية الرياضية التي تقوم عليها البرمجة الخطية تحدد أن الحل الأمشل لأي مشكلة (أي تحديد قيمة س، س، والذي يحقق أقصى ربح) سيقع في أحد أركان منطقة الإمكانيات (أو في أكثر مسن ركسن). أو في أطراف منطقة الإمكانيات. ولذلك سنحتاج فقط إلى إيجاد قيم المنغيرات في كل ركن لمنطقة الإمكانيات، وأقصى ربح أو الحل الأمثل سيقع في أحد (أو اكثر) مسن هده الأركان.

وبجمعها على المعادلة الأولى فيكون :

س ۽ = ٠ ع

أمكننا ذلك من استبعاد المتغير س، والحل لإيجاد س، والتي بلغـــت ٤٠. ويمكننا إحلال ٤٠ محل س، في أي معادلة من المعادلتان الأصليتان لإيجاد قيمـــة س..

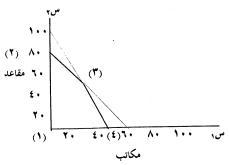
ياحلال ٤٠ محل س، في المعادلة الأولى فإن :

وبالتالي فإن إحداثي النقطة رقــــم (٣) همـــا (س, = ٣٠، س, = ٠٤) ويمكننا تحديد الربح لهذه النقطة كما يلي : النقطة رقم ( $\Upsilon$ ) : ( $m_r = {}^{\bullet}\Upsilon$ ،  $m_{\Upsilon} = {}^{\bullet}\Upsilon$ ) الربح  $= {}^{\bullet}\Upsilon$  ( ${}^{\bullet}\Upsilon$ ) الربح  $= {}^{\bullet}\Upsilon$  ( ${}^{\bullet}\Upsilon$ ) الربح

ونظرا لأن النقطة (٣) تغل أقصى ربح لأي من الأركان، فــــان مزيــج المنتجات (س، = ٣٠ مكتب، س، = ٤٠ مقعد) هو الحل الأمثل لمشكلة شركة الأثاثات. والذي يحقق ١٠٠ جيه ربح لفترة الإنتاج وهي نفس النتيجة الـــــــقي وصلنا إليها باستخدام طريقة خطوط سواء الربح.

### حل مشاكل التدنية (الوصول لأدبى حد) Solving minimization problems

قدف عديد من المشاكل التي تحل بالبرمجة الخطية إلى إيجاد أدنى قيمة، وذلك مثل هدف تخفيض التكاليف إلى أدنى حد ممكن بدلا من تحقيق أقصى ربح ممكن. فقد يرغب أحد المطاعم، في إعداد جدول زمني لتحديد الاحتياجات مسن العاملين في وقت معين بحيث يخفض من تكلفة العمالة. وقد يرغسب منتج في توزيع إنتاجه من عديد من مصانعه الموزعة جغرافيا إلى عديد من منافذ البيع الموزعة جغرافيا بطريقة تحقق أدنى تكلفة نقل ممكنة. وقد يرغب مدير مستشفى في إعداد خطة لتقديم الوجبات للموضى والتي تستوفي عديد من معايير التغذيسة وفي نفس الوقت تخفض من إجالي تكاليف شواء الأطعمة.



شكل (٩) الأركان الأربعة لمنطقة الحلول الممكنة

النقطة (۱) : (س، = صفر، س، = صفر) الربح 
$$= V$$
 (صفر) +  $O$  (صفر) = صفر جنيه.

سندرس مشكلة شائعة في البرمجة الخطية وهي مشكلة تحديد مكونات التغذية المناسبة. وهي مماثلة للمشكلة التي يواجهها مدير المستشفى حين تحديد وجبات المرضى والتي تستوفي شروط غذائية معينة وتحقق أدبى تكلفة تغذيسة ممكنة.

### حالة شركة النصر للدواجن

تدرس شركة النصر للدواجن شراء منتجين ومزجهما للحصول علم علم علف منخفض التكلفة يحتوي على المكونات اللازمة لتغذية الدواجن. ويحتوي كل نوع على كل أو بعض من المواد الغذائية المطلوبة لتغذية الدواجن. ويحتوي كل كيلو جرام من المادة الخام س، على ٥ جرام من المادة أ، ٤ جرام من المددة ب. ٥ , • جرام من المادة ج.

ويحتوي كل كيلو جوام من المادة الحام س، على ١٠ جوام من المسادة أ، ٣ جوام من المادة ب، ولا يحتوي على المادة جـــ

وتكلفة الكيلو من المادة الحام أ ٧ قرش، ومن المادة الحام ب ٣ قسروش ويرغب مدير المزرعة في حل المشكلة باستخدام البرمجة الخطية لتحديد اقل تكلفة للعلف والذي يحتوي على المكونات اللازمة من كل عنصر غذائي.

ويظهر الجدول التالي ملخص للمشكلة. إذا افترضنا أن س, يمثل الخامـــة الأولى، وأن س, يمثل الخامة الثانية.

# جدول (٢) بيانات مشكلة تحديد مكونات تغذية الدواجن

الاحتياجات الدنيا لتغذية الدجاجة	المحتوى في كل كيلو جوام من المادة الخام		المكون
في الشهر	س۲	س۱	
٩.	١.	٥	1
٤٨	٣	٤	ب
1,0	•	۰,٥	جـ
	۳ قروش	۲ قرش	تكلفة ١ كيا

من البيانات السابقة يمكننا تشكيل البرنامج الخطي كما يلي : تدنية التكاليف بالقروش = ٢ س، + ٣ س، بحيث :

> 0 س، + ۱ س،  $\geq$  ۰ برام 2 س، + ۳ س،  $\leq$  ۶۸ جرام 0 ، ۰ س،  $\leq$  ۱ برام س،  $\geq$  صفر س،  $\geq$  صفر

# ملحص لطريقة الحل البيابي

كما في الأمثلة السابقة ارتبطت طريقة الحل البياني لمشاكل البرمجة الخطيــة ترتبط بعديد من الخطوات. سنشرحهم فيما يلي :

- شكل المشكلة في مجموعة من القيود الرياضية ودالة الهدف.
  - ۲- ارسم كل معادلة كل قيد.
- حدد منطقة الحلول الممكنة وهي المنطقة التي تلبي القيود مجتمعة.
  - اختار أحد الحلين البيانيين التاليين.

1
-0
نقطة
<b>-</b> !- <b>"</b>
ركن
دالة ا

٧- حدد الحل الأمثل بإحداثي هذه النقطة على منطقة الإمكانيات والتي النقطة على منطقة الإمكانيات والتي التقصية، أو أدنى تكلفة في مشكلة للمسها أعلى خط سواء ربح أو أدنى التدنية.
 ٨- اقرأ أمثل إحداثي (س، س»)
 ٨- اقرأ أمثل إحداثي (س، س») من الرسم، أو احسب قيمهم باستخدام من الرسسم، أو احسب قيمهم باستخدام طريقة المعادلات المتماثلة.
 ٩- احسب الربح أو التكلفة.

### بعض الحالات الخاصة في البرمجة الخطية

توجد أربع حالات خاصة وصعوبات تواجه استخدام طريقة الحل البيسايي في بعض الحالات عند حل مشاكل البرمجة الخطية. ويطلق عليها :

- .Infeasibilty عدم الإمكانية
- (۲) عدم وجود حدود Unboundedness
  - (٣) القيود غير الضرورية Redundany.
- Alternative Optimal solution الحلول المثالية البديلة

(۱) عدم وجود منطقة إمكانيات

وهو وصع قد حدت د صبعت المتكلة بقيود متضاربة ويحدث ذلك في عديد من الحالات في حياة العملية، قالبرامج الخطية الضخمة التي تحتوي على منسات من القيود مثلا ادا كان أحد القيود قدمه مدير التسويق والذي ذكر أنه يجسب ال ينتج على الأقل ٣٠٠ مكتب (أي س، ٢٠٠) القابلة احتياجات المبيعسات، وقيد آخر قدمه مدير الإنتاج والذي يصر على عدم إنتاج اكسشر مسن ٢٢٠ مكتب (أي س، ٢٠٠) نظرا لوجود نقص في الأخشاب. فيحدث حالة عدم أمكانيات. وإذا ما رسم المحلل الكمي الإحداثيات المشكلة البرمجة الخطية يظهر التعارض، أحد المديرين يجب أن يعدل مدخلاته. ربما يمكن طلب خامات أكسش من مصادر جديدة، أو ربما أمكن تخفيض الطلب على المبيعات بإحلال نمسوذج أخر للمكاتب للمستهلكين.

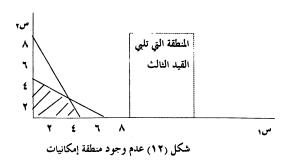
وللعرض البيابي لمشكلة عدم الإمكانية، لندرس القيود التالية :

س، + ۲س، ≤ ۲

۲س۱ + س۲ ≥ ۸

س₁ ≤ ۷

وكما في شكل (١٢) لا توجد منطقة إمكانيات لهذه المشكلة نظرا لوجود تعارض بين القيود

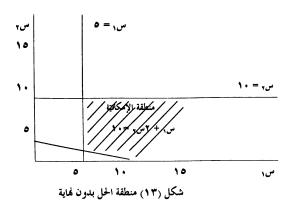


Unboundedness رحمالة عدم وجود أركان

قد لا يكون لمشكلة برمجة خطية حل نهائي في بعض الحالات. وهذا يعسني أن في مشكلة التقصية، مثلا، أن أحد أو أكثر من متغيرات الحسل، أو الربسح، يمكن أن يكونوا لا نمائيين بدون التأثير أو تعدي أي قيد. وإذا حاولنا حل هـذه المشكلة بيانيا، سنلاحظ أن منطقة الإمكانيات مفتوحة.

لندرس مثال بسيط لتوضيح هذا الموقف. قدمت لك مشكلة البرمجة الخطية التالية :

كما ترى في شكل (١٣) نظرا لأنما مشكلة تقصية ومنطقة الإمكانيسات تمتد إلى لا نماية لليمين، فنواجه حالة عدم وجود حدود أو حل غير محدد. ومسن حظ الشركة أن تستطيع إنتاج عدد لا نمائي من الوحدات س, (ربح الوحدة ٣ جنيه) ولكن من الواضح عدم قدرة أي شركة على توفير مسوارد لا نمائيسة أو طلب لا نمائي على المنتجات.

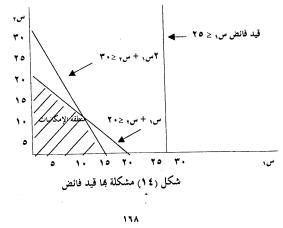


(٣) القيود غير الضرورية

لا يؤثر على منطقة الإمكانيات. بمعنى آخر، أحد القيود قد يكون اكثر تقييـــــدا من قيد آخر مما يلغي الحاجة إلي أخذه في الحسبان.

> ادرس المثال التالي لمشكلة برمجة خطية لها ثلاث قيود : أوجد أقصى قيمة ١ س، + ٧ س، بحيث س، + س، ≤ ٢٠ ٢س، + س، ≤ ٣٠ س، ≤ ٣٥ س، س، ≥ ٠

القيد الثالث س، ≤ 70 قيد فائض وغير ضـــروري في صياغـــة وحـــل المشكلة نظرا لأنه ليس له تأثير على منطقة الإمكانيات بوجود القيدان الســلبقان أنظر شكل (١٤).

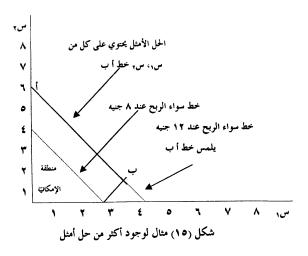


## (۵) وجود أكثر من حل أمثل Alternative Optimal Solution

لاحظت إدارة الشركة وجود أكثر من حل أمثل حين صياغـــة مشــكلة بسيطة للبرمجة الخطية، أدرس المشكلة التالية :

وكما في شكل (١٥) فإن أول خط سواء ربح ٨ جنيه يمر بالتوازي مسع معادلة القيد. وعند ربح ١٩ جنيه، فإن خط سواء الربح يقع مباشرة على حافة منطقة القيد الأول. ويعني ذلك أن أي نقطة على الخط بين أ، ب تعتبر مثاليـــة لمزيج س١، س٣. وبدلا من ظهور مشاكل، فإن وجود أكثر من حل أمثل يسمح للإدارة بمرونة كبيرة في تحديد أي كمزيج منتجات تختاره. ويظل الربح نفسه في كل حل بديل.

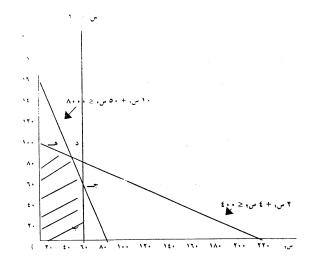
ويقدم الحل البياني أساس جيد لمواجهة مشاكل اكبر وأكثر تعقيدا، لحـــل مشاكل البرمجة الخطية بما عديد من المتغيرات والقيود نحتاج إلى إجواءات حــــل أفضل وذلك مثل طريقة السمبلكس.



### تطبيقات محلولة

### الحل :

بتقييم نقاط الخمس أركان للرسم البياني التالي يتضح أن الركن جـــ ينتج أعلى مكاسب. ارجع إلى الرسم والجدول.



قيمة دالة الهدف	قیمة س، س،	نقطة عند الركن
•	(•••)	ſ
7	(•,٩•)	ب
٣٨٠٠	(** .7*)	جـ
77	(A · . £ · )	د
۲	(1)	هــ

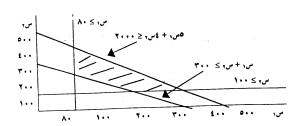
تطبيق محلول (٢):

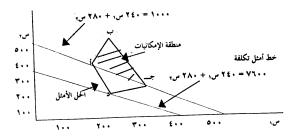
حل مشكلة البرمجة الخطية التالية بطويقة الرسم البياني، باستخدام مدخل منحني سواء التكلفة :

اوجد ادبی تکلفة : ۲ س، + ۲۸ س، بحبث  $0 \, m_1 + 3 \, m_2 \leq 10.00$  بحبث  $0 \, m_1 + 3 \, m_2 \leq 10.00$  س، + ۲ س،  $0 \, m_2 \leq 10.00$  س،  $0 \, m_2 \leq 10.00$  س،  $0 \, m_2 \leq 10.00$ 

الحل :

يظهر الرسم البياني كما يلي بالقيود الأربعة بالمشكلة. ويوضح السهم اتجاه منطقة الإمكانيات لكل قيد. ويوضح الرسم التالي له منطقة الإمكانيات ورسم خطين ممكنين لدالة هدف التكلفة. الأول ١٠٠٠٠ جنيسه تم اختياره عشوائيا كنقطة بداية. ولإيجاد نقطة أمثل ركن نحتاج إلى تحريك خط التكلفسة باتجاه التكلفة الأقل، أي، لأسفل ولليسار. وآخر نقطة يتلامسس فيسها خسط التكلفة مع منطقة الإمكانيات بتحركه نحو نقطة البداية في الركن د. وبالتسالي دوالتي تمثل س، عند ١٠٠٠ س، عند ١٠٠٠ والتكلفة ٧٦٠٠ جنيه تعتسبر الحسل الأمثل.



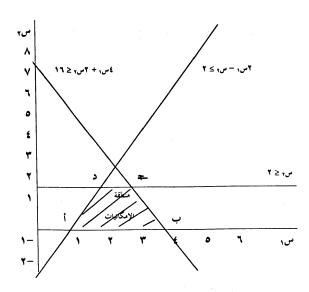


# تطبیق محلول رقم (۳) :

ب) حدد قيمة دالة الهدف في كل ركن من أركان منطقة الإمكانيات.
 جــ ) حدد الحل الأمثل.

الحل :

أ) يظهر الرسم البياني كما يلي:



الربح	الإحداثيات	نقطة الأركان
٣.	س١ = ١، س٢ = صفر	í
14.	س، = ٤، س، = صفر	ب
14.	س ۲ = ۳، س ۲ = ۲	جـ
1 € •	س ۲ = ۲، س ۲ = ۲	د

جــ) الحل الأمثل تحقيق ربح قدره ١٧٠ جنيه في النقطة جــ.

### أسئلة:

- (١) اشرح أوجه الشبه وأوجه الاختلاف بين مشاكل التدنية ومشكل
   التقصية باستخدام مدخل الحل البياني للبرمجة الخطية.

- (٤) شكلت مشكلة تقصية بالبرمجة الخطية، وتعد لحلها بيانيا، ما هـــــي المعايير الواجب أخذها في الحسبان في تقرير سهولة حلــــها بطريقــة أركان منطقة الإمكانيات أو مدخل خطوط سواء الربح؟

٤- قمت بتشكيل مشكلة تقصية بالبرمجة الخطية وتعد لحلها بيانيا. ما هي المعايير التي يجب أخذها في الحسبان في تحديد ما إذا كان مسن السسهل حلسها باستخدام طريقة الركن الشمالي الشرقي أو مدخل خطوط سواء الربح؟

٦- صمم مجموعة من معادلات القيود والمتباينات واستخدمهم لتوضيح بيانيا كل مما يلى :

- (أ) مشكلة بدون حدود Unbounded.
  - (ب) مشكلة بدون منطقة إمكانيات.
    - (ج) مشكلة تتضمن قيد فائض.

٧- ذكر مدير إحدى الشركات الصناعية بالإسكندرية "أرغب في استخدم البرمجة الخطية، ولكنه أسلوب يعمل في ظل التأكد. ولا يوجد لمصنعي مثل هذا التأكد، فنحن في عالم عدم التأكد. لذلك لا يمكننا استخدام البرمجة الخطية" هل تعتقد أن لهذا التصريح أي وجه للصحة؟ اشرح لماذا ذكر المدير هذا التصريح؟

٨ حدد محلل بحوث العمليات لشركة أبو قير للكيماويات العلاقــــات الرياضية التالية. أيهم غير صالح للاستخدام في مشكلة البرمجة الخطية، ولماذا؟

تقصیة الأرباح \$ س, + %س, س, + % س, + 0 س, + % س, + % س,  $\leq$  0 0 بحیث : % س, + % س, - % س,  $\geq$  % س, 0 , 0 % بالم % + % س, % = 0 % - 0 % + % + % % = 0 % - 0 % + % + % = 0

#### تطبيقات

1 - تنتج شركة العربي منتجان كهربائيان : مكيفات الهواء، والمسراوح الكبيرة. وتتماثل عملية تجميع كل منهما نظرا لألها تتضمن عمليسات توصيل الأسلاك وعمليات التثقيب. ويحتاج كل مكيف هواء إلى ٣ ساعات لستركيب الأسلاك وساعة للتثقيب. وخلال فترة الإنتاج المقبلسة سسيتاح ٢٤٠ سساعة لتركيب الأسلاك و ١٤٠ ساعة للتثقيب. ويباع مكيف الهواء بربح قسدره ٢٥ جنيه، والمروحة بربح قدره ١٥ جنيه. شكل وحل البرنامج الخطي لإبجاد أفضل تشكيلة إنتاج من المكيفات والمراوح والتي تؤدي إلى تقصية الأرباح. اسستخدم طريقة الأركان للحل البياني.

٢- تذكرت شركة العربي ألها لم تدرج معياران هامان في المشكلة السابقة (تطبيق ١) وعلى الأخص، قررت الإدارة أنه لتأكيد توفر عرض كــــاف مــن مكيفات الهواء لأحد العقود، فإنه يجب انتاج ٢٠ وحدة على الأقل من أجــهزة

التكييف. ونظرا لأن إنتاج الشركة من المراوح كان أكثر من حاجتها لذلك قدرت الإدارة عدم إنتاج مراوح أكثر من ٨٠ مروحة خلال فسسترة الإنساج المقبلة المنتجات المثلى التي تحقق حل أمثل جديد.

٣- تنتج شركة ستاندرد نوعان من الأحواض الضخمة يطلسق عليها النموذج أ، والنموذج ب. ويتطلب كل حوض مزج كمية معينة مسن الزنسك والحديد، وبالشركة ٢٥٠٠٠ كيلو من الحديد، ١٠٠٠ كيلو مسن الزنسك. وتحتاج الوحدة من النموذج أ إلى مزيج من ١٢٥ كيلو حديد، ٢٠ كيلو مسن الزنك، وتحقق كل وحدة ربح قدره ٩٠ جنيه. ويمكن بيع كسل وحسدة مسن النموذج ب بربح قدره ٧٠ جنيه وتحتاج إلى ١٠٠ كيلو من الحديد، ٣٠ كيلو من الزنك. حدد بيانيا أفضل تشكيلة إنتاج من الأحواض.

\$ - تنتج شركة الأمين للأثاث نوعان من المنتجات اللازمـــة للحدائــق، مقاعد وطاولات. وللشركة موردان أساسيان النجارين (القوى العاملة) ومــورد الخشب الأهمر اللازم للأثاث. وخلال دورة الإنتاج المقبلـــة، ســـتتاح ١٢٠٠ ساعة عمل للنجارين. وبالشركة ٥٠٠ قدم من الخشب الأهمر ويحتاج كـــل مقعد إلى ٤ ساعات عمل من النجارين، ١٠ قدم من الخشب. وتحتـــاج كــل طاولة إلى ٢ ساعات عمل، ٣٥ قدم من الخشب الأهمر. وسيحقق بيع كل مقعد ربح قدره ٩ جنيه وكل طاولة ربح قدره ٢٠ جنيه. مــا هــو عــدد المقــاعد والطاولات التي يجب إنتاجها لتحقيق أقصى ربح ممكن؟ استخدم مدخل البرمجــة والطاولات التي يجب إنتاجها لتحقيق أقصى ربح ممكن؟ استخدم مدخل البرمجــة

وتحتاج الكلية إلى تدريس على الأقل ٣٠ منهج بمرحلة البكالوريوس، ٣٠ وتحتاج الكلية إلى تدريس على الأقل ٣٠ منهج بمرحلة البكالوريوس، ٣٠ منهج بمرحلة الدراسات العليا. ولاتحة الكلية تحدد أنه يجب تدريس على الأقلل ٣٠ منهج ككل. وكل منهج بمرحلة البكالوريوس يكلف الكلية في المتوسط ٥٠ حنيه في مكافآت التدريس، وكل منهج بمرحلة الدراسات العليا يكلف الكلية ٥٠٠٠ جنيه. ما هو عدد المنساهج بمرحلة البكالوريوس وبمرحلة الدراسات العليا والتي تؤدي إلى تخفيض المكافآت إلى أدى حد ممكن؟

7- تنتج الشركة المصرية نوعان من الحاسبات المتوسطة، ألفا، وبيتا. ويعمل بالشركة ٥ فيين، على خطوط الإنتاج لمدة ١٦٠ ساعة شهريا،. وتصو الإدارة على المحافظة على العمالة الكاملة (أي ١٦٠ ساعة عمل) خلال الشهور المقبلة لكل عامل. وتحتاج إلى ٢٠ ساعة عمل لتجميع كل وحدة من ألفا و ٢٠ ساعة عمل لتجميع كل وحدة من بيتا. وترغب الشركة في إنتاج على الأقسل ١٠ وحدات من ألفا، ١٥ وحدة من بيتا خلال دورة الإنتاج المقبلة. ويحقق الموديل ألفا ربح قدره ١٨٠٠ جنيه. حدد أفضل تشكيلة إنتاج تحقق أقصى ربح ممكن.

۷- لدى الصندوق الاجتماعي للتنمية بفرع الإسكندرية . ٢٥٠٠٠ جنيه متاحة للاستثمار خلال سنة. ويمكن وضع الأموال في أذون خزانـــة تغـــل ٨% عائد، أو في سندات إسكان معدل عائدهــــــــــــــــــا ٩%. وتتطلــــب قواعــــد الصندوق اجتماعي التنويع في الاستثمار بحيث يتم استثمار . ٥% على الأقــــل في أذون الخزانة، وأنه لا يتم الاستثمار في سندات الإسكان أكثر من ٤٠%. ما

هي خطة الاستثمار المثلى للصندوق الاجتماعي في كل نوع لتحقيق أعلى عــائد . ممكن على الاستثمار؟

٨ حل المشكلة التالية بطريقة البرمجة الخطية بيانيا باستخدام طريقة الأركان.

P- ادرس الصیاغة التالیة لبرنامج خطی أوجد أدنی قیمة  $m_1+Ym_Y$  y=0 y=0

 ١٠ أوصى أحد سماسرة الأوراق المالية صندوق ادخار أعضاء هيئة التدريس بشراء نوعان من الأسهم. وقد اهتم الأساتذة بعناصر مثل، النمو في

الفترة قصيرة الأجل، النمو في الفترة متوسطة الأجل، ومعدلات توزيع الأرباح. وتظهر البيانات التالية لكل من السهمان :

p-8	أسهم					
شوكة كهرباء مصر	شركة غاز مصر	العنصو				
٠,٢٤	٠,٣٦	إمكانيات النمــو في الفــترة				
	•	قصيرة الأجل لكــــل جنيـــه				
		مستثمر				
١,٥	1,77	إمكانيات النمو في الفترة				
	· .	متوسطة الأجل لكـــل جنيـــه				
		مستثمر				
%A	% <b>£</b>	معدل توزيع الربح المقدر				

ويهدف كل عضو في الصندوق إلى (١) زيادة لا تقل عن ٧٢٠ جنيه في الاستثمار في الفترة قصيرة الأجل، (٢) زيادة لا تقل عن ٥٠٠٠ جنيه في الفترة متوسطة الأجل للثلاث سنوات المقبلة، (٣) توزيع الأرباح على الأقسل ٢٠٠ جنيه سنويا. ما هو أدنى استثمار يمكن للصندوق أن يقوم به لتحقيق الأهسداف الثلاثة؟

١ - ادرس صياغة كل برنامج خطي تالي. وباستخدام المدخل البيساني حدد :

(أ) أي الصياغات لها أكثر من حل أمثل.

1 / 1

### (ب) أي الصياغات ليس لها حدود.

#### (جس) أي الصياغات ليس لها منطقة إمكانيات.

### (c) ما هي الصياغة الصحيحة كما هي بدون تعديل.

<b>(Y)</b>	(1)
أوجد أقصى قيمة ٣س، + ٢ س،	ارجد اقصی قیمهٔ ۱۰س، + ۱۰ س،
بحیث س، + س، ≥ ٥	بحیث ۲س ≥ ۱۰
Y ≤ , w	س, + ځسې ≤ ۱٦
۲س ≥ ۸	٤سγ ≤ ١٦
	س ≥ ۳
( <b>£</b> )	<b>(°)</b>
أوجد أقصى قيمة ٣س، + ٣ س،	أوجد أقصى قيمة س، + ٢ س،
بحیث کاس۱+ ۱س۲ کے ۶۸	بحیث س₁ کے ۱
ځس، + ۲س، ≤ ۱۲	٢سγ ≤ ٢
٣ ≤ ۲س۳	س, + ۲س۲ ≤ ۲
۲س, ≥ ۲	

#### دراسة حالة

قام أحد خريجي الجامعة بالحصول على ٥ أفدنة لزراعتها وقد ابتكر سماد يحتوي على أربعة عناصر كيميائية ح.٠، ح٠٠، ك٠٠، هــ١١. وتظـــهر تكلفــة الكيلو من كل عنصر كما يلي :

التكلفة	العنصو
٠,١٢	۲.۶
٠,٠٩	372
٠,١١	۲, ئ
٠,٠٤	هــــر،

وكانت المواصفات التي حددها هي :

أ- العنصر هــــ، يجب أن يشكل ١٥% على الأقل من المزيج.

ب- العنصر ح٩٦، ح٨٣ يجب أن يكونا معا على الأقــــــل ٤٥% مـــن

المزيج.

جــــ ك ٢٦، ح٩٦ يمكن أن يكونا ليس أكثر من ٣٠% من المزيج.

د- يباع السماد في عبوات ٥ كيلو.

#### المطلوب :

١- شكل برنامج خطي لتحديد المزيج الأفضل للأربـــع عنـــاصر
 كيماوية وتؤدي إلى تخفيض تكلفة العبوة المكونة من ٥٠ كيلو سماد.

حل المشكلة السابقة باستخدام الحاسب.

# حل البرمجة الخطية باستخدام برامج الجداول الإلكتوونية

i

ď

þ

## فيما يلي جدول إلكتروني معد ببرنـــــامج اكســـل يعـــرض المعـــادلات المستخدمة للوصول للحل النهائي.

	A	В	С	D	E	F
١	شركة الأثاثات					
۲						
٣		المكاتب	الكواسي	الجموع		
ŧ	الكمية	<b></b>	Y.			1 13
٥	ربح الوحدة	٧	٥			
٦	ربح الوحدة هامش الربح	=B5*B4	=C5*C4	=SUM(B6 :C9)		
٧						
٨		٤	٣			
٩	·	=B8*B4	=C8*C4	=SUM(B8 :C9)	75.	=E9-D9
١.						
11		۲	1			
17		=B11*B4	=C11*C4	=SUM(B1 2:C12)	1	=E12- D12
۱۳						
١٤						

اتب = ۲۰،	إذا كانت المك					
۲۰ سیکون	والمقساعد =					
۱ جنیه	الربح = ١٤٠					
F	E	D	С	В	A	
	<u> </u>	1			مركة الأثاثات شركة الأثاثات	•
		<del>                                     </del>				۲
الموارد	الموارد	المجموع	الكراسي	المكاتب		٣
العاطلة	المتاحة	[				
		1	٧.	٧.	الكمية	٤
		7	٥	٧	ربح الوحدة	٥
		71.	1	16.	هامش الوبح	٦
						٧
			٣	ŧ	وقت النجارة للوحدة	٨
1	71.	16.	٦.	۸۰	إجمالي وقت النجارة	٩
*		*				١.
			,	۲	وقت الدهان للوحدة	11
٤٠ ▼	\ 1	₹.	71.	٤٠	إجمالي وقت الدهان	۱۲
لعاطلة	إجمالي الموارد ا	نخدمة	، الموارد المست	إجال		۱۳
						١٤

 أثر الأرقام المدخلة على إجمالي الربح D6، إجمالي الموارد المستخدمة D9 و D12 و الموارد غير المستخدمة Slack أو المتغيرات العاطلة F12, F9. وبديلا في تحليل مساهو الأفضل What's Best، يحدد الحاسب القيم المثلي للمكاتب والمقاعد ويضمع النتيجة في B4، C4، B4.

ادرس المعادلات المدخلة : هامش الربح في  $_{\rm B6}$  وحسب على أسساس  $_{\rm B6}$  الدخلة =  $_{\rm C}$  مضروبا في محتوى  $_{\rm B4}$  لذلك أي كانت الأرقام المدخلة في  $_{\rm B4}$  فإن مجمل الربح سيكون حاصل ضرب هذا الرقم في V جنيه ربح الوحدة  $_{\rm B4}$  بالحلية  $_{\rm B5}$  وبالمثل فإن إجمالي ربح المقاعد في  $_{\rm B5}$ ، وإجمالي الأرباح في  $_{\rm B5}$ .

والمتغيرات والموارد العاطلة من المضامين الهامة وتم حسابها بالعدادلات في الخلايا F12. وإجمالي وقت النجارة للشركة كان ٢٤٠ ساعة بالخليسة E9. وإذا ما استخدمت الساعات بالكامل أنظر الخلية D9 فسيكون هناك سساعات نجارة عاطلة = صفر، وتم ذلك عند الحل الأمثل حيث نجد ٣٠ مكتسب، ٤٠

#### لماذا نستخدم الجداول الإلكترونية ؟

وجدنا بورقة العمل السابقة أن مستخدمها يمكن أن يدخل عديد من القيم ويختبر ماذا يحدث في كل حالة. وهناك سببان آخران لاستخدام مدخل الجداول الإلكترونية. الأول، أنما تقدم مرونة للتعامل مع العلاقات غير الخطية والستي لا يتعامل معها النموذج الرسمي. فمثلا، إذا كان إجمالي الساعات المتاحة ليسسست محددة بعدد ٢٤٠ ساعة وإنما تكون في شكل أسي لعدد النجسارين المساحين للعمل، فإن نموذج الجداول الإلكترونية يمكنه تناول هذه التعقيدات.

#### الفصل الخامس

## البرمجة الخطية باستخدام طريقة السمبلكس Linear Programming : The Simplex Method

مقدمة:

تناولنا في الفصل السابق أمثلة لمشاكل البرعجة الخطية التي تحتوي على متغيران للقرار. ففي وجود متغيران فقط يمكن حل المشكلة باستخدام المدخل البياني. وقد رسمنا منطقة الإمكانيات وبحثنا عن نقطة الركن الأمشل والأرباح والتكاليف المرتبطة به. وقد قدم هذا الأسلوب طريقة جيدة لفهم المضامين الأساسية للبرعجة الخطية. ومعظم مشاكل الممارسة العملية للبرامج الخطية لها أكثر من متغيران، وبالتالي فهي أكبر من إمكانيات الحل البياني. وقسد تحتوي المشاكل التي تواجه الشركات على عشرات أو منات أو حتى آلاف لمنغيرات. ونحتاج إلى طريقة أكثر قوة من الطريقة البيانية. لذلك سندرس في هذا الفصل أسلوب يطلق عليه طريقة السملكس simplex Method.

ومضمون طريقة السمبلكس بسيط ويشابه مدخل الحل البياني في أحسد الجوانب. في الحل البياني للبرامج الخطية فحصنا كل نقط الأركان، وذكسرت نظرية البرمجة الخطية أن الحل المثل يقع في أحد الأركان. وفي مشساكل البرمجسة الخطية التي تحتوي على عديد من المتغيرات، قد لا تستطيع رسسم منطقسة لهسا

العديد من الأركان ولها العديد من الأبعاد (مجسم) والذي يمثل منطقة الحل الممكن. وتفحص طريقة السمبلكس نقاط الأركان بطريقة منظمة باستخدام المضامين الأساسية للحل. عن طريق إجراء تحسن مرحلي، أي، تكرر نفسس مجموعة الإجراءات مرة أخرى إلى أن نصل إلى حل أمثل. وكل عملية تحسين تؤدي إلى قيم أعلى لدالة الهدف بحيث نقترب باستمرار من الحل الأمثل.

#### لاذا يجب دراسة طريقة السمبلكس؟

من المهم تفهم الأفكار المستخدمة للوصول إلى الحل. ويـــؤدي مدخــل السمبلكس ليس فقط إلى الحل الأمثل للمتغيرات من وأقصـــى ربــح (أو أدنى تكلفة)، ولكن أيضا إلى معلومات اقتصادية مفيدة. ولإمكان استخدام الحاسب بنجاح ولتفسير النتائج المطبوعة من الحاسب للبرنامج الخطي تحتاج إلى معرفة ملـ تقوم به طريقة السمبلكس ولماذا؟

سنبدأ هذا الفصل بحل مشكلة تقصية باستخدام طريقة السممكس. ثم ندرس مشكلة التدنية وبعض المشاكل الفنية الستي تواجمه تطبيق طريقسة السمبلكس.

#### تصميم الحل المبدئي بطريقة السمبلكس

بالرجوع إلى حالة شركة الأثاثات وبدلا من الحل البيابي الذي استخدمناه في الفصل السابق سنطبق طريقة السمبلكس. وحيث س<sub>١</sub> = عدد المكاتب المنتجة س<sub>٧</sub> = عدد الكراسي المنتجة

### وتم صياغة المشكلة في :

تقصیة الربح  $V + 0 m_Y + 0 m_Y$  (دالة الحالف)  $Y + m_Y + 0 m_Y + 0 m_Y$   $\frac{1}{2} m_Y + 0 m_Y$ 

# تحويل القيود إلى معادلات

### Converting the Constraints to Equations

الخطوة الأولى لطريقة السمبلكس تتطلب تحويسل كسل متباينسة لقيسد بالبرنامج الخطي إلى متساوية. فيتم تحويل قيد أقل من أو يساوي ≤ كما في قيسد ساعات الطلاء إلى معادلة بإضافة متغير عاطل Slack Variable لكل قيسد. والمغيرات العاطلة تمثل موارد غير مستغلة، وهي قد تكون في شكل سساعات تشغيل آلات، ساعات عمل، أموال، مساحات في المخزن، أو أي عسدد مسن الموارد وفقا للمشكلة محل الدراسة.

وفي حالتنا يمكن جعل :

ص، = متغير عاطل يمثل ساعات غير مستغلة بقسم الطلاء.

ص، = متغير عاطل يمثل ساعات غير مستغلة بقسم النجارة.

ويمكن إعادة صياغة قيود المشكلة كما يلي :

وبالتالي إذا كان إنتاج المكاتب س, والكراسي س, يستخدم أقـــل مــن ، • • ساعة طلاء، فإن الساعات غير المستغلة ستكون قيمتها ص, فمثــلا، إذا كانت س, = صفر، س, = صفر (أي لم يتم إنتاج أي وحــــدة) فــان ص, = • • • • ساعة زمن عاطل في قسم الطلاء. وإذا أنتجت الشركة مـــن س, = • • مكتب ومن س, = • • كراسي فإن،

 $Y \cdot \cdot = Y \cdot + \omega_1 + \omega_2 + \omega_1 + \omega_2 + \omega_1 + \omega_2 + \omega_2 + \omega_1 + \omega_2 + \omega_2 + \omega_2 + \omega_2 + \omega_1 + \omega_2 + \omega_$ 

وسيكون هناك • ١ ساعات زمن عاطل أو غير مستفل بقسم الطللاء. ونضيف كل المتغيرات في كل معادلة، وهي أحد متطلبات الخطروة التالية في السمبلكس، وإذا لم يظهر أحد المتغيرات العاطلة بالمعادلة تضاف بمعامل قلدره صفر. وهذا يعني أنه ليس لها تأثير على المعادلات التي أدخلت بحسا، ولكنها تمكنك من تتبع كل المتغيرات في جميع الأوقات. وتظهر المعادلات كما يلى :

 $\mathbf{Y}$   $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{2}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  +  $\mathbf{W}_{2}$  +  $\mathbf{W}_{2}$  +  $\mathbf{W}_{3}$  +  $\mathbf{W}_{1}$  :  $\mathbf{W}_{2}$  :  $\mathbf{W}_{1}$  :  $\mathbf{W}_{2}$  :  $\mathbf{W}_{3}$  :  $\mathbf{W}_{1}$  :  $\mathbf{W}_{2}$  :  $\mathbf{W}_{3}$  :  $\mathbf{W}_{3}$ 

ونظرا لأن المتغيرات العاطلة لا تحقق أي أرباح، فتضاف إلى دالة الهــــدف الأصلية بمعامل ربح قدره صفر. وتصبح دالة الهدف :

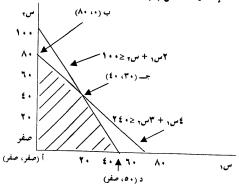
تقصیة الأرباح =  $v_0$  +  $v_0$  +  $v_0$  + صفر  $v_0$  القصیة الأرباح

إيجاد الحل المبدئي جبريا

Finding an Initial Solution Algebraically

بالنظر إلى معادلات القيود، سنجد أن هناك معادلتان وأربعة متغيرات. بمراجعة الجبر ستتذكر أنه إذا كان عدد المتغيرات المجهولة يسياوي عدد المعادلات. فمن الممكن الحل باستخدام قيمة لأحد المتغيرات. ولكن في حالة وجود أربعة متغيرات (س، س، س، ص، ص، ومعادلتان فقط، يمكن جعل متغيران منهما مساويان للصفر ثم حل المعادلة لإيجاد المتغيران الباقيان. فمشلا، إذا كانت س، = س، = صفر فإن ص، = ٠٠٠، ص،  $\sim 75.$ 

وتبدأ طريقة السمبلكس بمنطقة حل ممكنة وفيها المتغيرات الحقيقية (مشل س، س، س») تساوي صفو. وهذا الحل المبدئي يؤدي إلى أرباح قدرها صفو، وإلى أن المتغيرات العاطلة تساوي القمة على يسار علامة التساوي في معادلة القيد. وهو حل غير ملائم من ناحية العوائد الاقتصادية، ولكنه أحدد حلول نقط الأركان لمنطقة الإمكانيات شكل (1).



شكل (١) نقط الأركان لمشكلة شركة الأثاثات

وتبدأ طريقة السمبلكس في نقطة الركن أثم تتحوك إلى أعلى إلى نقطـــة الركن الذي يحقق أفضل أرباح (ب أو جــ). وفي النهاية، ســـينتقل إلى نقطــة ركن جديدة (جــ) وهي امثل حل لمشكلة شركة الأثاثــات. وتـــأخذ طريقـــة السمبلكس في الحسبان الحلول الممكنة فقط ولذلك لن تحدد أي مزيج ممكــــن بخلاف نقاط الأركان للمنطقة المظللة في شكل (1).

جدول السمبكس الأول علام The First Simplex Tableau

لتسهيل التعامل مع المعادلات ودالة الهدف في مشاكل البرمجة الخطيـــة، نضع كل المعادلات في جــــدول. وجــدول الســـمبلكس الأول Simplex تظهر في جدول (١). وما يلي شرح لأجزائه وكيفية اشتقاقه:

الكميات (يسار المعادلة)	ص۲	ص ۱	س۲	س۱	الحل
١	٠	١	1	۲	س۱
7 £ .	1	•	٣	٤	س٧

جدول (١) جدول السمبلكس لحل مشكلة شركة الأثاثات

	عمود الثوابت ل		أعمدة العام	المتغيرات مقيقية م		عمود مزيج المنتجات	عمود ربح الوحدة
صف ربح الوحدة		•	•	٥	٧	مزيج	٦
	الكمية	ص۲	ص۱	س۲	س۱	الإنتاج	
معادلات	1	•	١	١	۲	ص ۱	صفر
القيود	71.	1	•	٣	٤	ص ۲	صفر
مف مجمل الربح	•	٠	•	•	٠	ر	
وصف صافي الربح	•	•	•	٥	٧	ح-ر	

تمثل الأرقام (٢، ١، ١، ٠) في الصف الأول معاملات المعادلــــة الأولى، وهي ٢س, + س، + ص، + صفر ص. والأرقام (٤، ٣، ٠، ١) في الصـــف الثاني تمثل المعادلة الجبرية للقيد ٤س، + ٣س، + صفر ص، + ص.

ونبدأ الحل المبدئي حيث  $w_1 = o$ فر،  $w_2 = o$ فر. وقيمسة المتغيران الآخران يجب ألا يسساويا الصفر،  $w_1 = o$ 1، o0 وهلذان المتغيران العاطلان يمثلا مزيج الحل المبدئي initial Solution mix، وتوجل قيمهما في عمود الكميات (آخر عمود على اليسسار). ونظرا لأن  $w_1$ ،  $w_2$ 1 ليسا في مزيج الحل، فإن قيمهما المبدئية ستكون صفر.

ويطلق على الحل المبدئسي حسل أساسسي ممكسن basic feasible solution ويظهر في عمود أو متجهة كما يلي :

والمتغيران في مزيج الحل والتي يطلق عليه اسساس الحسل basic في مصطلحات البرمجة الخطيسة، يطلق عليها متغييرات أساسية Basic مصطلحات البرمجة الخطيسة، يطلق عليها متغييرات الأساسية هي ص، ص، ص، والمنغيرات التي لا تظهر بمزيج الحل أو الحل الأساسي (س، س») يطلق عليها متغيرات غير أساسية nonbasic Variable. ومن الطبيعي أنه إذا أصبسح الحل المشكلة البرمجة الخطية

 $\omega_{1}= \pi^{2}$  ،  $\omega_{2}=\pi^{2}$  ،  $\omega_{3}=\pi^{2}$  ،  $\omega_{4}=\pi^{2}$  ،  $\omega_{5}=\pi^{2}$  .

فإن س،، س، يصبحا المتغيرات الأساسية النهائية، بينمسا تصبح ص،، ص، المتغيرات غير الأساسية.

ولكن ما هو تفسير هذه الأرقام؟ يمكن اعتبار الأرقام في داخل جـــدول السمبلكس (راجع جدول (١)) معدلات الإحــلال Substitution rates.

فمثلا، بفرض أننا رغبنا في جعل س، أكبر من الصفر، أي إنتاج بض المكــاتب. لكل وحدة منت ص، و يخب استبعادها من الحل. وذلك لأن كل مكتب يحتـــاج إلى ٢ ساعة من الساعات غير المستغلة حاليا بقسم الطلاء ص، ويحتاج أيضـــا إلى ٤ ساعة من ساعات النجارة، لذلك يجب استبعاد ٤ وحدات من المتغلب عرص، في الحل لكل وحدة من س، سيتم إنتاجها. وبالمثل معدل الإحلال لكل وحــدة في س، هي ١ وحدة من ص، سوحة من ص،

ص، موجودة في دالة الهدف.

### إضافة دالة الحدف Adding The Objective Function

نستكمل الخطوة التالية في إعداد الجدول الأول للسممبلكس. نضيف صف يمثل قيم دالة الهدف لكل متغير. يطلق عليها معدلات الربح وتظهر فوق كل متغير كما يلى :

	•	•	٠	٧	مزيج	حد
الكمية	ص۲	ص۱	س ۲	س۱	الحل	
1	•	١	١	۲	ص۱	صفر
Y £ •	1	•	٣	ŧ	ص۲	صفر

والربح الحدي للوحدة لا يظهر في أعلى صف فقط، وإنما أيضا في أقصى عمود لليمين العمود ح يمثل ربح الوحدة لكل متغير يظهر حاليا في مزيج الحلل. وإذا ما استبعدنا ص، من الحل واستبدلت مثلا س، فإن مبلغ ٥ جنيه سيظهر في عمود ح على يمين المتغير ص».

صفی رن ، ح – رن :

نستكمل جدول الحل المبدئي بإضافة صفين. ويقدم لنا هــــذان الصفـــان معلومات اقتصادية هامة، وهي إجمالي الربح، والإجابة على ما إذا كـــان الحـــل الحالى أمثل حل. حسب فيم رن لكل عمود بحدول الحل الأساسي جدول (١) بضرب صفر هامش ربح في كل رقم في عمود حن بكل رقم في هذا الصف و عمرود حن والتجميع وقيمة رن لعمود الكمية يعرض إجمالي هامش الربح للحل المعين.

رر (إجمالي هامش الربح) = الربح لكل وحدة من ص, × عدد وحدات من ص, + الربح لكل وحدة من ص, × عدد الوحدات من ص, = صفر × ۱۰۰ وحدة + صفر × ۲٤۰ وحدة = صفر جنيه ربح

> رن (للعمود س<sub>1</sub>) = صفر × ۲ + صفر × 2 = صفر جنیه رن (للعمود س<sub>7</sub>) = صفر × ۱ + صفر × 2 = صفر جنیه رن (للعمود ص<sub>1</sub>) = صفر × ۱ + صفر × صفر = صفر جنیه رن (للعمود ص<sub>7</sub>) = صفر × صفر + صفر × 1 = صفر جنیه

لاحظ أننا لن نفقد أرباح بإضافة وحسدة مسن س, (المكساتب) أو س, (الكراسي)، مكان ص, أو ص,

يمثل رقم حن – رن في كل عمود صافي الربح، أي الربح المكتسب ناقصل الربح المفقود، والذي سيتحقق من إدخال وحدة من كل منتسج أو متغسير في الحل. ولا تحسب له قيمة في عمود الكمية. ولحساب هذه الأرقام نطرح إهسالي

رن لكل عمود من حن. في أعلى كل عمود للمتغيرات وبحساب صافي الربع للوحدة سيكون (صف حن – رن) في هذا المثال:

	العمود			
	س ۱	س ۲	ص۱	ص۲
حن للعمود	٧	٥		•
رن للعمود	•	•	•	
حن – رن للعمود	٧	٥		

من الواضح حين حساب الربح صفر أن الحل المبدئي لم يكن أمنال. وبفحص الأرقام في صف حن - رن بالجدول (1) نجد أن إجمالي الربح يمكن أن يزيد بمبلغ ٧ جنيه لكل وحدة تنتج من المنتج س، (المكاتب) وبمبلغ ٥ جنيه لكل وحدة تنتج من س» (المقاعد) وتضاف إلى مزيج الحل. ورقسم سالب في صف حن - رن يخبرنا بمقدار انخفاض الربح بإضافة المتغير لمزيج الحل. ونصل إلى الحل الأمثل بطريقة السمبلكس حينما يصبح صف حن - رن غير محتوي علسى قيم موجة وهي ليست الحالة في جدول الحل المبدئي.

#### إجراءات الحل بطريقة السمبلكس Simplex Solution procedures

إذا ما صممنا جدول الحل المبدئي، نستكمل خمس خطوات لحساب كـــل الأرقام اللازمة في الجدول التالي. والعمليات الحسابية ليست صعبــــــة ولكنـــها متكاملة بحيث أن أي خطأ يؤدي إلى خطأ في النتائج.

نبدأ بشرح الخطوات الحمس ثم نشرحها ونطبقها لاستكمال الجدول الثاني والنالث لشركة الأثاثات.

خطوة (1): تحديد أي المتغيرات ندخلها في مزيج الحل التسالي. وأحسد الطرق لذلك هو تحديد العمود وبالتالي المتغير ذو أكبر رقم موجب في صف حن ريا الجدول السابق. وهذا يعني أننا سننتج بعض المنتجات الستي تسساهم في تحقيق أقصى ربح للوحدة. ويطلق على العمود في هذه الحالة عمسود البسؤرة. Pivot Column

خطوة (٢): تحديد أي المتغيرات سيتم استبدالها. وحيث أننا اخترنا متغير جديد سيدخل تشكيلة الحل، يجب أن نحدد أي المتغيرات الأساسية الظاهرة حاليا بالحل يجب أن يستبعد لترك مكان له. وتتم الخطوة ٢ بقسمة كل قيمة رفي عمود الكمية على الرقم المناظر في العمود الذي تم اختياره في خطسوة (١)، والصف ذو أقل قيمة غير سالبة ناتجة عن هذه القسمة سيتم استبداله في الجدول التالي. (هذا الرقم غير السالب، يمثل أقصى عدد من الوحدات للمتغير الذي قد يدخل للحل). ويشار إلى هذا الصف على أنه صف البورة Pivot Row .

الخطوة (٣) : حساب قيم جديدة لصف البؤرة. وذلك بقسمة كل رقم بصف البؤرة على رقم البؤرة ونقلها للجدول التالي. الخطوة (٤): حساب القيم الجديدة لبقية الصفوف (في مثالنك يوحسد صفان في البرنامج الخطي، ولكن لمعظم المشاكل الكبرى عديد من الصفسوف) ويتم حساب قيم بقية الصفوف كما يلي

الوقم الجديد = الرقم في الجدول السابق - ر الرقم أعلى أو اسفل البؤرة × الرقم المناظر في الصف الجديد أي الصف الذي تم استبداله في خطوة ٣)

الخطوة (٥): حساب صفوف رن ، حن – رن كمسا سبق الشرح في الجدول الأساسي. وإذا كانت كل الأرقام في صف حن – رن مساوية للصفر أو سالبة، نكون وصلنا إلى الحل الأمثل. وإذا لم نصل إلى هذه الحالة نكرر العمسل من خطوة (١) إلى خطوة (٥).

#### الجدول الثاني للسمبلكس The Second Simplex Tableau

بعد أن ذكونا الخطوات الخمس اللازمة للانتقال من جدول الحل المبدئسي إلى حل محسن، نطبقها على مشكلة شركة الأثاثات. وهدفنا هو إضافة متفسسير جديد في تشكيلة الحل، بمدف زيادة الربح عن الموجود في الجدول المبدئي وهسو صفر.

خطوة (1): لتحديد أي المتغيرات سيتم إدخاله في الحل (سيكون إما m, أو m, حيث الهما المتغيرات غير الأساسية في هذه الحالة) نختار المتغير ذو أعلى قيمة موجبة في حن – رن المتغير m, له قيمة m جنيه حن – رن يعسني أن كل وحدة من m, (المكاتب) تضاف للحل ستؤدي إلى زيسادة إجسالي ربسح

التشكيلة بمقدار ٧ جنيه. بينما س، (الكراسي) ربحه ٥ جنيه في حن - رن. والمتغيران الآخران ص، مس، قيمة كل منهما صفر ولا يضيفا أي شيء للربح. ولذلك، نختار المتغير س، ليدخل تشكيلة الحل، ونحدد عموده (بسهم) على أنسه عمود البؤرة. كما في جدول (٢).

	•	•	٥	٧	مزيج	ح
الكمية	ص۲	ص١	س,	س۱	الحل	
١	•	١	١	۲	ص ۱	•
76.	1	•	٣	£	ص ۲	•
إجمالي الربح	•	•	٠	•	زد	
•	•	•	•	Y	حد - رد	
				1		
			زة	ود البؤر	عه	

خطوة (٢): نظرا لأن س، قاربت من الدخول إلى مزيج الحل، يجب أن نقرر ستحل محل أي المتغيرات ويمكن أن تكون هناك متغيرات أساسية بعسدد القيود بمشكلة البرمجة الخطية، لذلك إما ص، أو ص، يجب أن تسترك مكان لإدخال س، (المكاتب) في الحل الأساسي. ولتحديد صف البؤرة، يتم قسسمة كل رقم بعمود الكميات على الرقم المناظر في عمود س، (عمود البؤرة).

#### 

وأصغر هذان الرقمان وهو ٥٠، يمثل أقصى رقم لوحدات س، التي يمكن انتاجها بدون تعدي أي من القيود الأصلية. ويوضح أيضا أن صـــف البــؤرة سيكون أول صف. وهذا يعني أن ص، سيكون المتغير الذي سيستبدل في عملية التحسين بطريقة السمبلكس. وصف البؤرة وعمود البؤرة والبؤرة (الرقـــم في المتقاطع بين صف البؤرة وعمود البؤرة) سيتم تحديدهما في جدول ٣.

خطوة (٣): حددنا أي المتغيرات سيدخل إلى مزيسج الحسل س، ، واي المتغيرات سيستبدل ص،، ونبدأ في تصميم جدول التحسسن التسالي بطريقسة السمبلكس.

جدول (٣) تحديد صف البؤرة ورقم البؤرة في جدول الحل المبدئي

		کس	ة السمبلاً	بطريقا			
		•	٠	0	٧	مزيج	حد
	الكمية	ص۲	ص۱	س۲	س۱	الحل	
-صف البؤرة	<b>&gt;</b> 1	•	١	١	0	ص۱	•
	71.	1	•	٣	٤ \	ص ۲	•
						رقم البؤرة	
	إجمالي الربح	•	•	•	•	زن	
	•	•	•	٥	٧	حد - رد	
	•				<b>†</b>		
				رة	مود البؤر	ء	

وترتبط الخطوة ٣ بحساب القيم الجديدة لصف البؤرة. وذلك بقسمة كل رقم بصف البؤرة على رقم البؤرة.

١	•	١	1	١	١	*
o · = · ·	=		= ,		= ,	1 = -
4	4	۲	۲	۲	4	۲

وننقل القيم الجديدة بصف البؤرة إلى الجدول الجديسد. لاحسط أن س، دخلت الآن في مزيج الحل وأن ٥٠ وحدة من س، سيتم إنتاجها. وقيمسة رن تم ذكرها كلها من ربح كل وحدة من س، في الحل. مما يقدم حل أكسستر ربحيسة لشركة الأثاثات من الربح البالغ صفر في جدول الحل المبدئي.

الكمية	ص۶	ص١ .	س۲	س۱	مزيج الحل	یح
٥.	•	٧/١	4/1	١	س۱	٧

خطوة (٤): قمدف هذه الخطوة إلى المساعدة في حساب قيم جديسدة للصف الآخر في الجدول، أي صف ص٠. الشرح على يسار المعادلات يستخدم لحساب القيم التي على اليمين والتي ستظهر بالجدول التالي.

الرقم المناظر في الجدول الجديد	×	الرقم أسفل البؤرة	_	الرقم في الصف ص، القديم	=	الرقم في صف ص، الجديد
1	×	٤	_	٤	-	•
۲/۱	×	£	_	٣	_	1
۲/۱	×	£	_	•	_	٧-
•	×	£	_	1	=	١
٥.	×	£	_	7 £ •	_	٤٠

# وسيظهر الصف الجديد في الجدول الثاني بالشكل التالي :

الكمية	ص۲	ص١	س.۲	س۱	مزيج الحل	حد
٥.					س۱	
٤٠	1	4-	•	٠.	ص۲	٠

هذا المتغير في الحل. وبالمثل عمود ص، يحتوي على الله يحتوي على على مضر، ١. وأساسا فإن العمليات الجبرية التي قمنا بها في الخطوات ٣، ٤ كانت موجهة للوصول إلى أرقام صفر و ١ في الأماكن المناسبة. في الخطوة ٣، قسمنا كل رقم في صف البؤرة على رقم البؤرة عما أدى إلى وجود ١ في أعلى عمسود س، ولإيجاد قيم الصف الثاني ضربنا الصف الأول (كل عمود معادلة) بقيم ثابتة (العمود ٤ في هذه الحالة)، وطرحنا من المعادلة الثانية. وكانت النتيجة صف جديد ص، بقيمة صفر في عمود س.

الخطوة (٥): الخطوة الخيرة لعملية التحسين هي إدخسال الأفسر دالسة الهدف. ويرتبط ذلك بحساب صفوف رن و حن - رن. تذكر أن دخول رن في عمود الكمية أوجد إجمالي ربح للحل الحالي. والقيم الأخرى رن نمشل إجمسالي الربح الذي ينتج بإضافة وحدة إلى كل متغير أضيف في الحل الجديد. وحسست قيم رن الجديدة كما يلى:

رن (للعمود 
$$w_1$$
) =  $V \times I + i \times i = V$  جنیه
رن (للعمود  $w_2$ ) =  $V \times I + i \times i = V$  جنیه
رن (للعمود  $w_1$ ) =  $V \times I + i \times i = V$  جنیه
رن (للعمود  $w_2$ ) =  $V \times I + i \times i = V$  جنیه
رن (للعمود  $w_2$ ) =  $V \times i + i \times i = V$  جنیه

رن (لإجمالي الربح) = ۷ × ۰۰ + ۰ × ۰ ؛ = ۳۵۰ جنيه

لاحظ أن الربح الحالي يبلغ ٣٥٠ جنيه. وقيمة حن – رن تمثل صافي الربح الذي سيتحقق، في ظل تشكيلة الإنتـــاج الحالية إذا أضفنا وحدة إلى كل متغير في الحل.

	الأع			
	— س۱	س۲	ص۱	ص۲
ح <sub>ن</sub> للعمود	٧	٥	•	•
رن للعمود	٧	<u>v</u>	<u>v</u>	•
		۲	۲	
حه - ره	•	<u> </u>	<u>v-</u>	•
		<del>-</del>	۲	

ويتم إدخال قيم صفوف رن ، حن \_ رن في جدول الحل التسالي كمسا في جدول (٤).

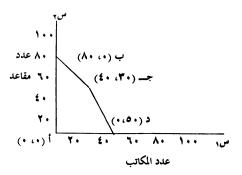
جدول (٤) جدول الحل الثاني الكامل لشركة الأثاث

	•	•	٥	٧	تشكيلة	حن
الكمية	ص۲	ص۱	س ۲	س۱	الحل	
٥٠	•	<u>\</u>	1	١	س۱	•
		4	4			
٤٠	١	٧-	١	•	ص۲	•
٣٥.	•	Y	<u>Y</u>	٧	ره	
		*	4			
	•	<u>v</u> -	1	•	حن - رن	
		*	۲	-		

تفسير محتوى الجدول الثاني Interpreting the Second Tableau

يلخص جدول (٤) كل المعلومات لقرار تشكيلة الإنتاج لشركة الأثـــاث كحل مرحلي لطريقة السمبلكس. لننظر إلى بعض المفردات الهامة به :

الحل الحالي: في هذه المرحلة نقطة الحل ٥٠ مكتب وصفر مقعد (س، = ٠٥، س، = صفر) ويؤدي إلى ربح قدره ٥٠ ٣ جنيه س، متغير أساسي. وباستخدام الحل البياني للبرنامج الخطي، فإن هذا الحل ينلظر النقطة دكما في شكل (٢).



جدول (٢) منطقة الإمكانيات لشركة الأثاث. نقاط الأركان

معلومات الموارد: نلاحظ في جدول (٤) أن المتغير العساطل س، يمشل الزمن غير المستغل في النجارة ويكون في الحل الأساسي. وقيمته ٤٠، ويعني أن هناك ٤٠ ساعة نجارة متاحة حاليا. والمتغير لعاطل س، غير أساسي وقيمته صفر ساعة. ولا يوجد زمن أعطال في قسم الطلاء.

معدلات الإحلال: ذكرنا أن معدلات الإحلال هي المعاملات في داخـــل الجدول. لاحظ قيمة العمود سم، إذا أضيفت وحدة مــن س $_{1}$  ( مقعـــد) إلى الحل الحالي،  $_{1}$  وحدة من س $_{1}$  و وحدة في ص $_{2}$  يجب أن يتوقفــــوا عــن الاستخدام لاحتياج وحدة س $_{1}$  إلى هذه الموارد. نظـــرا لأن الحــل س $_{1}$  =  $_{2}$  مكتب تستخدم  $_{1}$  ما ساعة في قسم الطلاء (تذكر القيود الأساســـية كــانت  $_{2}$  مر  $_{3}$  + 1 س $_{2}$  +  $_{4}$  -  $_{2}$  ). ولاستخدام ساعة الطلاء اللازمة للمقعــد،

يجب تخفيض إنتاج المكاتب بعدد 7/1 مكتب. مما يحور ١ ساعة لاستخدامها في إنتاج المقعد.

ولكن لماذا يجب التخلي عن ١ وحدة في ص، (أي، ١ ساعة مسن زمسن النجارة) لفرض إنتاج ١ مقعد؟ القيد الأساسي كملك ٤س، + ٣س، + ص، = ٠ ٢ ساعة من زمن النجارة. يدل ذلك على أن ٣ ساعات من زمن النجسارة لازمة لإنتاج وحدة من س،؟ والإجابة هي أننا نبحث عسن معدلات حديسة للإحلال. فإضافة ١ مقعد يحل محل ٢/١ مكتب. نظرا لأن ٢/١ مكتب يحتساج إلى ٢/١ × ٤ ساعة لكل مكتب) = ٢ ساعة من زمن النجارة، ٢ وحدة مسن ص، تم تحريرها. وبالتالي وحدة إضافية من ص، نحتاج إليها لإنتاج ١ مقعد.

ص به عربيرها. وبالتاني وحده إضافيه من ص بعتاج إليها لإنتاج ١ مقعد. وللتأكد من تفهمك لهذا المضمون، أنظر إلى العمود ص أيضا. ومعاملاته الاستبدال تعني أنه إذا أضيفت ساعة من زمن أعطال الطلاء للحل الحالي، ٢/١ اقل من المكاتب س سيتم إنتاجه. ومع ذلك لاحظ أنه إذا أضيفت وحدة من ص إلى الحل ٢ ساعة من زمن النجارة ص لن يتم استخدامها. وهذه ستضاف للساعات العاطلة بالنجارة وقدرها ٤ ساعة. ولذلك، معدل الإحلال السالب يعني أن إذا أضيفت وحدة من المتغير باعلى العمود إلى الحل، فإن قيمة متغير الحل المناظر (أو الصف) سيزيد. ومعدل الاستبدال الموجب يعني أنه إذا أضيفت وحدة من المتغير بأعلى العمود إلى الحل المناظر (أو الصف) سيزيد. ومعدل استبدال موجب يعني أنه إذا أضيفت وحدة من المتغير باعلى العمود إلى الحل المناظر (أو الصف) سيزيد. ومعدل استبدال موجب يعني أنه إذا أضيفت وحدة من المتغير باعلى العمود إلى الحل المناظر (أو الصف) سيزيد. ومعدل استبدال موجب يعني أنه إذا أضيفت وحدة من المتغير باعلى العمود إلى الحل، فإن المتغسر بسالصف أنه إذا أضيفت وحدة من المتغير باعلى العمود إلى الحل، فإن المتغسر بسالصف

هل يمكنك تفسير المعدلات في عمود س، ص، عرب

صف صافي الربح: صف حن – رن هام لسببين. الأول لأنه يوضح مـلـإذا كان الحل الحالي أمثل. وحين عدم وجود أي قيم موجة في أسفل صف، نكـون قد وصلنا إلى الحل الأمثل لمشكلة التقصية بالبرمجة الخطية. وفي حالة جدول (٤) نجد أن قيمة حن – رن لكل من س، ص، ص، ص، صه صفر أو ســالبة. وقيمــة س،  $\gamma/\gamma$  تعني أن صافي الربح يمكن أن يزيد بمقدار  $\gamma/\gamma$  جنيه ( $\gamma/\gamma$ ) لكل مقعــد يضاف إلى الحل الحالي.

ونظرا لأن قيمة حن - رن للمتغير س، هي صفر لكل وحدة تضاف مسن س، فإن إجمالي الربح سيظل بدون تغيير نظرا لأننا ننتج حاليا مكاتب بقالد إمكاننا. والرقم السالب مثل -٧/٧ في عمود ص، يعسني أن إجمالي الربسح سينخفض بمقدار ٣,٥ جنيه إذا أضيفت وحدة من ص، إلى الحل. بمعني آخسر إتاحة ساعة أعطال بقسم الطلاء (ص، = صفر حاليا) تعني أن علينسا إنساج نصف مكتب أقل. نظرا لن كل مكتب يؤدي إلى المساهمة بمبلسخ ٧ جنيه في الأرباح، فإننا سنخسر ٢/١ × ٧ = ٢/٧ أي صافي الحسارة ٥,٣ جنيه.

أسعار الظل Shadow Price : أسعار الظل طريقة أخرى لتفسير القيم السالبة في حن - رن فيمكن النظر إليها على ألها الزيادة في الربح إذا ما أتيحــت ساعة من الموارد النادرة (مثل زمن الطلاء أو النجارة).

وقد أوضحنا مسبقا أن هناك سببان للاهتمام بقيم صف حن – رن السبب الثاني هو أننا نستخدم هذا الصف لتحديد أي المتغيرات سيدخل في الحل التسللي. ونظرا لأن الحل الأمثل لم نصل إليه بعد، سنستكمل جدول ثالث.

#### **Developing the Third Tableau**

نظرا لأن كل القيم في صف حن - رن في آخو جدول ليست صفر أو سالب، فإن آخو حل ليس حل أمثل وعلينا تكوار الخطوات الخمسس لطريقة السمبلكس.

الحطوة 1: المتغير س، سيدخل الحل التالي لأن قيمته في ح. ـ ر. موجية ٢/٣ وهي أكبر قيمة موجبة (والوحيدة في هذا الصف) وهذا يعسني أن لكسل وحدة من س، (المقاعد) نبدأ في إنتاجها، ستزيد قيمة دالة الهدف بمبلسم ع ٢/٣ جنيه أو ٥,٥ جنيه. وعمود س، سيمثل عمود المؤرة الجديدة.

الخطوة ٢: ترتبط الخطوة التالية بتحديد صف البؤرة. والسؤال هنا، أي المتغيرات في الحل الحالي (س, أو ص) يجب أن يترك الحل ليفسح مكانا ليدخــل المتغير س.

ومرة أخرى يتم قسمة كل رقم في عمود الكمية على الرقم المناظر لـــه في عمود سy.

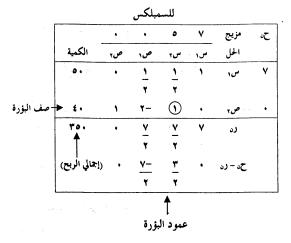
لصف س<sub>۱</sub> : ---- ا مقعد ۲/۱ د . لصف ص : ---- ؛ مقعد

وبصف ص، أقل معدل، ويعني أن المنغير ص، سيترك الحسل الأساسسي ويحل محله س،. وصف البؤرة الجديد، وعمود البؤرة ورقم البؤرة يظهرا في جدول (٥).

الكمية	ص۲	ص ۱	س۲	١٠٠٠	مزيج الحل	حن
٤٠	1	۲-	١	•	س۲	•

وسيدخل في جدول الحل التالي للسمبلكس في نفس مكان صف ص، في الجدول السابق.

# جدول (٥) تحديد صف وعمود البؤرة وقيمة البؤرة في الجدول الثاني



الخطوة ٤: يتم حساب القيم الجديدة لصف س، كما يلي:

1.054						
الرقم المناظر في	×	الرقم فوق	-	الرقم في الصف	=	الرقم في الصف
صف س، الجديد	5.	رقم البؤرة		القديم س،		الجديد س،
•	×	1	_	١	-	1
1	×	1		1	=	•
<b>Y</b>	×	1	`-	1 7	=	<del>"</del>

1	×	1	_	•	=	1-
		۲				۲
٤٠	×	1	-	٥.	=	٣.
		۲				

وحيث أن صف س, في الجدول النالث في المكان التالي :

الكمية	ص۲	ص ۱	س۲	س۱	مزيج الحل	حد
۳.	1-	٣	•	1	سُ ۱	٧
	۲	4				
٤.	1	٧-	١	•	س.	٥

رن (للعمود 
$$\omega_1$$
) =  $V \times I + O \times . = V$  جنیه

$$c_{ij}$$
 (theode  $c_{ij}$  (theode  $c_{ij}$ ) =  $V \times V + O \times V = O$  evip

$$c_0 (ttange \ o_{-1}) = V \times V + \frac{v}{v} \times V = \frac{1}{v} + c_0 \times V = \frac{1}{v}$$

(c) (thange 
$$c$$
  $c_{(Y)} = V \times \frac{1}{V} + 0 \times V = \frac{y}{V}$ 

رن (لإجمالي الربح) = 
$$V \times V + O \times V + O \times V$$
 جنيه

ويظهر صف صافي الربح للوحدة كما يلي :

	مدة	الأع	
ص۲	س٧ ص١	س۱	
• , .	ullet $ullet$ $ullet$ $ullet$ $ullet$ $ullet$ $ullet$ $ullet$ $ullet$	٧	حن للعمود
<u>*</u>	1 .	٧	رن للعمود
۲ ,	<b>Y</b>		
٣-	1		حه - ره
4	7		

جدول (٦) جدول الحل النهائي بطريقة السمبلكس لمشكلة شركة الأثاثات

	•	•	٥	٧	مزيج	حد
الكمية	ص۲	ص۱	س۲	س ۱	الحل	
۳٠ ,	1-	<u> </u>		1	س۱	٧
	4	- Y				
٤٠	١.	٧-	, 1	•	ص۲	٥
٤١٠	٣	1	٥	٧	زه	
	۲	4				
	٣-	1-	•	•	حد - رد	
	۲	4				

ويظهر ملخص لكل خطوات المرحلة الثالثة للتحسين بطريقة السمبلكس بالجدول (٦). لاحظ أنه لأن كل رقم في صف ح. - ر. صفر أو سالب، نكسون قد وصلنا للحل الأمثل.

والحل هو :

س ۲۰ = ۳۰ مکتب ، س ۲۰ = ۶۰ مقعد.

ص، = صفر ساعات أعطال بقسم الطلاء.

ص، = صفر ساعات أعطال بقسم النجارة.

الربح = ٤١٠ جنيه في الحل الأمثل.

س،، س، هما المتغيران الأساسيان بالحل النهائي. ص،، ص، متغيرات غير أساسية ويساويا صفر. وهذا الحل يناظر النقطة جـــ في الحل البياني بشــكل (٢) بالفصل السابق.

ونظرا لإمكان الوقوع في خطأ حسابي أثناء الخطوات العديدة لطريقة السمبلكس، فمن المفضل تحقيق الحل النهائي. ويتم ذلك جزئيا بالنظر إلى القيود الأساسية لمشكلة شركة الأثاثات ودالة الهدف والتعويض عن قيم الحلل الأمثل.

٢ س١ + س٧ ٤ ٠٠٠ ساعة بقسم الطلاء

القيد الأول :

1 . . > £ . × 1 + W . × Y

1 . . > 1 . .

القيد الثاني: ٤ س، + ٣ س، ≤ ١٤٠ ساعة بقسم النجارة

Y £ . ≥ £ . × T + T . × £

1 . . 2 7 5 .

دالة الهدف: الربح = ٧ س، + ٥ س،

£ . × 0 + T . × V =

= ۲۰۰ جنیه

## ملخص لإجراءات حل مشاكل التقصية بالبرمجة الخطية

- ١- شكل دالة الهدف والقيود المفروضة على المشكلة.
- ٧- أضف متغيرات عاطلة لكل قيد يحتوي على متباينة أقل مــــن أو
   يساوي وإلى دالة الهدف.
- - ٤- نفذ الخمس خطوات التالية إلى أن تصل إلى الحل الأمثل:
- اختار المتغير ذو أكبر قيمة موجبة في الصف حد رد
   ليدخل الحل. وهو عمود البؤرة.
- ب- حدد الصف الذي سيتم استبداله باختيار الصف ذو
   أصغر كمية (غير سالبة) في عمود ناتج قسمة الكمية
   على عمود البؤرة. وهذا هو صف البؤرة.
  - جـــ احسب القيم الجديدة لصف البؤرة.
  - د- احسب القيم الجديدة لبقية الصفوف.
- هـــ احسب قيم رن ، حن رن لهذا الجدول. إذا وجـــدت أي رقم في صف حن رن أكبر من الصفر، ارجع إلى الخطــوة الأولى وكرر العمل. وإذا لم تجد أي رقـــم في صــف حن رن أكبر من الصفر تكون قد وصلت للحل الأمثل.

# المتغيرات الفائضة والمتغيرات الوهمية Surplus and Artificial Variables

كانت كل القيود التي تم دراستها حتى الآن من نوع أقل من أو يساوي ≤. وكما هو شائع في الممارسة العملية –وخاصة في مشاكل الندنية في البرمجـــة الخطية– هناك قيود أكبر من أو يساوي ≥ وقيود التســـاوي =. ولاســـتخدام طريقة السمبلكس، يجب تحويل كل منها إلى شكل متساوية. وإلا فإن طريقـــة السمبلكس لا تتمكن من الوصول إلى جدول الحل المبدئي.

القيد ١: ٥س١ + ١س٠ + ٨س٣ ≥ ٢١٠

القيد ٢ : ٢٥س + ١٠٣٥ : ٢ القيد ٢

Surplus Variable

المتغيرات الفائضة

تتطلب قيود الأكبر من أو يساوي≥ مثل القيد الأول، مدخل آخر عن ملا تتطلبه قيود الأقل من أو يساوي حكما في مشكلة شركة الأثانات. وتحتاج إلى طرح متغير فائض Surplus Variable، بدلا من إضافة متغير عاطل variable. والمتغير الفائض يحدد كمية الحل الذي يفيض عن مسوارد القيد. ونظرا لأنه يناظر المتغير العاطل، فيطلق على المتغير الفائض في بعض الحالات متغير عاطل سالب Negative Slack. ولتحويل القيد الأول، نبدأ بطرح متغير غاطل صرا لتحويل المتباينة إلى متساوية.

ولا توجد خطوات أخرى لإعداد القيود الأكبر من أو يساوي≥ للحــــل بطريقة السمبلكس.

Artificial variable المتغيرات الوهمية

توجد مشكلة في محاولة استخدام القيد الأول (كما تم إعادة صياغته) في تصميم جدول الحل الأساسي. نظرا لأن كل المتغيرات الحقيقية real مثل س،، س، جعلت قيمتها صفر في جدول الحل المبدئسي، ص، تأخذ كل القيم السالبة.

كل المنغيرات في مشكلة البرمجة الخطية سواء كانت حقيقية أو عاطلة أو فائضة يجب ألا تكون سالبة في أي وقت. إذا كـــانت ص، = - ٢١٠ فمعـــنى ذلك أنه تم تعدي هذا الشرط الهام.

القيد الأول كـــاملا : ٥س، + ١٠س، + ٨س، – ص، + أ, = ٢١٠ ولا نجعل المتغيرات س، س، س، مساوية للصفر في جدول الحـــــــل المبدنــــي للسمبلكس، وإنما أيضا ص، المتغير الفائض. مما يجعل أ, = ٢١٠.

و مياغة القيد الثاني ٢٥ س، + ٣٠ س، + أ، = 1

والسبب في إضافة متغير وهمي في قيود النساوي يقع في ضرورة إيجاد حل مبدئي للبرنامج الخطي بطريقة السمبلكس. في قيد بسيط مثل القيد الثاني، مسن السهل تخمين أن  $m_1 = m_2$  سفو،  $m_2 = m_3$  ستؤدي إلى ظهور حل ممكن. ولكن ما هو الوضع إذا احتوت المشكلة على عشر قيود في شكل متساويات، يحتوي كل منها على سبع متغيرات. سيكون من الصعب للغاية الحل بمجسرد النظر والوصول للحل المبدئي وبإضافة متغيرات عاطلة مثل أب يمكن تقديم حل مبدئي بطريقة آلية. في هذه الحالة، حينما تكون  $m_1$ ،  $m_2$  مساوية للصفر فسإن أب  $m_3$ 

والمتغيرات الوهمية ليس لها معنى في الحالة الطبيعية وليست أكســــر مـــن أدوات للحسابات للوصول إلى جدول الحل المبدئي للبرنامج الخطــــي. وقبـــل الوصول للحل النهائي للسمبلكس، كل المتغيرات الوهمية يجب أن تخوج مــــن تشكيلة الحل. ويتم ذلك بمراعاة هذه المشكلة في دالة الهدف.

## المتغيرات الفائضة والوهمية في دالة الهدف

كلما أضيف متغير فائض أو وهمي إلى أحد القيود، يجب أن يضاف أيضا في بقية المعادلات وفي دالة الهدف للمشكلة. كما فعلنا مع المتغيرات العاطلسة. ونظرا لأن المتغيرات الوهمية يجب أن تخرج من الحل، يجب أن نخصص لكل منها تكلفة مرتفعة جدا حن. وفي مشاكل التدنية، والمتغيرات ذات التكلفة المنخفضة هي أكثرها قبولا وأولها في الدخول في الحل. والمتغيرات ذات التكلفة المرتفعسة تترك الحل بسرعة، أو لا تدخل به أبدا. وبدلا من وضع قيسم فعليسة مشال منفير وهمي، يمكننا استخدام الرمسز م جنيه لتمثل رقم كبير جدا.

والمتغيرات الفائضة مثل المتغيرات العاطلة لها تكلفة صفــــر. وإذا كــــانت المشكلة التي سنتناولها بالحل لها دالة هدف مثل :

تدنية التكلفة = ٥س، + ٩س، + ٧س،

وقيود مثل السابق ذكرها، فإن دالة الهدف الكاملة والقيود ستظهر كمـــا

اوجد ادبی تکلفة هس، + ۹س، + ۷س، + صفر ص، + م اً، + م اً، بحیث هس، + ۱۰س، + ۸س، – ۱ص، + ۱ اً، + صفر اً، = ۲۱۰ ٩٠٠ = ١٠٠٠ + ١٠٣٠ + صفر س + صفر ص + صفر أ ، + ١ أ ، = ٩٠٠

## حل مشاكل التدنية Solving Minimization Problem

درسنا كيف التعامل بياتيا مع دالة الهدف والقيدود المرتبطة في حالة مشاكل التدنية. وتبقى دراسة حل نفس المشاكل باستخدام طريقة السمبلكس. ويجب على شركة الكيماويات الحديثة إنتاج ١٠٠٠ كيلو مسن منتج يحتوي على مزيج من الفوسفات والبوتاسيوم لأحد العملاء. ويكلسف كيلو الفوسفات ٥ جنيه وكيلو البوتاسيوم ٦ جنيه للكيلو. ولا يمكن استخدام اكشر من ٥٠٠ كيلو من الفوسفات، ويجب استخدام على الأقل ١٥٠ كيلسو مسن البوتاسيوم. والمشكلة هنا هي تحديد المزيج ذو أقل تكلفة من الخامتان.

ويمكن صياغة هذه المشكلة رياضيا كما يلي :

تدنية التكلفة = ٥س، + ٦س،

بحیث س + س = ۲۰۰۰ کیلو

س، ≥ ۳۰۰ کیلو

س، ≥ ۱۵۰ کیلو

س۱، س۲ ≥صفر

حيث :

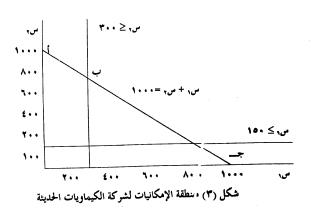
س، = عدد كيلوات الفوسفات ، س، = عدد كيلوات البوتاسيوم.

لاحظ وجود ثلاث قيود، بدون حساب قيد عدم السلبية. الأول قيـــد في صيغة معادلة، الثاني أقل من أو يساوي، والثالث أكبر من أو يساوي.

# التحليل البيابي Graphical Analysis

لتفهم المشكلة أسرع، قد يوضحها لك التحليل البياني. فيوجد متغيران قرار س،، س. فنخصص للأول انحور الأفقى وللثاني انحور الرأسي حتى يمكنا رسم القيود ومنطقة الإمكانيات، وحيث أن أول قيد س. + س. + س. = ١٠٠٠ هو متساوية، فيجب أن يقع الحل في مكان على الحط أ ب جد شيكل (٣). ويجب أن يقع بين نقطة أ، ب نظرا للقيد س. ≤ ١٠٠٠. والقيد الشيالث س. ≥ ١٥٠ قيد فانض (أو غير مقيد) نظرا لأن س. ستكون مباشرة أكبر من ١٠٠ كيلو إذا ما نفذنا أول قيدان. ونظرا لأن المنطقة الممكنة تتكون من كا النقاط على الحط أ ب. فإن الحل الأمثل سيقع في نقط الأركان لمنطقة الإمكانيات رحتى ولو كانت المنطقة في شكل خط مستقيم) لذلك فإن الحل سيكون إما النقطة أ أو النقطة ب. ويظهر التحليل السريع أن أدن تكلفة تقع في الركن ب، أي س. = ٢٠٠٠ كيلو فوسفات، س. = ٢٠٠٠ كيلبو بوتاسيوم. وإجمالي النكلفة ١٠٠٠ جنه.

ولا تحتاج إلى طريقة السمبلكس لحل مشكلة شركة الكيماويات الحديثة، ولكن ليست كل المشاكل بهذه البساطة. فبصفة عامة، يجب أن تتوقع وجرود عديد من المتغيرات وعديد من القيود. قمدف الفقرات التالية إلى عرض التطبيق المباشر لطريقة السمبلكس لمشاكل التدنية.



## تحويل القيود ودالة الهدف

الخطوة الأولى هي تطبيق ما تعلمناه في الفقرات السابقة لتحويل القيسود ودالة الهدف إلى الشكل المناسب لطريقة السميلكس. وقيد التساوي  $m_1+m_7=\cdots$  و به المرتبط بإضافة متغير وهمي أ.  $m_1+m_7+1=\cdots$  والقيد الثاني  $m_7 \leq \cdots q$  يتطلب إضافة متغير عاطل لنطلق عليه  $m_1+m_2=\cdots$   $m_1+m_2=\cdots$  والقيد الثالث  $m_7 \geq \cdots q$  والذي يحول إلى متساوية بطرح المتغير الفائض  $m_7$  وإضافة متغير وهمي أم كما يلي :  $m_7+m_7=\cdots$ 

J. M. J. M.



# جدول الحل الأول لمشكلة شركة الكيماويات

يتم تصميم جدول الحل الأول كما في طريقة التقصيـــــة. وأول ثــــلاث صفوف يظهرا في الجدول التالي. لاحظ ظهور التكلفة م جنيه مع المتغير الوهمـــي أ, و أ, ، ومعاملهم كما لو كانوا أرقاما كبيرة جدا. ويؤدي ذلـــــك إلى دفـــع المتغيرات الوهمية خارج الحلول بسرعة نظرا لارتفاع تكلفتهم.

الكمية	1,	١,	ص۲	ص۱	س۲	س۱	مزيج الحل	نح
1	•	1		•	١	١	1,	۴
*				١	•	١	ص۱	•
10.	,							۴

,1	1,	ص۲	ص۱	س۲	س۱	الحل	
•	١					<i>G</i> .	
		•	•	١	١	,1	۴
٠	٠	•	. 1	•	1	ص١	٠
١	•	1-	•	<b>O</b> _	•	۱,	•
				رة	رقم البؤ		
٩	۴	<b>P</b> -	٠	۲۹	۴	زد	
•	٠	٩	•	7+1	-9+0	حد-رد	
	٢	? ?	1 · 1-	, , ,- ,	P P P P	رقم البؤرة م ٢م · -م م م -م+ه -٢م+۲ ، م ،	د و و الم

$$\begin{array}{l} \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{s} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{s} \; = \; \mathsf{q} \; + \; \mathsf{q} \; \mathsf{s} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{s} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{q} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{s} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{l} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{q} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{q} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{q} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{q} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{l} \; \\ \text{Co}\left(\text{lange } c \; w_{1}\right) = \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \times \; \mathsf{l} \; = \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; \mathsf{l} \; + \; \mathsf{l} \; +$$

ويتم تحديد قيمة ح<sub>ن – رن</sub> كما يلي :

		1. 1. <u></u>	العمود	4.00		
<u> </u>	.س	س.	ص۱	ص ۲	1,	1,
ځن	٥	٦,	•	•	e	
زد		۲۶	• .	-م	•	•
حد-ره	0+0-	7+64-	•			<del>-</del>

وارتبط بهذا الحل تكلفة مرتفعة للغاية وهي ١٦٥٠م جنيه. ونعلسم أنسه يمكن تخفيض هذه التكلفة بدرجة كبيرة. نستكمل فيما يلي إجراءات الحل.

تصميم جدول الحل الثابي

في صف حن ـ رن بجدول (V) وجدنا قيمتان سالبتان س،، سy. يعــــــني ذلك في طريقة السمبلكس ولمشاكل التدنية أن الحل الأمثل لم نصل إليه بعـــــد. نجد عمود س، مما يعني دخول س، بالحل بالجدول الثاني.

ما هو المتغير الذي سيترك الحل ليفسح مكانا للمتغير الجديد س٧٠ نقسم عناصر عمود الكميات على القيم المناظرة بعمود البؤرة.

> لصف ار = \_\_\_\_ = ١٠٠٠ Y ... لصف ص، = \_\_\_\_ = (قيمة لافائية لذلك يهمل)

لصف ص = --- = ١٥٠ (أصغر ناتج قسمة سيكون صف البؤرة)

ونظرا لأن صف البؤرة هو صف أب، ورقم البؤرة هو في تقاطع عمـــود س، وصف أب.

نصل إلى الصف الجديد في جدول السمبلكس التالي بقسمة كل عنصر في صف البؤرة على البؤرة ١. مما يترك قيم صف البؤرة القديم كما هو. عدا أنـــه أصبح يمثل حل للمتغير س٧. ويتم تعديل ألصفان الآخـــران بتطبيـــق المعادلـــة المذكورة في الخطوة (٤).

*صف* رن

رن (للمتغیر 
$$w_1$$
) =  $a \times 1 + 1 \times 4 + 7 \times 4 = a$ 

$$\mathbf{T} = \mathbf{1} \times \mathbf{T} + \mathbf{0} \times \mathbf{0} + \mathbf{0} \times \mathbf{0} + \mathbf{0} \times \mathbf{0} + \mathbf{0} \times \mathbf{0}$$
رن (للمتغير س

رن (للمتغیر ص،) = م × ۰ + ۰ × ۱ + 
$$\Gamma$$
 × ۰ = ۰ رن (للمتغیر ص،) = م × ۱ + ۰ × ۰ +  $\Gamma$  × − ۱ = م  $\Gamma$  رن (للمتغیر  $\Gamma$ ) = م × 1 +  $\Gamma$  × ۰ +  $\Gamma$  × ۰ = م  $\Gamma$  (ن (للمتغیر  $\Gamma$ ) = م ×  $\Gamma$  +  $\Gamma$  × ۰ +  $\Gamma$  ×  $\Gamma$  =  $\Gamma$  +  $\Gamma$  ×  $\Gamma$  =  $\Gamma$  (ن (لاجمالي التكلفة) = م ×  $\Gamma$  +  $\Gamma$  ×  $\Gamma$  × ×  $\Gamma$  ×  $\Gamma$ 

وتظهر نتائج هذه الحسابات في جدول (A). والعمل في آخسر الجسدول الثاني هو  $i_1 = 0.0$ ،  $o_2 = 0.0$   $o_3 = 0.0$   $o_4 = 0.0$  الثاني هو  $i_1 = 0.0$  منايا، وقيمة كل منهم صفر. ومازالت التكلفسة عنسد هسذا المستوى مرتفعة 0.00  $o_4 = 0.0$  جنيه. وهذه الإجابة ليست مثلى نظرا لأنسه ليس كل رقم في صف حن – رن صفر أو موجب.

		۴ .	۴	•	٠	٦	٠	مزيج	حد
	ً الكمية	٦,	,,	ص۲	ص۱	س,	١.٠٠	الحل	
	٨٥٠	1-	١	١	٠	•	١,	1,	۴
ا مف	٠	•	٠	•	١	•	0	ص۱	
البؤرة	10.	١	٠	1-	٠	•	•	ص۲	٦
		م+۲	۴	م-1	•	١.	· •	` زد	
			٠	٩	٠	-74+5	0+6-	ين <sup>س</sup> رد	2

La Maria Caraca

تطوير الجدول الثالث للحل

عمود البؤرة الجديد هو عمود س. ولتحديد أي متغير سيترك الحل الأساسي ليفسح مكان للمتغير س، تختبر عمود الكمية مقسوما على العنارة في عمود البؤرة.

۸٥٠ = \_\_\_\_\_ = ،١ م ١ ٣٠٠ لصف ص, = \_\_\_\_ = .٣٠٠ (أصغر ناتج قسمة) ١٥٠ للصف ص, = \_\_\_\_ = ما لانماية

ونظرا لأن المتغير ص, سيستبدل بالمتغير س, فإن رقم البؤرة تم تمييزهما في جدول (٨).

ولاستبدال صف البؤرة، يتم قسمة كل رقم في صف ص، على ١ (رقسم البؤرة) مما يترك الصف كما هو. ويظهر الصف الجديد س، في الجدول الجديسـد رقم (٩). وتظهر الحسابات الأخرى لجدول الحل الثالث كما يلي :

صف س	صف ۱٫
1 × + _ + = +	1 × 1 - 1 = •
·×·-1=1	• × 1 _ • = •
\ x • - • = •	1 × 1 - · = 1-
· × · _ 1-= 1-	• × 1 - 1 = 1
. x = .	· × 1 - 1 = 1
· × · - 1 = 1	· × 1 _ 1-= 1-
w., x 10. = 10.	<b>∀</b> × 1 _ ∧o. = oo.

قد يبدو أنه من الأكثر فعالية استبدال صف أ, بدلا من استبدال صـــف ص، مما يؤدي إلى استبعاد آخر متغير وهمي وقيمته الكبيرة م جنيه مـــن الحـــل بطريقة السمبلكس لا تستخدم دائما أقصر طريق للوصول إلى الحل النــــهائي.

ومع ذلك يمكن التاكيد ألها ستصل بك إلى الحل الصحيح في النهاية.

777



صف س۲	صف س۱
• × \• = •	· × · _ 1 = 1
· × 11 = 1	• × • - • = •
1-×1 = 1-	1-× · - 1 = 1
1 × 11-= •	\
1 × 1 = 1	<b>\</b> × • - • = •
1-×11= •	\- x • - • = •
1-×0010.= V.	00. × T = T

(c) (thorist, 
$$w_1$$
) =  $\cdot \times \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot + 7 \times \cdot = 0$  جنیه (c) (thorist,  $w_2$ ) =  $\cdot \times \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist,  $w_1$ ) =  $\cdot \times \cdot - \cdot + 0 \times \cdot \cdot + 7 \times \cdot = -7$  (c) (thorist,  $w_2$ ) =  $\cdot \times \cdot \cdot + 0 \times \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist,  $w_1$ ) =  $\cdot \times \cdot \cdot + 0 \times \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist,  $w_2$ ) =  $\cdot \times \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist,  $w_2$ ) =  $\cdot \times \cdot \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist,  $w_2$ ) =  $\cdot \times \cdot \cdot \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist) =  $\cdot \times \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot \cdot + 7 \times \cdot = 7$  (c) (thorist) =  $\cdot \times \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot + 0 \times \cdot \cdot \cdot \cdot + 7 \times \cdot \cdot = 7$ 

_			العمود			
	س۱	س٧	ص۱	ص۲	1,	1,
حن	٥	٦		٠	۴	۴
زن	٥	٦	1-	•	٦	
حد <sup>—</sup> رد	•	•	١	٠	م-۲	٩

وبفحص صف حن - رن في جدول (۱۰) وجدما أصفار أو قيم موجية. لذلك فإن الجدول الرابع يعتبر جدول الحل الأمثل. والحسل س، = 0.0، س، 0.0 وبالتعبير عنها بالصيغة الإدارية، فإن قرار شركة الكيماويات هو مسزح 0.0 كيلو من الفوسفات س، مع 0.0 كيلو من البوتاسيوم س، ثما يؤدي إلى تحقيق فائض في البوتاسيوم قدره 0.0 كيلو أكثر من الاحتياجات اللازمة للقيد س، 0.0 جنه.

وإذا رجعنا إلى شكل (٣) سنجد أن النتيجة تتطابق مع الإجابات السيتي حصلنا عليها بالحل البياني للمشكلة.

وبالرغم من إمكان حل مثل هذه المشاكل الصغيرة بيانيا، فإن مشــــاكل مزيج المنتجات يفضل حلها باستخدام السمبلكس وباستخدام الحاسبات.

جدول (۱۰) الجدول الرابع للحل بطريقة السمبلكس لمشكلة شركة الكيماويات

	۴	٩	٠	•	٦	٥	. مز	حد
- الكمية	٠,١	۱,	صγ	ص۱	س۲	س۱	الحل	
٥٥,	1-	١	١	١-	•	•	ص٠	•
۳	•	•	•	1	•	١	س۱	٥
٧٠٠	•	1	•	1-	1	٠	س۲	٦
٥٧٠٠	•	٦	•	١-	٦	٥	زن	
	م	م-7	•	1	•	٠	ن <sup>ــــ</sup> زن	ح

# ملحص لإجراءات حل مشاكل التدنية بالبرمجة الخطية

كما لخصنا خطوات حل مشاكل التقصية باستخدام طويقة السمبلكس، ما يلي خطوات حل مشاكل التدنية :

- ١- صمم دالة الهدف للبرنامج الخطى والقيود.
- ٢- أضف متغير عاطل لكل قيد أقل من أو يساوي، ومتغييرات فانضة للقيود أكبر من أو يساوي، وكل من المتغيرات الفائضة والوهمية إلى
   كل متساوية. ثم أضف كل هذه المغيرات إلى دالة الهدف.
- ٣- صمم جدول حل مبدئي لطريقة السمبلكس بوضع المتغيرات العاطلة
   والوهمية في الحل والمتغيرات الأصلية (س) مساوية للصفر. واحسب
   قيم كل من رن ، حن بالجدول.
  - ٤- نفذ الخطوات الأربعة التالية إلى أن تصل إلى حل أمثل:
- ب- حدد الصف الذي سيستبدل باختيار أقل قيمة (غير سالبة) لحساصل
   قسمة الكمية على المؤرة. وهو صف المؤرة.
  - جـــاحسب القيم الجديدة لصف البؤرة.
  - د- احسب القيم الجديدة لبقية الصفوف.
- هـــ-احسب رن ، حن رن بالجدول. وإذا وجدت أي قيمة أقل من الصفر في حن - رن ارجع إلى خطوة أ. وإذا لم تجد أرقام أقل من الصفر تكون قد وصلت للحل الأمثل.

## بعض الحالات الخاصة حين استخدام طريقة السمبلكس

ذكرنا في الفصل السابق بعض الحالات الخاصة التي يمكن أن تظهر عنسد حل مشاكل البرمجة الخطية بيانيا. وسندرس هنا هذه الحالات بالإشارة إلى طريقة السمبلكس.

## عدم وجود منطقة إمكانيات Infeasiability

تحدث حالة عدم وجود منطقة إمكانيات حينما لا تجد حل يلبي كل قيسود المشكلة. وفي طريقة السمبلكس، يمكن التعرف على عدم إمكان الحل بالنظر إلى آخر جدول. سنجد القيم بصف حن - رن بإشارة مناسبة للوصول للحل الأمثل، ولكن منفير وهمى أ, سيكون في مزيج الحل.

ويوضح جدول (11) الجدول الأخير لطريقــــة الســـمبلكس لمشــكلة افتراضية للتدنية باستخدام البرمجة الخطية. ويعرض الجدول مثال لمشكلة مصاغة بطريقة غير مناسبة، ربما تحتوي على تعارض بين القيود. ولا يوجد حل ممكــــن نظرا لأن المتغير الوهمي أ، يبقى في تشكيلة الحل بالرغم مـــن أن قيـــم حد - دد تظهر قيم موجبة أو صفر (معيار الوصول إلى الحل الأمثل).

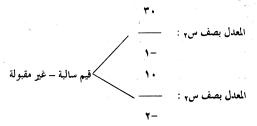
جدول (11) مثال لعدم وجود منطقة إمكانيات

	•	۴	•	•	٨	•	مز	حد
الكمية	,i	1,	ص۲	ص ۱	س۰	س۱	الحل	
٧	•	1-	٣	٧-	•	١	س۱	٥
1	•	<b>Y</b> -	•	•	١	٠	سو	٨
٧.	1	1-	1-	•	•	٠	ŢĬ	٩
٠٠٨٠+٢م	۴	P-71-	٣١-م	٧	٨	•	رد	
	٠	71+67	م-۲۱	*	•	•	ين−رن	-

#### الحلول اللانمائية Unbounded Solutions

الحلول اللانمائية هي التي لها حل لا نمائي. وتحدث في مشاكل التقصيسة فمثلا، حين إمكان جعل أحد المتغيرات الأساسية كبير جدا بدون التعدي علسى أحد القيود (راجع شكل (١٣)). ويمكن اكتشاف في طريقة السمبلكس شسرط اللانمائية قبل الوصول إلى جدول الحل النهائي. سنلاحظ وجسود مشسكلة في تحديد أي المنفيرات يجب استبعاده من تشكيلة الإنتاج. والإجراء الذي نتبعسه، كما شرحنا في هذا الفصل، هو قسمة كل كمية على المناظر لها بعمود البورة. والصف ذر أصغر معدل موجب يتم استبداله ولكن إذا ما وجدنا كل نواتسسج القسمة سالبة أو لا نمائية، فيدل ذلك على وجود مشكلة حلول لا نمائية.

ويوضح جدول (١٣) الجدول الناني في حل إحدى مشساكل التقصيسة بالبرعجة الخطية بطريقة السمبلكس. ويوضح مشكلة اللافائية. فالحل ليس أمشل نظرا الأن كل القيم في صف حن – رن إما صفر أو سالية، كما هو مطلسوب في مشاكل التقصية. والمتغير الثاني الذي يدخل إلى الحل هـــو س.. ولتحديـــد أي المتغيرات سيترك الحل، نفحص نتيجة قسمة عناصر عمود الكمية على عنــــاصر عمود البؤرة وهو س.



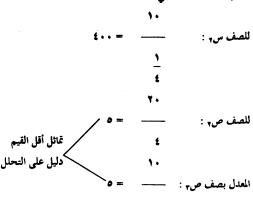
جدول (١٢) توضيح مشكلة الحلول اللانهائية

	۴	٠ , ۴	• ;	. • .	<b>.</b>	, ,	مز	حن
الكمية	1,	1,	ص٠	ص۱	س,۲	س۱	الحل	
۲.,	•	1-	٣	٧-	•	١	س۱	٥
١	•	<b>Y</b> -	Y Y	. ,	1	•	س۲	Å
۲.	1	1-	1-	•	•	٠	٦,	۴
۰۰۸۰+۲۹	٩	- ۲۱ – م	۳۱-م	۲-	٨	٥	زد	
	•	71+67	م- ۱ ۳	۲.	•	•	ن-رد	_

ونظرا لأن كل من رقمي عمود اليؤرة سالبان، سيؤدي ذلك إلى حـــل لا هائي. يحدث التحلل حين استخدام طريقة السمهلكس لحل البرمجسة الخطيسة. وعندما تحتوي مشكلة على قيود فانضة، أي، قيد أو أكثر بالبرنامج يجعل قيسد آخر غير ضروري. فمثلا، إذا كان لإحدى المشاكل القيود الثلاثة التالية

يوضح شكل (١٣) مثال لتحلل مشكلة. في هذه المرحلة من التحسين لبرنامج خطي باستخدام السمبلكس، فإن المتغير التالي الذي يدخسل لتشكيلة الحل سيكون س،، ونظرا لأنه ذو القيمة الموجبة الوحيدة في صف حن – رد.

## تحسب المعادلات كما يلي :



جدول (١٣) مشكلة توضع حالة التحلل

	۴	۴	٠	*	٨	٥	مز	حن
الكمية	۱,	1,	ص ۲	ص١	س۲	س۱	الحل	
١.	٠	•	۲-	١	•	1 1	س۲	۸
۲.	•	1	1-	<u>,</u>	•	٤	ص۲	•
1.	١	•	<del>Y</del>	۲	•	۲	ص*	•
۸۰	•	٠	17	٨	٨	۲	زن	
	•	•	17-	٦-	•	٣	د ارد	ح
						د البؤرة	عموا	

ويؤدي التحلل نظريا إلى موقف يعرف بالدائري وفيه تنتقــل حســابات السمبلكس للخلف وللأمام بين نفس الحلول غير المثالية، أي، تدحـــل متغــير جديد، ثم تستبعده في جدول تالي، ثم تعيد إدخاله ثم تستبعده. وأحـــد الطــرق البسيطة لمواجهة هذه المشكلة تتم بأخذ أي صف (س، أو س، في هذه الحالــة) عشوائيا. وإذا كنا غير محظوظين وحدث الدوران، نرجع ونختار الصف الآخر.

## وجود أكثر من حل أمثل

جدول (١٤) عرض لمشكلة لها أكثر من حل أمثل

	•	•	۲	٣	مزيج	حن
الكمية	ص٠	ص ۱	س،	س۱	الحل	
<b>1</b>	•	1.	,	. ٣	س۲	۲
	_			Y		
٣	1	1	•	•	ص۲	
		*				
<b>\Y</b>		۲	Y	٣	رن	
`	•	٧	•	•	حد-ره	

ودرسنا كيفية تحويل القيود الأقل من أو يساوي والأكبر من أو يساوي إلى متساويات تصلح لطريقة السمبلكس. ويتضمن هسندا التحويسل إضافسة متغيرات عاطلة، متغيرات فائضة، ومتغيرات وهمية. ونصمم جدول الحل المدني والذي يوضح البيانات الأصلية للمشكلة. كما يحتوي علسى صف يوضح معلومات عن الربح أو التكلفة وصف لصافي التقييم. ويوصف الصف الأخسير بأنه صف حن – رن ويفحص لتحديد مدى الوصول إلى الحل النهائي. ويوضح أي المتغيرات ستدخل بعد ذلك في تشكيلة الحل، أو الحل الأساسي، إذا كسان الحل الحل غير أمثل.

وتتكون طريقة السمبلكس من خمس خطوات: (١) تحديد عمود البؤرة، (7) تحديد صف البؤرة وقيمتها، (7) استبدال صف البؤرة، (3) حساب القيم الجديدة لكل صف آخر بالجدول، (9) حساب قيم صفوف (0) ح حساب وفحصهما للمثالية. وكل جدول في هذه الإجراءات المرحلية تم شرحه لمشاكل التدنية.

أخيرا، درسنا مجموعة من الحالات التي تمثل صعوبات في الحل باستخدام طريقة السمبلكس لمشاكل البرمجة الحطية. وقد عرضنا أمثلة لمشاكل عدم وجود منطقة إمكانيات، حلول لا نحائية، النحلل، وتعدد الحلول المثلى لنفس المشكلة. وبالرغم من أن المشاكل الكبيرة للبرمجة الخطية تساعد في تفسيم كيفية حلها يدويا، فإن الهدف من هذا الفصل هو المساعدة في تفهم كيفية عمل طريقة السمبلكس. فتفهم القواعد الأساسية سيساعدك في تفسير وتحليسل الأسسس لقضايا أخرى، والإجابة على الأسئلة عن المشاكل التي تواجهها بعد الوصول إلى الحل الأمثل والتي يطلق عليها تحليل الحساسية أو تحليل ما بعد المتالية.

تطبيقات محلولة

تطبيق محلول رقم (١)

حول القيود التالية ودالة الهدف إلى الشكل المناسب للاستخدام في طريقة

تدنية التكلفة = ٤س١ + ١س٢ ۳ = س + س۳ بحيث

٤ س۱ + ۳س۲ ≥ ۳

 $m \ge \gamma m \gamma + \gamma m$ 

تدنیة التکلفة ٤س، + ١س، + صفر ص، + صفر ص، + م أ، + م أ، + م أ، **"** = ,11+ ۳س۱ + س۲ بحيث + 11, = 7 ٤س، + ٣س، -١ص، + ١ص١ +

تطبيق محلول رقم (٢)

حول مشكلة البرمجة الخطية التالية :

۲س۲ + ۲س۲

تقصية الربح ٩س، + ٧س،

بحیث 
$$\Upsilon$$
 سر + ۱س  $\geq$  و 4 بسر  $\geq$  و 4 بسر

الحل

نبدأ بإضافة متغيرات عاطلة وتحويل المتباينات إلى متساويات.

$$\xi \cdot = \gamma_0 + \gamma_0$$

$$\Upsilon \circ = \gamma \omega + \gamma \omega + \gamma \omega + \gamma \omega + \gamma \omega$$

ويظهر جدول الحل الأساسي كما يلي :

	•	•	٧	4	شک	حد
الكمية	ص۲	ص۱	سγ	س۱	الحل	
٤٠	•	١	١	$\odot$	س۱	٠
۳.	١	•	٣	١	س٧	•
	•	•	•	•	زن	
	•	•	٧	9	نر <u>د</u>	-

ويظهر فيما يلي جدول الحل الثاني والثالث وبعــــــض مـــن الحســـابات المرتبطة. ويظهر الحل الأمثل في الجدول الثالث وهو :

$$m_1 = \Lambda$$
۱، س $_1 = 2$ ، ص $_2 = \alpha$ فر، ص $_3 = \alpha$ 

الحطوتان 1، ٢ : للانتقال من أول جدول إلى الجدول الثاني، نلاحظ أن عمود البؤرة (في الجدول الأول) هو س، ذو أعلى قيمة حن – رن ٩ جنيـــــه. وصف البؤرة ص، نظرا لأن ٢/٤٠ أقل من ١/٣٠ وقيمة البؤرة ٢.

الخطوة ٣: نوجد الصف الجديد س, بقسمة كل رقــم في صـف ص، القديم على رقم البؤرة أي :

٤٠		٠	1	1	1	1	*
۲.=	· , • =		=		·=	،	١ =
۲		۲	۲	۲	۲	۲	۲

الخطوة ٤ : تحسب القيم الجديدة في صف ص، كما يلي :

(الرقم المناظر في صف س, الجديد)	×	(الوقع أسفل دقع البؤدة)	-	الوقم في صف ص+ القديم	=	الرقم في صف ص+ الجديد
•	×	•	-	1	-	•
<u>,                                    </u>	×	•	-	٣	=	<u>•</u>
۲.	×	,	_		=	1-
<del>-</del>						<u> </u>
•	×	•	_	. 1	=	1
٧.	×	1	_	۳.	=	١.

الخطوة ٥ : تحسب القيم الجديدة لكل من رن ، حن - رن كما يلي :

ح - رن = ۹-۹ =۰	رن (للمتغير س <sub>١</sub> ) = ٩×٠ + ٠×٠ = ٩ جنيه
ح - رن = ۹-۹ = ٥	رن (للمتغير س <sub>٧</sub> ) = ٩×٠ + ٠×٥ = ٩ جنيه
Y Y	`Y Y " Y
حن - رن = ٠ - ٩ = - ٩	رن (للمتغير ص <sub>١</sub> ) = ٩×٠ + ٠٠٠ جيا
Y Y	Y Y Y
حن - رن = ٠ - ٠ = ٠	رن (للمتغير ص <sub>۲</sub> ) = ۹×۰ + ۰×۱ = ۰ جنيه
w d	رن (للربح) = ۹×۰ ۲ + ۰×۰ = ۱۸۰ جنیه

	•	• .	<b>V</b>	, <b>1</b> '	مزيج	حن
الكمية	ص ۲	ص۱	س٧	س۱	الحل	
۲.	٠	1	1	١	س۱	٩
١.	•	<u>'-</u>	( <u>a</u>	•	صγ	•
۱۸۰	•	<u>•</u>	9 7	4	زن	
	•	9-	<u>•</u>	•	حد-رد	
		4	٧			

الحل السابق ليس أمثل حل ويجب أن نكرر الخطوات من 1 الى ٥ مـــرة أخرى وسيكون عمود البؤرة الجديد س، وصف البؤرة الجديد ص، ٥ هــــي البؤرة.

	•	•	٧	9	مزيج	حن
الكمية	ص.	ص۱	س.	س۱	الحل	
١٨	1-	*	•	1	س۱	1
	•	٥				
£	<u> </u>	1-	1	•	س۲	٧
	•	•				
14.	•	ŧ	٧	4	زد	
	1-	<b>£</b> -	•		حد-رد	

الحل الأمثل س، = ١٨ ، س، = ٤ ، والربح = ١٩٠

- ١- اشرح اهداف وإجراءات طريقة السمبلكس.
- ٧- ما هي أوجه الاختلاف بين طريقة الحمل البيساني وطريقة السمبلكس لحل مشاكل البرمجة الخطية؟ وما هي أوجه التشسابه بينهما؟ في أي الحالات تفضل استخدام المدخل البياني؟
- ٣- ما المقصود بالمتغيرات العاطلة، والفائضة، والوهمية؟ ومستى
   تستخدم كل منها، ولماذا؟ وما قيمة كل منها في دالة الهدف؟.
- ٤- شكلت مشكلة برمجة خطية تحتوي على ١٦ متفسير قــرار و٨ قيود. ما هو عدد متغيرات الحل التي ستظهر؟ وما هو الفرق بــين متغير أساسي ومتغير غير أساسي؟
- ۵ ما هي قواعد السمبلكس لتحديد عمود البؤرة؟ وصف البــؤرة؟
   والبؤرة؟
- ٧- ما هو سبب استخدام أدنى معدل في تحديد صف البؤرة؟ ومـــاذا
   سيحدث اذا لم تتبع ذلك؟
  - ۸ مشكلة برمجة خطية لها دالة الهدف التالية :

تقصية الربح ٨س, + ٦س, + ٢١س، - ٢س، علم المتغير الذي يجب أن يدخل في الجدول الثاني للحل؟ وإذا كانت دالة الهدف

تدنية تكلفة ٢,٥س، + ٢,٩س، + ٤س، + ٩,٧س؛

أي المتغيرات سيكون أفضلها للدخول في جدول الحل التالي. ٩- ماذا سيحدث إذا ظهر متغير وهمي في الحل الأساسي النـــهائي. وما يجب عمله في هذه الحالة؟

• 1- اقترح أحد الباحثين أنه بدلا من اختيار المتغير ذو اكسبر قيمة موجمة حن – رن (في مشكلة النقصية بالبرمجة الخطية) للدخسول لحدول الحل التالي، يوجد مدخل آخر. واقسترح أن المتغير ذو القيمة الموجمة حن – رن يمكن اختياره إذا لم يكن أكبرها. مساذا سيحدث إذا طبقنسا هذه القساعدة الجديسدة في إجسراءات السمبلكس؟ هل سيمكن الوصول إلى حل أمثل؟

١- تقوم شركة طه مصطفى ببناء عمارتان سكنيتان وترغب في تحديد. عدد الشقق في كل عمارة وفقا لقيود العمالة والمواد. ويقدر ربح كل شسقة في العمارة الأولى بمبلغ ٩٠٠ جنيه ولكل شقة بالعمارة الثانيسة ١٥٠٠ جنيه ( الأرقام بالمائة جنيه). وما يلي جزء من جدول الحل المبدئي بطريقة السسمبلكس لهذه المشكلة.

	•	•	10	9	شکو	حن
الكمية	ص۲	ص۱	س۲	س۱	الحل.	
441.	•	١	٤	١٤		
47	•	•	17	١.		
					زد	
					ين™زن	_

- أ- أكمل جدول الحل المبدئي.
- ب- أعد تشكيل البرنامج كما بدأ (استبعد المتغيرات العاطلة).
  - جــ- اكتب دالة الهدف الأصلية للمشكلة.
    - د- ما هو أساس الحل المبدئي؟
  - هــــ أي المتغيرَات يجب أن يدخل للحَلُّ في الجدول التالي؟ ﴿
    - و- أي المتغيرات يجب أن يترك الحل في الجدول التالي؟
- ز- ما هو عدد الوحدات للمتغير الذي سيدخل للحل التالي ويكسون أساس للجدول التالي.

٧- أعطيت لك مشكلة البرمجة الخطية التالية:

أوجد أقصى ربح ٥,٨٠ س، + ٤,٠ س، + ١,٢ س، + ٠,١ س،

بحيث: س+ ۲س+ + ۵س خ ۱۵۰ ≥ ۱۵۰

س - ٤س + ٨س = ١٠٠٠

 $170 \leq 100 - 100$ 

س، ، س، ، س، ، س، ک صفر

 أ- حول القيود إلى متساويات بإضافة متغيرات عاطلة، ومتغيرات فائضة، أو متغيرا وهمية. وأضف هذه المتغيرات لدالة الهدف.

ب- صمم جدول الحل المبدئي بطريقة السمبلكس.

٣- حل بيانيا مشكلة البرمجة الخطية التالية ثم صمم الجدول الأول للحل بطريقة السمبلكس وحل المشكلة. حدد نقاط الأركان التي وصلت إليها بطريقة السمبلكس في كل جدول على الرسم البياني.

۳س۱ + ۵س۲

تقصية الربح

سγ ≤ ۲

بحيث

1 A ≥ YWY + YWT

س، ، سy ≥ ۰

ع- حول مشكلة البرمجة الخطية التالية إلى الشكل المناسب للحل بطريقة السمبلكس

۰ ۲س، + ۰ ۱س،

أوجد أقصى قيمة

401

حل مشكلة البرمجة الخطية التالية بيانيا ثم بطريقة السمبلكس

أوجد أدبى تكلفة ٤س، + ٥س،

س، + ۲س، ≥ ۸۰

بحيث

۳س + س ≥ ۵۷

س، ، سγ ≥ ۰

ما هي قيمة الحِلول الأساسية لكل مرحلة تحسين. وأيهم متغــيرات غــير أساسية في كل مرحلة تحسين؟

٦- ظهر جدول الحل النهائي لطريقة السمبلكس لمشكلة تقصية بالبرمجــة الخطية كما يلي :

	۴-	٠	•	٥	٣	مزيج	حن
الكمية	٦,	ص۲	ص۱	س۲	س۱	الحل	
٦	•	•	۲	١	١	س۱	٥
*	1	1-	٧	•	1-	,1	-م
۰۳۰۲م	-م	۴	٠٠+٢م	٥	٥+م	ره	
	•	<b>f</b> -	-٠١-٢م	٠	-7-9	حد-رد	

اشرح دلالات هذا الجدول.

٧- أعطيت لك المشكلة المالية التالية:

أوجد أقصى عائد على الاستثمار ٢س، + ٣س٠

 $1 \wedge 2 + 9 \dots + 1 \wedge 2$  کیث

٩ س، + ٣س، ≤ ٩

س، ، سγ ≥ ٠

أ- أوجد الحل الأمثل باستخدام طريقة السمبلكس.

ب- ما هي دلائل وجود حل بديل أمثل؟

جــ- أوجد الحل المثل البديل.

د- حل المشكلة بيانيا، واعرض الأركان البديلة للحل الأمثل.

٨- في الجدول الثالث للحل بطريقة السمبلكس لمشاكل التقصية، تم
 عرض الجدول التالي :

	•		•	٠	٦	٥	مزيج	حد
الكمية	ص۳	ص ۲	ص۱	س۳	س۲	س۱	الحل	
٥	٣	•	١	١	١	•	س۳	٥
17	• 1	•	•	•	٣-	١	س۱	٦
١.	1-	1	1	•	*	•	س۲	•
4٧	۲١	•	٥	٥	14-	٦	زد	
	*1-	•	<b>o</b> -	•	17	•	حد-رد	

ما هي الشروط الحاصة الواجب توافرها حين محاولة تحســــين الأربــــاح والانتقال إلى الجدول التالي؟ استكمل حل المشكلة للوصول للحل الأمثل.

٩ تفكر إحدى شركات الأدوية في إنتاج ثلاثة أدوية جديدة. وصممت
 دالة الهدف لتدنية تكلفة المكونات وحددت ثلاث قيود على الإنتاج كما يلي :

س، ، س∗ ≥ ۰

أ- حول القيود ودالة الهدف إلى الشكل الملائم لاستخدام جـــداول السملك

ب- حل المشكلة بطريقة السمبلكس. ما هو الحل الأمثل وما هي تكلفته؟

١٠ تنتج شركة حسن ماهر منتجان. ووفقا للعقــود الســابقة تبــين ضرورة إنتاج ٣٠ وحدة من المنتج الأول أو الثاني بأي مزيج. ووفقا للاتفـــاق مع نقابة العمال تحدد أن تعمل الآلات على الأقل ٤٠ ساعة في الأسبوع. يحتاج المنتج الأول إلى ٢ ساعة عمل آلة وتكلفة كل وحدة من المنتج الأول ٢٠ جنيه ومن المنتج الثاني ٢٤ جنيه.

أ- صمم البرنامج الخطى لمشكلة تدنية التكلفة لهذه الشركة.

ب- حل البرنامج الخطي باستخدام طريقة السمبلكس.

11 - تحقق كل من مائدة قهوة تنتجها شركة زحلة صافي ربح قدره ٩ جنيه، وكل مكتبة كتب تحقق ٢٦ جنيه أرباح. وشركة زحلة شركة صغيرة محدودة الموارد وفي ظل أي دورة إنتاج لمدة أسبوع، يتاح لها ١٠ كيلو ورنيسش و ٠٢ لوح من الخشب الأحمر. وتحتاج كل مائدة قهوة إلى ١ كيلو ورنيسش و لوح من الخشب بينما تحتاج كل مكتبة إلى ١ كيلو ورنيسش و ٢ لوح من الخشب. شكل البرنامج الخطي لمشكلة تشكيلة الحل لشركة زهلسة. وحلها بطريقة السمبلكس. ما هو عدد الموائد والمكتبات التي يجب إنتاجها اسبوعيا؟ وما هو أقصى ربح ممكن؟

١٢ - تقوم شركة التوريدات الحديثة بتعبئة وتوزيع مستلزمات صناعية. والشحنة النمطية يمكن إرسالها في عبوات من النوع أ. أو النوع ب، او النوع جـ. وتحقق العبوة من النوع أ ٨ جنيه ربح، ومن النوع ب ٣ جنيه ربح، مـن النوع جـ ١ جنيه ربح. ويحتاج إعداد كل شحنة إلى مواد تعبئة وتغليف وإلى وقت معين في الأعداد. كما يلي :

الموارد اللازمة للشحنة النمطية						
ساعات تعبئة وتغليف	مواد تعبئة وتغليف	نوع العبوة				
۲	۲	1				
٠, .	•	<b>ب</b>				
£	٣	<del></del>				
٠ ٢٤ ساعة	17.	إجمالي الموارد المتاحة أموب				

وعليك اتخاذ قرار تحديد العدد الأمثل لكل نوع من أنـــواع العبــوات الواجب إعداده أسبوعيا. وذلك في ظل القيد المذكورة بالمشكلة. على أن تلــتزم بالعمالة الكاملة لعدد ٢ عاملين لمدة ٢٤٠ ساعة أسبوعيا (٣٤٠ = ٢٤٠) شكل البرنامج الخطى وحله باستخدام طريقة السمبلكس.

17 - اشترت شركة فنادق السعادة فندق صغير بمرسى مطروح وترغب في إعادة تصميمه ويتوقع له سوق مجتازة وتحتوي عملية إعادة التصميم علسسى عديد من البدائل. أساسا، يمكن تصميم أربع نماذج من الغرف من غرف الفندق القديم، وهي : غرفة سوير واحد مجتازة، غرفة سوير واحد عادية، جناح محساز، وشقة مفروشة. وسيحقق كل نوع ربح مختلفة، ويجتاج كل نوع إلى استثمارات مختلفة في السيحاد والطلاء والأجهزة وأعمال النجارة. ويفرض قسرض البسك موازنة محددة لهذه العملية. وتظهر بيانات الأرباح وتكاليف إعادة التصميم لكل نوع كما يلي :

إجمالي		برفة	نوع الغ		
الموازنة	غققت	جناح كيتا	غو	غرفة كيتا	_
					إضافات جلق
<b>79</b>		3	1	11	سجاد
۲۸۰۰۰	***	٤٠٠	3	٧	طلاء
	٩.,	14	17	****	أجهزة جديدة
14	*	***	٤٠٠	1	أعمال نجارة
	40	••••	1	۸٠٠٠	ربح الوحدة

وتكلفة السجاد للغرفة المتازة • ١٩٠٠ جنيه، وللغرفة العاديسسة • ١٠٠٠ جنيه، وهكذا. وهناك مبلغ • • • ٣٥ جنيه مخصصة للسجاد في موازنة الفندق.

وتشترط وزارة السياحة ألا يزيد عدد الغرف من الأنسواع المختلفة في مجموعها عن ٥٠ غرفة عند إتمام التعديل. وليس أقل من ٢٥ غرفة. وقسسرت شركة الإنشاءات والديكور أنه على الأقل ٤٠ % ولكن لا يزيد عسن ٧٠% من الوحدات يجب أن يكون غرف ممتازة وعادية. وليس من الضروري إنفساق كل موازنة بند بالرغم من عدم تأثر الربح بوفورات التكساليف إلا أن قسرض البنك يحمل فوائد ولا يمكن نقل المخصص لأحد البنوك إلى بند آخر. أي منسالا سحب مبلغ من موازنة الطلاء لحساب موازنة الأجهزة الجديدة.

أ- شكل البرنامج الخطي لهذه المشكلة لتقصية الربح.

ب- حول دالة الهدف والقيود بإضافة المتغيرات المناسسية العاطلسة، الفائضة، والوهمية.

### الفصل السادس

# نماذج الرقابة على المخزون

#### **INVENTORY CONTROL MODELS**

مقدمة

يعتبر المخزون أحد الأصول الهامة والمكلفة لعديد من الشركات وقسد عثل في بعضها أكثر من 8 % من إجمالي الاستئمارات. وقد توصل المديرسسن منذ فترة طويلة إلى أهمية الرقابة الجيدة على المخزون. فمن ناحية يمكن للشوكة تخفيض التكاليف بتخفيض مستويات المخزون. ومن ناحية أخسرى، لا يرضسى العملاء عن تكرار نفاذ المخزون. وبالتالي على الشركات الموازنة بين مستويات المخزون المنخفضة والمرتفعة. وكما هو متوقع، فإن تخفيض التكاليف لأدنى حسد هو أهم عامل في الحصول على الرصيد المناسب.

والمخزون هو أي موارد مخزنة تستخدم لتلبية احتياج التجاريسة او مستقبلية. والمواد الأولية، والإنتاج تحت التشفيل، والإنتاج التام أمثلة لأنسواع المخزون. ويشتق مستوى مخزون الإنتاج التام من الطلب مباشرة. فإذا ما حددنا الطلب على السيارات، مثلا، فمن الممكن استخدام هذه المعلومسات لتحديسه احتياجاتنا من ألواح الصاح، والطلاء، والإطارات وغيرها مــــن الاحتياجـــات اللازمة لإنتاج المنتج النهائي.

وبكل المنشآت نوع ما من أنواع رقابة وتخطيط المخزون. فالبنوك لهــــا طرقها في الرقابة على مخزوها من النقود. والمستشفيات لها طرقها لرقابة أكيــاس الدم وغيرها من الممستلزمات ألهامة. والمحافظات والمحليات والمدارس وبــــالطبع الشركات الصناعية والتجارية لهتم جميعها بتخطيط ورقابة المخزون.

at displayed in the parties are the controlled to the

ودراسة كيفية مراقبة الشركة للمخزون تعادل دراسة كيفية تحقيق الأهدافها بتقديم السلع والخدمات لعملائها. فللمخزون هو الحيط الذي يربط كل وظائف وأدوات الشركة ببعضها البعض. ويوضي حسكل (١) المكونات الرئيسية لنظام تخطيط ومراقبة المخزون.

وتمتم مرحلة التخزين أساسا بالأصناف التي يجب تخزينها وكيفية طلبسها وسواء كانت ستنتج أو ستشترى. والدورة العكسية في شكل (١) تقدم طريقة لتعديل الخطة والتنبؤات بناء على الخبرة والملاحظة.



وعن طريق تخطيط المخزون، تحدد المنظمة السلع أو الخدمات الواجسب انتاجها. وعند تحديد الانتاج أو الشراء من شركة أخرى، فإن الخطوة التالية هي النتبؤ بالطلب. ويوجد عديد من الأساليب الرياضية التي يمكن استخدامها للتنبؤ بالطلب على منتج معين. يهتم هذا الفصل بالرقابة على المخسزون، أي كيفيسة المحافظة على مستويات كافية من المخزون بالمنشأة.

أهمية الرقابة على المخزون

تخدم الرقابة على المخزون عديد من الوظائف وتضيف المرونة الكافيـــة لتشغيل المنشاة. (هنالك ستة استخدامات للمخزون :

١. وظيفة ضمان استمرار العمليات decoupling.

۲. تخزين الموارد.

٣. الحماية من التضخم.

٤. عدم انتظام العرض مع الطلب.

٥. خصم الكمية.

٦. تجنب نفاد المخزون أو نقصه.

وظيفة ضمان استمرار العمليات Decoupling

أحد الوظائف الهامة للمخزون هي توفير احتياجات العمليات الإنتاجيــة داخل المنشاة فإذا لم تحفظ المخزون، فقد يحدث تأخير وعدم كفاءة في العمليات. فمثلا، إذا كانت إحدى العمليات الصناعية يجب إتمامها قبل أن يبدأ نشاط ثاني، فإنه قد يوقف كل المراحل التالية. وإذا تم التخزين بين المراحل، فإنـــه يعمــل كاحتياطي buffer.

### تخزين الموارد

المنتجات الزراعية والأسماك لها مواسم معينة يمكن فيها ضم المحصول أو صيد السمك، ولكن الطلب على هذه المنتجات ثابت إلى حد ما طوال السسنة. في هذه الحالة وفي الحالات المماثلة، يمكن استخدام المحسوون لتخريسن هسذه الموارد.

وفي العمليات الصناعية، يمكن تخزين المواد الأولية على حالتها أو في شكل إنتاج تحت التشغيل أو إنتاج تام. ولـــذا، إذا كــانت شــركتك تنتــج دراجات، فقد تشتري الإطارات من مصنع آخر. وإذا كان لديك ٠٠٠ دراجة تامة، و ٠٠٠ إطار يكون لديك ١٠٠٠ إطار بالمخازن، وهي ٢٠٠٠ إطار مخزنين كما هم، و ٢٠٠٠ إطار (٢٠٠٠) مخزنين في الإنتاج التام. وبنفس المنطـــق فإن الأجور تخزن في المخزون. إذا كان هناك ٥٠٠ عملية تجميع جزئي وتحتــاج كل عملية إلى ٥٠ ساعة، تكون قد خزنت ٢٠٠٥ ساعة عمــل في مخــزون الإنتاج تحت التشغيل. وبصفة عامة، فإن أي موارد سواء كــانت طبيعيــة أو غيرها، يمكن تخزينها في المخزون.

#### الحماية من التضخم

ويمكن أن يعمل تخزين موارد المنشأة في المخزون كحماية ضد التضخم. وإذا وضعت مدخراتك النقدية في البنك، فيمكنك الحصول على ١٠% عملند. ومن ناحية أخرى، بعض المواد يرتفع سعرها بما يزيد عن ١٥% لذلسك قسد يكون من المفضل الاستثمار في المخزون لحفظ المدخرات في المخزون. وبالطبع، عليك الأخذ في الحسبان تكلفة حيازة المخزون ( تأمين، حراسسة، تلسف ...) والذي سيتم دراسته لاحقا.

## عدم انتظام العرض مع الطلب

عندما يتصف المعروض من المنحزن بعدم الانتظام مع الطلب عليه، فــان تخزين كمية معينة منه. وإذا كان الطلب على المرطبات يزيد في فصل الصيـــف فيجب على الشركة التأكد من تخزين كمية كافية من العصائر الطازجة في فصــل الشتاء. فسيتم زيادة المخزون من العصائر أثناء الشتاء ولكن ستحتاج إلى هـــذا المخزون في الصيف. ونفس الشيء صحيح لعدم انتظام العرض كما في تخزيـــن الأرز أو القطن في موسم الحصاد لاستخدامه طوال العام.

## خصم الكمية

استخدام آخر للمخزون يتمثل في مزايا الحصول على خصم الكميسة. حيث يقدم عديد من الموردين خصم على الكميات الكبسيرة. فمشلا، شسنطة الكتب تباع بسعر ٤٠ جبيه للوحدة ولكن إذا طلبست ٣٠٠ شسنطة لأحد المؤتمرات فقد يمكنك الحصول على الشنطة بسعر ٣٣ جبيه. فالشراء بكميسات كبيرة يمكن أن يخفض من تكلفة المنتجات. وهنالك بعض النقسسائص للشسراء بكميات كبيرة. فسيكون عليك التحمل بتكلفة أعلى في التخزين، وتكلفة أعلى نتيجة للتالف والفاقد والسرقة، والتأمين وغيرها. علاوة علسسى ذلسك، فبان نتيجة للتالف والفاقد والسرقة، والتأمين وغيرها. علاوة علسسى ذلسك، فبان الاستثمار في مخزون إضافي سيحجب عنك من النقود السسائلة كان يمكس استثمارها في أي بديل آخر.

# تجنب نفاد ونقص المخزون

وظيفة أخرى هامة للمخزون تتمثل في تجنب العجز أو نفاد المخــزون. فإذا تكرر نفاد المخزون، فقد يتوجه العملاء لمــورد آخــر للحصــول علــى احتياجاتهم. وتدهور الشهرة يمكن أن يكون جزاء كبير تتحمله الشركة نتيجــة لعدم توفر الأصناف المطلوبة في الوقت المناسب.

#### قرارات المخزون

بالرغم من وجود ملايين من الأصناف التي تنتج في شركاتنا، هنــــــالك قراران أساسيان يجب اتخاذهما لوقابة المخزون في أي شركة.

١. ما هي الكمية التي ستطلبها؟

٢. متى سيتم طلبها؟

وقدف كل نماذج المخزون وأساليبه إلى الرشد في تحديد الكمية السبق ستطلب وفي توقيت الطلب. فالمخزون يلمي عديد من الوظائف الرئيسية داخسل المنشأة. وكلما زاد المخزون كلما تم تلبية هذه الوظائف، ولكن تزداد تكلفسة التخزين وتكلفة المحافظة على المخزون. وبالتالي، يجب الوحسول إلى تسوازن في تحديد مستويات المخزون. وتدنية إهمالي تكاليف المخزون هدف رئيسي لرقابسة المخزون ومن أهم تكاليف المخزون و:

- ١. تكلفة الأصناف.
- ٢. تكلفة إصدار أمر توريد.
  - ٣. تكلفة حيازة المخزون.
    - ٤. تكلفة مخزون الأمان.
  - ٥. تكلفة نفاد المخزون.

وتفترض نماذج المخزون التي ستشرح في هيسندا الفصل أن الطلب والوقت اللازم لاستلام الطلب معروفين وثابتين وأنه لا يوجد خصم كمية. وفي هذه الحالة فإن أهم تكلفة ستكون تكلفة إصدار أوامر الشراء وتكلفة حيسازة اصناف المخزون خلال فترة من الزمن أنظر جدول (١)الذي يحتوي على قائمة بأهم العناصر المكونة لهذه التكاليف. ولذلك فالهدف من اتخاذ قرارات المخزون، هو تدنية مجموع تكاليف الحيازة وتكاليف إصدار أمر الشسراء. وسسندرس في فصل تالي نماذج أكثر صعوبة لقرارات المخزون.

## الحجم الاقتصادي للطلبية لتحديد الكمية التي يتم طلبها Economic Order Quantity (EOQ)

الحجم الاقتصادي للطلبية أحد أقدم النماذج وأكثرها انتشارا كأسلوب لمراقبة المخزون. ويرجع استخدامها إلى عام ١٩١٥ حيث عرضعا فورد هاريس. ومازال نموذج الحجم الاقتصادي للطلبية يستخدم في عدد كبير من المنشآت حاليا. وهذا الأسلوب سهل نسبيا في الاستخدام. ولكن يتضمن عديد من الافتراضات وأهمها ما يلى :

ا. زمن الانتظار lead time، أي الزمن بين إصدار أمر الشـــراء
 وبين استلام الطلب معروف وثابت.

٢. استلام لمخزون يتم فوريا. بمعنى أن المخزون المطلسوب يصل جميعه إلى الشركة دفعة واحدة في نقطة معينة من الزمن.

٣. خصم الكمية غير موجود.

التكلفة المتغيرة الوحيدة هي تكلفة إصدار أمر الشراء، وتكلفة حيازة أو تخزين المخزون عن فترة معينة.

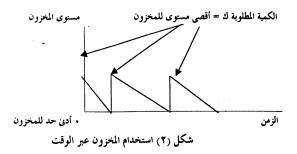
اذا صدر الأمر في وقت مناسب، فيتم تجنب نفـــاد أو نقــص المخزون بأكمله.

جدول (١) عناصر تكاليف المخزون

	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •
عناصر تكاليف حيازة المخزون	عناصر تكاليف إصدار أمر الشراء
١. تكلفة رأس المال.	١. إعداد وإرسال أمر الشراء.
٢. الضرائب.	٢. تجهيز واستلام الأصناف الواردة.
٣. التأمين.	٣. سداد الفواتير.
٤. التالف.	٤. الاستعلام عن المخزون.
٥. السرقات.	٥. فواتير التليفونات، وغيرها المرتبطـــة
٦. التقادم.	بإدارة الشراء.
٧. أجور ومرتبات العـــاملين	٦. أجور ومرتبات العساملين بسإدارة
بالمخازن.	المشتريات.
٨. الكهرباء وغيرهــــا مـــن	٧. المستلزمات مثل النماذج، الـــورق،
تكاليف.	وغيرها اللازمة لإدارة المشتريات.
٩. المستلزمات للمخـــــــــــــــــــــــــــــــــــ	
مثل النماذج والورق.	

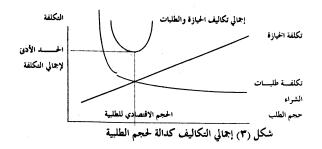
وبهذه الافتراضات، يكون استخدام المخزون مشابه لشكل المنشار كمك في شكل (٢). حيث ك تمثل الكمية التي تطلب. إذا كانت هذه الكميسة ٥٠٠ بدلة، فإن جميعها يصل في نفس الوقت عند إصدار أمر الشواء. وبالتالي يرتفسع مستوى المخزن من صفر إلى ك وحدة حين وصول الطلب.

ونظرا لأن الطلب ثابت عبر الزمن، ينخفض المخزون بمعدل ثابت عــبر الزمن ( أنظر الخط المائل في شكل (٢) ثم يصدر أمر آخر بحيث أنه حينما يصـــل إلى المستوى صفر، يتم استلام الأمر الجديد ويرتفع رصيد المخزون مرة أخـــرى إلى ك وحدة، فمثلا بالخطوط الرأسية. وتستمر هذه العمليات إلى ما لا نهاية عبر الزمن.



### تكاليف المخزون

قدف معظم نماذج المخزون إلى تدنية إجمالي التكاليف. وبالافتراضات التي ذكرناها، فإن التكاليف المعنية هي تكاليف الطلب، وتكساليف الحيازة. وكافة التكاليف الأخرى، مثل تكاليف المخزون نفسه تعتبر ثابتة. وبالسللي إذا تم تدنية إجمالي تكاليف إصدار الطلبيات وتكاليف الحيازة، فإننا نصل إلى تدنيسة إجمالي التكاليف. ولتوضيح ذلك يظهر شكل (٣) منحني إجمالي التكاليف كدالة لحجم الطلب ك. والحجم الأمثل للطلبية هي الكمية التي تؤدي إلى تدنية إجمالي التكاليف. وبزيادة حجم الطلبية، يقل إجمالي عدد الأوامسر الصادرة خالال السنة. ولكن بزيادة حجم الطلبية، تزيد تكاليف حيازة المخزون نظرا لارتفساع متوسط المخزون الذي تحتفظ به المنشأة.



لاحظ في شكل (٣) أن الحجم الأمثل للطلبية يحدث حيست يتقاطع منحنى تكلفة إصدار أوامر الشراء وتكلفة حيازة المخزون. ولا يحسدث هسذا بالصدفة، فبدراسة نوع دوال التكاليف التي سندرسها في هذا الفصل، فان الحجم الأمثل يحدث حيث تتعادل تكاليف إصدار أوامر الشراء مسع تكاليف الحيازة. وهي حقيقة هامة يجب تذكرها.

لندرس الآن كيف يمكن تحديد الحجم الاقتصادي للطلبية وتدنية إجمالي تكاليف الحيازة وتكاليف إصدار أوامر الشراء. من المناسب في تحديد التكلفه السنوية لحيازة المخزون، استخدام متوسط مستوى المحزون المتاح. ثم بضرب متوسط المخزون المتاح في معامل يطلق عليه تكلفة الحيازة Carrying Cost للوحدة في السنة لتحديد التكلفة السنوية للمخزون.

### يوضح جدول (٢) كيفية حساب متوسط المخزون.

اليوم	مستوى المخزون			
To the second	في بدايـــة	في نماية اليوم	المتوسط	
	اليوم			
۱ إبريــــل ( اســـــــــــــــــــــــــــــــــــ	١.	٨	٩	
الطلب)				
۲ إبريل	٨	٦	٧	
۳ إبريل	٦	٤	•	
٤ إبريل	٤	۲	٣	
• إبريل	۲	•	<b>\</b>	

ومن المهم ملاحظة أن متوسط مستوى المخزون لهذه المشكلة يعادل نصف أقصى مستوى له ( ويرجع ذلك إلى ثبات الطلب، فضلا عن حقيقة أن مخزون آخر الفترة كان صفر ). وهذا الحد الأقصى يعادل كمية الطلب.

### تحديد الحجم الاقتصادي للطلبية

أوضحنا أن الحجم الاقتصادي للطلبية يقع في النقطة التي نصل فيها إلى الحد الأدنى لإجمالي التكلفة، حيث إن إجمالي التكلفة هو مجموع تكلفة الطلسب وتكلفة حيازة المخزون. وأوضحنا بيانيا أن الحجم الأمثل للطلبية هسو نقطة تساوي تكلفة إصدار أوامر الشراء مع تكلفة حيازة المخزون. ولإعداد السدوال الخاصة بالوصول للحجم الأمثل للطلبية سنتبع ما يلي:

- 1260 m. 1

تطوير دالة لتكلفة إصدار أمر الشراء.

٣. تطوير دالة لتكلفة حيازة المخزون.

٣. جعل تكلفة إصدار أوامر الشراء تعادل تكلفة حيازة المحزون.

٤. حل هذه المعادلة للوصول للحجم الأمثل.

- ك \* = العدد الأمثل للوحدات في الطلبية .
- ط = الطلب السنوي بالوحدات على أصناف المخزون.
  - ت ; = تكلفة إصدار أهر شراء واحد.
  - ت ع = تكلفة حيازة المخزن للوحدة في السنة.

### وما يلى الإجراءات خطوة بخطوة :

١. تكلفة إصدار أوامر التوريد سنويا

= ( عدد الأوامر الصادرة في السنة) × (تكلفة إصدار الأمر)

٢. تكلفة حيازة المخزون سنويا

حجم الطلبية = \_\_\_\_\_\_× (تكلفة حيازة وحدة المخزون في السنة)



### نقطة إعادة الطلب لتحديد متى يتم الشراء Reorder Point ROP

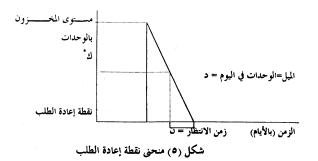
حددنا كمية ما يجب شراؤه، ونبحث عن إجابة للسؤال الثاني وهو متى يتم طلبها؛ يفترض في معظم النماذج البسيطة للمخزون أن وصول الطلبية يتم فورا. أي يفترض انتظار المنشأة إلى أن يصل مستوى مخزولها لصنف معسين إلى الصفر، فتصدر أمر شراء، وتستلم الأصناف بالمخزن مباشرة.

وكما نعلم، فإن الزمن بين إصدار أمر الشراء واستلام الأصناف يطلق عليه زمن الانتظار أو زمن التسليم، وعادة ما يكون عدة أيام أو حسى عسدة أسابع. وبالتالي قوار متى يتم الشراء عادة ما يتم صياغته على أنه نقطة إعسادة الطلب أي مستوى المخزون الذي يتم إصدار أمر شراء عنده.

ونصل إلى نقطة إعادة الطلب كما يلى :

نقطة إعادة الطلب = (الطلب في اليوم) × (زمن الانتظار بالأيام) =  $c \times \dot{c}$ 

ويعرض شكل (٤) نقطة إعادة الطلب بيانيا. ويمسل ميسل المنحنى الاستخدام اليومي للمخزون. ويحدد الوحدات المطلوبسة في اليسوم د، وزمسن الانتظار ن هو الزمن المنقضي حتى استلام الأصناف المطلوبة. لذلك إذ أصدر طلب عند وصول المخزون إلى مستوى إعادة الطلب فيان المخسزون الجديسد سيصل في نفس الوقت الذي يصل فيه مستوى المخزون إلى الصفر. للنظر إلى المنالى :



نقطة إعادة الطلب = د  $\times$   $\dot{v}$  = \$ وحدة يوميا  $\times$  % أيام = \$ 17. وحدة.

ونظرا لأنه عند انخفاض مخزون الشرائح إلى ١٢٠ وحدة، يتم إصدار أمر توريد ويصل الطلب بعد ثلاثة أيام، حيث يصل في نحايتها مستوى المخرون إلى الصفر. ويجب ملاحظة أن هذه الحسابات تفترض أن كرها صحيحة. وعند عدم معرفة الطلب بتسأكد تسام، فإن هذه الحسابات يجب تعديلها.

### نظام الرقابة على المخزون للفترة الثابتة Fixed Period Inventory Control System

شرحنا اشتقاق واستخدام نموذج الحجم الاقتصادي للطلبية. وتحسدد هذه الكمية كمية ما يجب طلبه. ونظرا لأن هذا المدخل يؤدي إلى رقسم ثسابت لكمية الطلب، يطلق عليه نظام أوامر الشراء النابت.

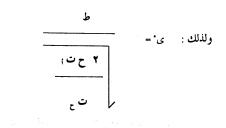
ويوجد مدخل آخر بتحديد رقم ثابت يجيب على سسؤال مستى يتسم الطلب. وهو ما يطلق عليه نظام الرقابة على المخزون للفترة لتابتة. وبالرغم من وجود عديد من الكميات التي يمكن حسابما بمذا النوع من النظام إلا أن أكثرها استخداما وحسابا هو العدد الأمثل للطلبات في السنة ى\*، والعسدد الأمشل للأيام بين الطلبات ن\*. ويطلق على العدد الأمثل للأيام بين الطلبات العسدد الأمثل لأيام التوريد للطلب. وكما سنرى فإن هذه الكميات ستؤدي إلى حسل مطابق لمشاكل الرقابة على المخزون. فهي تنظر إلى نفس المشكلة من وجهة نظر مختلفة. سنبدأ بدراسة العدد الأمثل من الطلبات في السنة ى\*.

تحديد العدد الأمثل للطلبات في السنة ى\*

ع\* توضع لنا عدد المرات التي يجب إصدار طلبات شراء فيها. إذا كان الطلب السنوي ١٠٠ وحدة والحجم الاقتصادي للطلبية ٥٠ وحدة في الطلب، فيجب إصدار أمران للتوريد كل منهما ٥٠ وحدة لتلبية احتياجات الطلب على ١٠٠ وحدة. وتظهر هذه العلاقة في المدالة التالية:

في المثال السابق حددنا الحجم الاقتصادي للطلبية وقدره ٢٠٠ وحدة حيث الطلب السنوي ١٠٠٠ وحدة. فيكون العدد الأمثل من طلبات الشسراء في السنة ي كما يلي :

ولاستخدام هذه المعادلة من الضروري تحديد الحجم الاقتصادي للطلبية ك أولا. وإذا لم ترغب في حساب الحجم الاقتصادي للطلبية فسهناك طريقسة للوصول للرقم الأمثل لعدد للطلبات في السنة. كما يلي:





وباستخدام المعادلة رقم (٨) يمكننا حل المشكلة لتحديد  $\mathbf{v}^*$  مباشسرة لندرس مدى صحة المعادلة (٨) في المثال السابق كان الطلب السسنوي  $\mathbf{v}^*$  وحدة وتكلفة الطلبية  $\mathbf{v}^*$  جنيه وتكلفة الحيازة  $\mathbf{v}^*$  وبتعويض هذه الأرقام في دالة (٨).

تحديد العدد الأمثل للأيام بين الطلبات ن "

مدخل آخر هو تحديد عدد الأيام بين الطلبات ن وهو يحدد لنا عسدد الأيام التي يمكن أن تعملها دون خوف من نقص المخزون. في المنسال السسابق، العدد الأمثل للطلبات في السنة كان ٥ طلبات. ما هو عسدد الأيسام بسين أي أمرين؟ بمعنى آخر، ما هو عدد أيام لتوريد كل طلب؟ بفرض أن عسدد الأيسام ٣٦٥ في السنة، ويتم إصدار ٥ طلبات في السنة، فكل طلسب سيسستمر ٧٣

٧٣ يوم = ٣٦٥ في السنة ÷ ٥ طلبات في السنة.

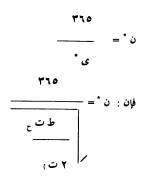
وإذا استخدمت عدد أيام العمل الفعلية في السنة ولتكـــن ٢٠٠ يـــوم فيجب إحلال ٢٠٠ يوم محل ٣٦٥ يوم.

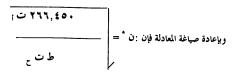
وتظهر العلاقة في المعادلة (٩) :

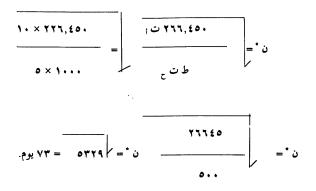
ن \* = \*·ن

٠, د

ومن الممكن الحل للوصول مباشرة إلى ن \* حينما لا نرغب في تحديد ن \* مباشرة حينما لا نرغب في تحديد ي \* أولا. ويتم ذلك كما يلي :







بحثنا في هذا الفصل نظام الفترة الثابتة للمخزون. وإذا ما حددت مستى ستصدر أمر التوريد يمكنك طلب ما يكفي لتلبية الطلب اللازم حسى الأمر التالي. وهو عادة ك\*. وللشركة محل المثال السابق ستكون ٢٠٠ وحدة. وبالإضافة لذلك، أوضحنا طريقة مبسطة لتحديد ي\* بمعلومية ك\*، وأوضحنا كيفية تحديد هذه الكميات مباشرة من الطلب السسنوي، وتكاليف أوامر الشراء، وتكلفة حيازة المخزون. وتم اشتقاق هذه المعادلات باستخدام العمليات الجبرية. ويمكن تطويرها بجعل تكاليف أوامر الشراء تعادل تكاليف الحيازة أو بتحديد دالة إجمالي التكلفة واستخدام الجبر لحلها Calcus. وهذه المداخل يتم التوسع فيها في التطبيقات الواردة بنهاية الفصل.

طورنا في الأمثلة السابقة معادلات يمكن استخدامها للوصول مباشرة إلى ك "، ن ". ونفترض فيها أن كل قيم المدخلات معلومة بدرجة مؤكدة. مساذا سيحدث إذا تغير أحد قيم المدخلات. مثل، ارتفاع تكلفة إصدار أمر التوريسة بمبلغ ٥ جنيه.

والإجابة هي أنه إذا ما تغيرت أي مسن القيسم المستخدمة في أحسد المعادلات، فإن القيمة المثلى ستغير أيضا. وأحد مداخل تحليل الحساسسية هسو إعادة حساب الكمية المثلى عند تغير أحد المدخلات.

٥,٠ جنيه للوحدة في السنة.

وبالتالي، عند زيادة تكلفة إصدار الطلبات بمضاعفتها ٤ مسوات، تضاعف الحجم الاقتصادي للطلبية من ٢٠٠٠ إلى ٠٠٠ وحدة. ولتحديد مدى حساسية الحل الأمثل للتغسير في أحد المتغيرات في المعادلة، من الضروري إعادة الحساب بالكامل للحجم الاقتصادي للطلبية ك. ويمكن تحديد أثر التغير في الكمية المثلى بفحص المعادلة الأساسية للحجم الاقتصادي للطلبية.

ا. زيادة تكاليف أمر الشراء بمضاعفتها ٤ مرات.
 ١. زيادة تكاليف حيازة المخزون بمضاعفتها ٤ مرات.
 ٣. انخفاض إجمالي عدد الوحدات المباعة سنويا ( الطلب السنوي )
 معامل قدره ٩.

## معادلة الحجم الاقتصادي للطلبية

ويمكن استخدام الاختصارات التالية بمعامل ٢ حينما تزيد تكلف الطلبية بمعامل ٤. ولمعرفة ذلك، استبدل ت ، في المعادلة التالية بتكلف أوامر شراء ٤ مرات من هذا الرقم إلى ٣ ت ،

٣. الحجم الأمثل سينخفض بمعامل قدره ١/ ٢ حينما تزيد تكلفـة
 الحيازة بمعامل ٤ مرات.

الحجم الاقتصادي سينخفض بمعامل قدره ٣/١ ( يصبح ٣/١ الحجم السابق ) حينما ينخفض الطلب بمعامل قدره ٩ أي :

نلاحظ في كل ما سبق، أن الحجم الأمثل ك\* يتغير بــــالجذر الــــتربيعي للتغير في المنفير المستخدم في المعادلة. قدمنا في هذا الفصل أسس نظريــة رقابــة المخــزون. وأوضحـــا أن السؤالان الهامان هما:

- ١. ما هي الكمية التي يتم طلبها؟
  - ٢. متى يتم طلبها؟

ودرسنا نموذج الحجم الاقتصادي للطلبية، والذي يحدد الكمية التي يتسم طلبها، ونقطة إعادة الطلب والتي تحدد متى يتم طلبها. وبالإضافة لذلك درسسنا نظام رقابة المخزون في الفترة الثابتة. واستخدمنا هذا التحليل عنسد رغبتنسا في تحديد ما سيحدث في العمليات الحسابية إذا ما تغير متغير أو أكثر في الدالة.

## ولنموذج المخزون المستخدم في هذا الفصل افتراضات هي :

- الطلب وزمن الانتظار معلومان وثابتان.
  - ٢. الوصول الفوري لطلبات المخزون.
    - ٣. لا يوجد خصم للكمية.
    - لا يوجد نقص أو نفاد للمخزون.
- التكاليف المنغيرة الوحيدة هي تكاليف أمر الشـــراء،
   وتكاليف حيازة المخزون.

وإذا كانت هذه الفروض صحيحة، فإن نموذج المخــزون والأســاليب الفروض غير سائدة، فإن التحليل المشروح في هذا الفصل قد يصـــل بــك إلى نتائج وقوارات خطأ.

في الفصل التالي سنقوم بـــــتيسير relax واســتبعاد بعــض هـــذه الافتراضات. وبالرغم من أن نماذج المخزون في الفصل التالي أكثر تعقيدا بدرجة بسيطة، فإها تفضل عند عدم سريان الافتراضات الواردة في هذا الفصل.

# المعادلات الأساسية :

الحجم الاقتصادي باستخدام تكلفة الحيازة ل كنسبة منوية من السعر س.

## تطبيقات محلوله

1. تنتج شركة السويس للإليكترونيات شرائح حاسبات للشسركة التي تستخدمها في صناعة الثلاجات وغيرها من الأجهزة المترلية. وتطلسب شركة السويس مكونات التصنيع من عدد من المورديسن. وأحد هدفه المكونات تورد في مجموعات من ١٥٠ وحدة. وقد قدرت أن الطلسب السنوي على هذا المكون ١٥٠ وحدة. علاوة على ذلك، تكلفة حيازة المخزون ١ جم للوحدة في السنة. وسياسة التوريد كي تكون مثالية حدد ما يجب أن تكون عليه تكلفة إصدار أمر الشراء.

## الحل :

يمكن تلخيص بيانات هذه المشكلة في : الكمية المثلى ك \* = ١٥٠ وحدة. الطلبية ط = ٢٥٠ وحدة. تكلفة الحيازة ت ، = ١ جنيه.

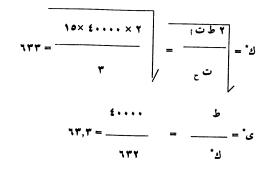
وبفرض أن الطلب السنوي ٢٥٠ وحدة، وتكلفة الحيازة ١ جنيه وكمية الطلب ١٥٠ وحدة، يجب أن تحدد الشركة تكلفة إصدار أوامر الشواء حتى تصبح الكمية الاقتصادية للطلبية ١٥٠ وحدة. وللإجابة على ذلك يجب حل المعادلة التقليدية للحجم الاقتصادي للطلبية لإيجاد تكلفة إصدار أمر

التوريد. وكما في العمليات الحسابية التالية، فإن تكلفة إصدار امر التسراء 6 ؛ جنيه تكون ضرورية ليصبح الحجم الاقتصادي ١٥٠ وحدة.

٧. الطلب السنوي على أحد مكبرات الصوت لنظام الاسترو و ٠٠٠٠ وحدة. وتقدر الشركة أن تكلفة إصدار أمر التوريد ١٥ جنيه لكل طلبية. فضلا عن أن تكلفة الحيازة تقدر بمبلغ ٣ جنيه للوحدة في السنة. وتحتاج الطلبية إلى ٣٠ يوم بين إصدار أمر التوريد وبسين استلام البضائع. وخلال هذه الفترة، فإن الطلب اليومي ٢٥٠ وحدة. ما هو العدد الأمثل للأيام بين الطلبات؟

البيانات الخاصة بالمشكلة السابقة : الطلب السنوي ط = ٠٠٠٠ و وحدة. ت. إصدار أمر التوريد ت ; = ١٥ جنيه. ت. الحيازة = ٣ جنيه. زمن الانتظار = ٣٠ يوم. الطلب اليومي = ٢٥٠ وحدة.

لتحديد العدد الأمثل للأيام بين الطلبات، سنحدد الحسم الاقتصادي للطلبية ك\*، ونحدد عدد الطلبات في السنة ى\*. وكما تلاحظ من العمليات الحسابية التالية أن العدد الأمثل من الأيام بين الطلبات ٦ أيام تقريبا.



٩. لماذا يعتبر المخزون هاما بالنسبة للمديرين؟

٢. ما هو هدف الرقابة على المخزون؟

٣. في ظل أي ظروف يمكن استخدام المخــزون للحمايــة ضـــد

التضخم؟

 ٤. لماذا لا تحتفظ الشركات بكميات كبيرة من المحزون لتجنسب مخاطر النقص أو النفاد؟

٥. اشرح أهم القرارات التي يجب اتخاذها في الرقابة على المخزون.

٦. أذكر بعض الطرق التي تستخدم في تحديد الحجم الاقتصــــادي

لطلبية؟

٧. اشرح أهم تكاليف المخزون التي تستخدم في تحديد الحجم
 الاقتصادي للطلبية.

٨. أذكر بعض الافتراضات المستخدمة في تحديد الحجم الاقتصادي للطلبية؟

٩. ما هي نقطة إعادة الطلب؟ وكيف يتم تحديدها؟

١١. ما هو الهدف من تحليل الحساسية؟

 ١. أكتب دالة تحديد العدد الأمثل للأوامر في السنة. استخدم الرموز السابق استخدامها في هذا الفصل مع ضرورة اتساع الخطوات التالية:

- ١. حدد تكلفة الحيازة السنوية.
- ٢. حدد تكلفة أواهر الشراء سنويا.
- جـــ. اجعل التكلفة السنوية لإصدار أوامر الشراء تساوي التكلفة السنوية لحيازة المخزون.
- د. حل المعادلة للوصول إلى العدد الأمثل من أوامر الشراء سنويا.

7. حدد صالح عبد العزيز الطلب السنوي من المسامير رقـم ٦ بعدد، • • • • • • • • مسمار حيث يعمل مدير للمشتريات في محل للمعــدات والتركيبات وقد قدر أن تكلفة أمر الشراء • ١ جم في كل مرة. وتتضمــن هذه التكاليف. مرتبة، تكلفة النماذج، وما شابه. وقدر كذلك أن تكلفــة حيازة المسمار في السنة تعادل • • • ، • • جنيه. ما هو عدد المسامير الواجب شراؤها في كل مرة؟

 من المسامير تبلغ . . ٥ مسمار ونظرا لأن الطلب ثابت إلى حد كبير يسوى صالح أنه يمكن تجنب نفاد المخزون بالكامل إذا ما تم طلب المسسامير في الوقت المناسب. ما هي نقطة إعادة الطلب؟

غ. يرى صاحب المشروع صالح يصدر عديد من أوامر التوريد وأنه من المفضل إصدار أمران فقط طوال العام. وإذا ما اتبع صالح هذا الأسلوب ما هي التكلفة المضافة التي ستتحملها الشركة سنويا عن سياسة أوامر التوريد التي ظهرت في التطبيق رقم (٢)؟ وإذا أصدر أمران فقط كل سنة، ما تأثير ذلك على نقطة إعادة الطلب؟

و. يعمل عادل مدير مشتويات لشركة النصر التي تنتج مصابح كهربية وأنظمة تحكم في النيار. وأحد المصابيح الواسعة الانتشار هي موديل المشكاة ويبلغ الطلب عليها ٤٠٠ وحدة سنويا. وتكلفة كل مصباح ٩٠ جنيه، وتكلفة المحافظة على المخزون ٩٠% من تكلفة كل مصباح. وقسد قام عادل بدراسة التكاليف المرتبطة بإصدار أمر التوريسد، ووصسل إلى أن متوسط تكلفة أمر الشراء ٢٥ جنيه للأمر. ويستغرق الأمر أسبوعين حسق يصل إلى المخازن، وخلال هذه الفترة يبلغ الطلب على المكشاة ٨٠ وحدة أسبوعيا.

أ. ما هو الحجم الاقتصادي للطلبية؟
 ب. ما هي نقطة إعادة الطلب؟
 ج... ما هو إجمالي تكلفة المحزون سنويا؟ ( تكلفة الحيازة + تكلفة أوامر الشراء).

د. ما هو العدد الأمثل للطلبات في السنة؟
 هـ. ما هو العدد الأمثل للأيام بين أي طلبات؟

٣. يعمل حسن الصغير في تجارة الأخشساب. وخسلال سنوات خبرته، فإنه يعلم أن تكاليف إصدار أمر الشراء لحشب الأبلاكاج ٣٥ جنيه وأن تكلفة الحيازة ٣٥% من تكلفة الوحدة. ويشتري الحشب في ربطات تكلفة كل ربطة ١٠٠٠ جنيه. ويطلب ٢٠٠٠ ربطسة. مسا هسو الحجسم الاقتصادي لشراء ربطات خشب الأبلاكاج؟

٧. يمتلك سمير عبد العزيز محل للأحذية ويبلغ الطلب السنوي لأحسد الصنادل الرياضية ٥٠٥ صندل. اعتاد على شراء ٥٠٠ حذاء في المرة. وقسد قدر تكاليف أمر الشراء ١٠٠ جنيه للأمر. وأن تكلفة الصندل ٥ جنيه. وحسى تكون سياسة سمير في الشراء صحيحة، ما هي تكلفة الحيازة كنسبة مئوية مسسن تكلفة الوحدة؟ وإذا كانت تكلفة الحيازة ١٠٠% من التكلفة، ما هسو الحجسم الاقتصادي للطلبية.

٨. في التطبيق رقم (٢) ساعدت في تحديد الحجم الاقتصادي لطلبيسة المسامير مقاس ٦. وقد قدرت أن تكلفة إصدار أمر الشراء ١٠ جنيه للأمسر. فإذا، اعتقدت أن هذه التقديرات كانت منخفضة للغاية. بسالرغم مسن عسدم معرفتها بدقة ما هي تكلفة أمر الشراء؟ إذا اعتقدت ألها سترتفع إلى ٤٠ جنيسه للأمر؟ ما هو النغير الذي سيحدث على الحجم الاقتصادي للطلبيسة إذا كسان تكلفة أمر الشراء ٢٠ جنيه، ٣٠ جنيه، ٢٠ جنيه؟

9. كان الطلب السنوي على أدراج الحفظ ٥٠٠٠ وحدة، وقد قدر أن تكلفة إصدار أمر التوريد ١٠ جم للطلب. وتكلفة حيازة المخزون ٤ جسم للوحدة في السنة. ويستغرق الطلب ٢٥ يوم بين إصداره وبين استلام الأدراج. وخلال هذه المدة، يقدر الطلب اليومي بعدد ٢٥٠ وحدة.

(أ) ما هو الحجم الاقتصادي للطلبية؟

(ب) ما هي نقطة إعادة الطلب؟

(جـــ) ما هو العدد الأمثل للطلبات في السنة؟

(د) ما هو العدد الأمثل للأيام بين الطلبات؟

(هـ) ما هو العدد المثل للطلبات في الشهر؟

(و) ما هو العدد الأمثل للأسابيع بين الطلبات؟

• ١٠. طلب من نبيل علام المساعدة في تحديد أفضل سياسة لتحديد الحجمه الاقتصادي للطلبية لمنتج جديد. ويتوقع أن يكون الطلب على المنتج الجديد • • • ١ وحدة سنويا ولتحديد تكاليف إصدار أمر الشراء وتكاليف حيسلزة المخزون تم جمع البيانات التالية الخاصة بالتكاليف وذلك لعسدد • • • • ١ وحدة وكان يتم طلبها في • • ١ مرة خلال السنة السابقة. والمطلوب تحديد الحجم الاقتصادي للطلبية.

القيمة	عنصر التكلفة	القيمة	عنصر التكلفة
ŧ٥٠	الاستعلام عن المخون	7	الضوائب
۲۸۰	توريدات المخزن	10	التجهيز والفحص
440.	بحوث وتطوير	70	تطوير المنتج الجديد
٣٠٠٠	أجور إدارة المشتريية	٥.,	سداد الفواتير
۲۸۰۰	أجور المخزن	٥,	مهمات أوامر الىثلو
۸۰۰	سرقات من المخزن	٦.,	تأمين على المخزون
٥٠٠	توريدات أمو الشراء	۸۰۰	الإعلان عن المنتجة
٣٠٠	تقادم المخزون	٧٥٠	التالف
		1	إرسال أوامر الشراء

11. حسن السماك مورد لاحتياجات مراكب الصيد. ويبيع سنويا م • • ٥ موتور بحري. وتشحن هذه المواتير في حاويات سعتها • • ١ قدم مربع ويملؤها حسن بالمواتير بالكامل. ويمكن للمخزن احتواء • • • ٥ قدم مربع مسن التوريدات البحرية. ويقدر حسن أن تكاليف إصدار الطلبية تبليغ • ١ جنيه للطلبية، وأن تكلفة الحيازة تقدر بمبلغ • ١ جنيه للموتورفي السسنة. ويسدرس حسن التوسع في مخزن المواتير. إلى أي مدى يمكن أن يتوسع حسن؟ ومسا هسو العائد على الشركة من التوسع؟

تقوم شركة أسوان ببيع أجهزة متزلية، وتستخدم مبنى لتخزينها. مساحات المخزن ٢٥٠ قدم عرض في ٤٠ قدم عمق في ٨ قدم ارتفاع، وقسد قدر أن ، ٦ % من مساحة المخزن يمكن استخدامها. والباقي ، ٤ % يستخدم في الممرات ومكتب له. وكل مكنسة كهدية تأتي في صندوق صمم ٥ قدم × ٤ قدم × ٢ قدم ارتفاع. ويبلغ الطلب السنوي ، ١ ٢ ٠ ٠ وحدة، وتبلغ تكلفة اصدار أمر التوريد ٣٠ جنيه للأمر. ويقدر أن تكلفة الحيازة تبلغ ٢ جنيه للوحدة في السنة. وتفكر الشركة في زيادة حجم مخزولها. ويمكنها ذلك بزيادة عمق المخزن. وفي الوقت الحالي نجد عمق المخزن ٥ ٤ قدم، ما هو عدد الأقدام الواجب زيادة أي عمق المخزن لتدنية تكاليف التخزين السنوية؟ وكم يمكن للشركة سداده في هذه التكاليف الإضافية؟ تذكر أن ، ٢ % فقط من الحجسم يمكن استخدامه في التخزين

تنتج شركة القاهرة للصوتيات أجهزة استريو اسطوانات مدمجة. ويتسم تصنيع جميع مكونات النظام بالإسكندرية عدا الموتور الذي يشتري من شركة المحاريث والهندسة. ويصدر بشري يونس أمر شراء المواتير كل أربعة أسسابيع. وتبلغ الاحتياجات السنوية للشركة ٠٠٠٥ وحدة (٢٠ وحدة كل يوم عمل) وتكلفة الموحدة ٢٠ جنيه، لا تشتري الشركة كميات كبيرة نظرا لأن شركة الحاريث لا تعطى خصم كمية. ونادرا ما يحدث عجز في المواتير نظرا لأن شركة المحاريث تقوم بتسليم الطلبية خلال أسبوع من استلام أمر التوريسد. (إجمسالي الأيام بين تاريخ إصدار الأمر وتاريخ الاستلام عشرة أيام).

ويرتبط بالشراء تكلفة كل أمر تبلغ ٢٠ جيه، تتضمن تكلفة إعداد الطلب، الفحص، وتخزين البضائع المستلمة، تحديث سجلات المخازن، وإعداد الفواتير وشيك السداد علاوة على تكاليف الإصدار تتحمل الشركة تكاليف حيازة المخزون بمبلغ ٢ جنيه للوحدة في الشنة، وتتضمن التأمين، والتخزيدن، والتاول، والضرائب، وغيرها.

وستدخل الشركة في أول يناير في برنامج لتخفيض التكاليف نجدها الوفر في تكاليف توريد المخزون.

#### أسئلة للمناقشة

- 1. احسب الحجم الاقتصادي لطلبية لشراء.
- ٢. حدد نقطة إعادة الطلب المثلي ( بالوحدات ).

٣. احسب الوفر في التكاليف الذي ستحققه الشركة باتخاذ القــــار الأمثل في الشراء.
 ٤. هل يمكن اعتبار علاقة تكاليف المخزون علاقة خطيـــــــــة بعــــدد الأوامر؟



# الفصل السابع مشاكل النقل والتخصيص Transportation and Assignment Problem

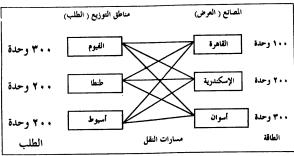
مقدمة:

سندرس في هذا الفصل نموذجان خاصان من نماذج البرمجة الخطية. وهمسا نموذجي النقل والتخصيص ويمكن حلهما بإجراءات أكثر كفاءة مسسن طريقسة السمبلكس.

ويقع كل من نموذجي النقل والتخصيص ضمن مجموعة مسسن أسساليب البرمجة الخطية يطلق عليها تحليل الشبكات. وسيتم شرح الشسبكات في فصل قادم. وهي مشاكل تتكون من نقاط Nodes وأسهم (خطوط) توصل النقلط ببعضها البعض. ومن أمثلتها خطوط السكك الحديدية، نظم التليفونات ، نظام شبكات المياه والصوف حيث يخضع كل منها لمضمون الشبكات Networks.

نموذج النقل Transportation Model

يهتم هذا النموذج بنقل السلع من مناطق عوض ( موارد ) إلى عدد مـــن نقاط الطلب عليها ( الوجهة ). ويظهر مثال لذلك في الشكل التالي. والهدف من هذه المشكلة هو جدولة شحن السلع من مصادر إنتاجها إلى جهات الطلب عليها بحيث يتمسم تخفيض تكاليف الشحن والإنتاج لأدنى تكلفة ممكنة.



مثال على مشكلة النقل.

ويمكن استخدام نموذج المواصلات عند اتخاذ الشركة لقرار تحديد موقع التسهيلات الجديدة. فقبل افتتاح مصنع جديد أو مخزن جملة أو منفذ بيع، يكون من المفضل دراسة عدد من المواقع البديلة. ويحاول متخد القرار المالي في تحديد موقع التسهيلات الجديدة تدنيه إجمالي تكاليف النقل والإنتاج للشركة ككل.

## غوذج التخصيص والتعيين Assignment Model

تتعلق مشكلة التخصيص بشق من مشاكل البرمجة الخطية يرتبط بتحديد أمثل تخصيص للأفواد على المشروعات، مثلا رجال البيع على مناطق التوزيدع، العقود على أصحاب العطاءات، أوامر الإنتاج على الآلات، طاقم المراجعة وهكذا.

وغالبا ما يكون الهدف هو تخفيض إجمالي التكاليف أو تخفيه الحسالي الوقت المستغرق في أداء المهام المطلوبة. وأحسد الخصائص الهامسة لمشسكلة التخصيص هو ضرووة تخصيص أمر واحد أو عامل واحد على آلة أو مشسووع، أي لا يمكن تخصيص نصف أمر أو ربع عامل.

# العمليات الرياضية الخاصة Special Purpose Algorithms

بالرغم من إمكان استخدام البرمجة الخطية لحل هذا النوع من المشاكل، إلا أنه توجد عمليات رياضية خاصة لتطبيقات النقل والتخصيص. وكما في وذج السمبلكس، نجدها ترتبط بإيجاد حل مبدئي ممكن ثم إجراء تحسينات عليه خطوة بخطوة إلى أن نصل إلى الحل الأمثل. وعلى عكس طريقة السمبلكس فبلن طرق النقل والتخصيص أسهل بكثير في عملياتها الحسابية. وطريقة التحسين Stream Lined المستمدة من السممبلكس هاممة للاثة أسباب هي :

١٠٠ الزمن المستغرق في العمليات الحسابية أســـرع ١٠٠ مــرة عــن
 رياضيات السمبلكس.

٢- نحتاج إلى ذاكرة حاسب أقل وبالتالي يمكن حل مشاكل أكبر وأكشر
 تعقيدا.

٣- تنتج حلول عددية صحيحة، وهي هامة نظرا الأنه من الصعب شحن نصف سيارة من مصنع إلى توكيل بيع سيارات. أو ثلثي رجل فضاء إلى أحد سفن الفضاء.

سندوس طبيعة مشاكل النقل وعديد من مشاكل الحل. فنبدا بقداعدة الركن الشمالي الشرقي، ثم طريقة الحجر المتنقل، ثم طريقة التوزيع المدل، ثم طريقة فوجل التقريبية. كما سنتناول المشاكل التي يمكن أن تظهر في الحل، مثل حالة عدم تسداوي الطلسب مسع العسرض، أو حالمة الحلسول اللانهائيسة degeneration. ثم كيفية استخدام الحاسب في حل مشاكل النقل.

وفي النصف الثاني من الفصل سندرس أسلوب جديد لحل مشاكل التخصيص والذي يطلق عليه الطريقة الهنجارية، أو طريقة فلسود، أو طريقة المصفوفة المخفضة، كما سندرس كيفية استخدام البرامج الجاهزة لحل مشاكل التخصيص.

## تشكيل مشكلة النقل

## Setting up a Transportation Problem

ويظهر في جدول (٢) تقديرات بإنتاج المصانع الثلاثة والطلــــب علــــى المكاتب المعدنية بمناطق التوزيع.

وقد وجدت الشركة أن تكلفة إنتاج المكتب متساوية في المصانع الثلاثـــة وبالتالي فإن التكلفة الوحيدة المرتبطة هي تكلفة النقل من كل مصنع إلى كـــــل منفذ. وتظهر هذه التكاليف في جدول (١) ويفترض ثباقما بغض النظــــر عــن الكمية المنقولة. ويمكن توضيح مشكلة النقل بألها تحاول اختيار خطوط الســـير الممكن استخدامها وعدد المكاتب التي ستنقل في كل خط سير بحيث نحقــق أدنى تكلفة نقل ممكنة. ويجب أن يتم ذلك بالأخذ في الحسبان القيود المختلفة علــــى الحل مثل طاقة المصانع والطلب بمنافذ النوزيع.

جدول (١) تكلفة نقل المكتب.

اسوان و	القاهرة هـــ	إسكندرية د	من الى		
۳٠.,	£		طنطا أ		
۲	£	٨	الزقازيق ب		
• v		٩	أسيوط جـــ		

وأول خطوة في الحل هي تصميم جدول للنقل، يهدف إلى تلخيص كــــل البيانات المرتبطة وتتبع الحل الرياضي. كما في جدول (٢).

	.(.) = 3 . *	· ·			7
طاقة المصنع	أسوان	القاهرة		إسكندرية	من ا
· ·	ا و ا	_	1	د	الى
القيد على طاقة الإنتاج	7		٤	0	طنطا
*					1
1			٤		الزقازيق
					ا ب ا
٣٠٠			T	$-\tau$	أسيوط
	0	l .	<u> </u>	4	\ _
٣٠٠					<del></del>
٧.,	٧	1 1	۲.,	٣٠	احتياجات ، المنفذ
		1 1			
	11 1101	1		نقل الوحدة م	تكلفة
إجمالي الطلب					
وإجمالي العرض		1	أسيوط إلى القاهرة		
خلية تمثل مصدر ومنفذ					

خلية تمثل مصدر ومنفذ

سنجد في جدول (٢) أن إجمالي المعروض من المصانع يعادل إجمالي الطلب بمنافذ التوزيع. وإذا ما حدث هذا الموقف ( تماثل الطلب مع العرض وهو أمـــــر نادر الحدوث في الحياة العملية ) نطلق علمي همله المشكلة أنهما متوازنمة Balanced Problem. وسندرس فيما بعد كيفية معالجـــة المشـــاكل غــــير المتوازنة. حيث قد يزيد أو يقل الطلب عن طاقة العرض.

# تكوين حل مبدئي : قاعدة الركن الشمالي الشرقي North East Corner Rule

وعند الحل باللغة الإنجليزية الشمالي الغربي North - West.

إذا ما تم وضع البيانات في شكل جدول، نعد حل مبلئي ممكن للمشكلة. وأحد الحلول المبدئية يتم باستخدام قاعدة الركن الشمالي الشرقي، وفيها نبدأ في أعلى الركن الأيمن من الجدول ونخصص الوحدات المنتجة إلى منفذ التوزيع كممد يلى :

- ١- استنفاد العرض ( طاقة المصنع ) بكل صف قبل الانتقال للصـــــف
   الأسفل التالى.
- ٣- استنفاد الطلب ( احتياجات منفذ التوزيع ) لكــــل عمــود قبـــل
   الانتقال إلى اليسار للعمود الثاني.
- ٣- التأكد من أن كل من الطلب والعسوض قد تم تلبيسه أي أن
   الإجماليات يجب أن تكون صحيحة دائما.

سنستخدم قاعدة الركن الشمالي الشرقي لإيجاد الحل المبدئي الممكن المشكلة النقل بشركة الأثاثات المعدنية.

نحتاج إلى خمس خطوات لإتمام الحل المبدئي :

١- نبدأ بأول خلية بأعلى يمين الجدول. ونخصص ١٠٠ وحدة من طنطا إلى الإسكندرية بما يؤدي إلى نفاد طاقة مصنع طنطا. ولكن مسازال منفذ إسكندرية بحاجة إلى ٢٠٠ مكتب إضافي. نتقال إلى أسفل للصف الثاني بنفس العمود.

٢- نخصص ٢٠٠ وحدة من الزقازيق إلى الإسكندرية نما يستوفي طلب
 الإسكندرية الإجمالي وهو ٣٠٠ وحدة. ولكن بمصنع الزقازيق ١٠٠ وحدة لم تستخدم، ننتقل إلى اليسار للعمود التالي.

٣- نخصص ١٠٠ وحدة من الزقازيق إلى القاهرة مما يــؤدي إلى نفــاد
 طاقة مصنع الزقازيق، ولكن ما زال منفذ القـــاهرة بحاجـــة إلى ١٠٠
 وحدة. في هذه الحالة ننتقل للصف الثالث.

خصص ۱۰۰ وحدة من مصنع أسيوط إلى القاهرة، مما يلبي كافـــة
 احتياجات القاهرة وهي ۲۰۰ وحدة. ويظل بأســـيوط عـــدد ۲۰۰ وحدة وحدة جاهزة للنقل.

طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	م من
	و		د	الى /
	٣	٤	٥	طنطا
1			١	1
	٣	٤	٨	الزقازيق
٣٠٠		1	۲.,	ب
	0	V	9	أسيوط
٣٠٠	۲.,	1		جــ
٧٠٠	۲.,	۲.,	٣٠٠	احتیاجات المنفذ
				<u></u>

جدول (٣) الحل المبدئي باستخدام طريقة الركن الشمالي الشرقي

ويمكننا حساب تكلفة النقل في ظل هذا الحل المبدئي كما يلي :

			•	
إجمالي	تكلفة نقل	الوحدات ×	المسار	
التكلفة	الوحدة	المنقولة	إلى	من
٥.,	0	1	إسكندرية	طنطا
17	٨	۲.,	إسكندرية	الزقازيق
٤٠٠	٤	1	القاهرة	الزقازيق
٧٠٠	٧	1	القاهرة	أسيوط
1	٥	۲	أسوان	أسيوط
٤٧٠٠	إجمالي تكلفة النقل			

وهذا الحل ممكن نظرا لتلبيته لكافة قيود العرض والطلب. وهو سسويع في الحل وسهل. ومع ذلك، فليس من المتوقع أن يكون الحل الأمثل، نظرا لأن هذه الطريقة تجاهلت التكاليف تماما عند تحديد خطوط سير التوزيع.

طريقة الحجر المتنقل للوصول إلى أدنى تكلفة تمكنة Stepping-Stone Method to Find Least-Cost Solution

طريقة الحجر المتنقل ( الدوار ) هي أسلوب تحسين مرحلي للانتقال مسن جدول الحل المبدئي إلى جدول حل أمثل ممكن. ولإمكان تطبيق طريقة الحجسر المتنقل على مشكلة النقل يجب التحقق من قاعدة أن عدد الحلايا المشغولة يجسب أن يساوي دائما مجموع الأعمدة + مجموع الصفوف ناقصا واحد.

في جدول الحل المبدئي كانت الخلايا المستغلة ٥ خلايا.

ومسارات الحل = عدد الصفوف + عدد الأعمدة - ١ = ٣ + ٣ - ١ = ٥

وإذا ما قل عدد الخلايا المستغلة عن ذلك يطلق على المشكلة أنها تحللت degenerated وسنتناول كيفية حلها فيما بعد.

اختبار النموذج لإمكان إجراء تحسن إضافي

طريقة الحجر المتنقل هي طريقة لتقييم إمكانية تخفيض تكاليف نقل البضائع باستخدام خطوط سير تختلف عن الخطوط الموجودة بالحل الحالي. ويتم اختبار كل خلية أو مسار بالإجابة على سؤال " ماذا يحدث لإجمالي تكلفة النقل إذا ما تم نقل وحدة من المنتج (مكتب مثلا) في أحد المسارات غسير المستغلة حالى؟.

ويتم اختبار الخلايا غير المستغلة باستخدام الخمس خطوات التالية :

١- اختار خلية غير مستغلة لتقييم جدوى استغلالها.

٢- ابدأ بهذه الخلية وتتبع مسار لشغلها من أحد الخلايا بصفها، ثم تتبع
 مسار عكسي لها من صف أو صفوف أخرى. تذكر أن التحرك يكون
 أفقي أو رأسي.

٣- ابدأ بعلامة الزائد + للخلية غير المستغلة، وضع علامة النساقص للخلية المستغلة التي ستسحب منها وضع علامات الزائد والنسساقص بكل ركن خلية بالمسار المغلق الذي اخترته.

٤- احسب دليل التحسن بإضافة تكلفة نقل الوحدة والموجود في كل خلية تحتسبوي
 علية بما علامة زائد، وطرح تكلفة نقل الوحدة في كل خلية تحتسبوي
 على علامة الناقص.

٥- كرر الخطوات من ١ إلى ٤ إلى أن تنتهي من إعداد جدول التحسن الممكن لكل الخلايا غير المستغلة. إذا كانت كل الخلايا المحسوبة أكبر من أو تساوي الصفر، نكون قد وصلنا إلى الحل الأمثل. وبخلاف ذلك يكون هناك إمكانية لإجراء تحسن في الحل الحالي وتخفيه ض إجمالي تكاليف النقل.

ولمعرفة كيفية عمل طريقة الحجر الدوار. سنطبق هذه الخطوات على بيانات شركة الأثاثات المعدنية الموجودة بجدول (٣) لتقييم مسارات النقل للخلايا غير المستغلة هي طنطا إلى القاهرة، طنطا إلى أسوان، الزقازيق إلى أسوان، أسيوط إلى الإسكندرية.

الخطوتان ٢،١. سنبدأ بالمسار طنطا إلى القاهرة، ونتبع مسار عكسي يؤدي إلى إغلاق هذا المسار باستخدام الخلايا المستغلة فقط (حجرية) شكل (٤) ثم نضع علامات +، - بأركان المسار. ولتوضيح المقصود بمسار مغلق closed path نجد أن الخلايا التي يمكن استغلافا في المسار العكسي هي مسن الخلايا المشغولة أو المستغلة حاليا. ونظرا لأن مسار طنطا إلى القاهرة وأسيوط إلى الإسكندرية لن يكون مقبولا نظرا لأن خلية أسيوط/الإسكندرية بالمسار العكسى فارغة. وسنجد أن هناك مسار وحيد مغلق لكل خلية تختبرها.

الخطوة الثالثة: هي تحديد أي الخلايا تأخذ علامة الزائد وأيها تأخذ علامة الناقص؟ الإجابة بسيطة نظرا لأننا نحتبر فعالية تكاليف الشحن مسن طنطا إلى القاهرة ونفترض أننا ننقل وحدة واحدة (مكتب) من طنطا إلى القاهرة. وهسي وحدة إضافية أكثر مما كنا نرسله إلى القاهرة، لذلك نضع علامة الزائد في مربع طنطا/القاهرة. ولكن إذا أرسلنا وحدة إضافية من طنطا إلى القساهرة سننتهي يارسال ١٠١ مكتب إلى القاهرة والطاقة القصوى لهذا المصنع ١٠٠ مكتب، لذلك يجب شحن مكتب أقل من الزقازيق إلى القاهرة ويتم التغيسير لتجنب التعدي على قيد طاقة المصنع.

جدول (٤) تقييم مسار طنطا إلى القاهرة :

	,	_		
طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	/ من
_	و	هـ	د	الى
	۳	+ 1	- 0	طنطا
1	•	4	١	1
	٣	- £	+ ^	الزقازيق
٣٠٠		1	٧.,	ب
	٥	V	9	أسيوط
٣٠٠	٧	1		جــ
٧.,	٧	٧.,	٣٠٠	احتياجات
				المنفذ

القاهرة		إسكندرية	ر من <sub>ا</sub>
		alan ja	1
1	٤	99 0	طنطا
na.	¢	3.3/.	1
11	٤	A	الزقازيق
1	y.	Υ	5.5
	7	جلول (۲)	

تقييم المسار  $= 1 \times 3 - 1 \times 0 + 1 \times A - 1 \times 3 = 7$  جنيه.

ولتوضيح التخفيض في المشحون من طنطا إلى الإسكنلوية لتجنب التعدي على قيد طاقة المصنع نضع علامسة السالب في المربسع الحساص بوحسدات طنطا/الإسكندرية حيث أن الطاقة الإجمالية ، • ١ وحدة. وإذا ما خفض الشحن من الزقازيق/القاهرة إلى ٩ ٩ وحدة فإن الشحن من الزقازيق إلى الإسسكندرية يجب أن يزيد بواحد، ليصل إلى ٢ • ٢ مكتب. لذلك نضع علامة + في مربسع الزقازيق/الإسكندرية للدلالة على الزيادة. أخيرا، نلاحظ أنه إذا كسان مسسار الزقازيق إلى الإسكندرية به ٢ • ٢ مكتب، فللمحافظة على قيد طاقسة المصنع • ٣ وحدة. لذلك نضع علامة - في خلية الزقازيق/القساهرة. ومسنلاحظ في جدول (٤) أن الأربع مسارات في المسار المغلق متوازنة فيما يتعلق بقيود الطلب والعرض.

الخطوة ٤: يتم حساب دليل التحسن للمسار بإضافة تكـــاليف نقــل الوحدة للخلايا المعلمة بعلامة + وطرح تكاليف نقل الوحدة بالخلايا المعلمــة بعلامة - . ولذلك

دليل طنطا إلى القاهرة = +٤ -٥ + ٨ -٤ = ٣

وهذا يعني أن كل مكتب يشحن على هذا مسار طنطا/القاهرة سيؤدي إلى زيادة تكاليف النقل بمقدار ٣ جنيه عن إجمالي تكلفة النقل حاليا.

طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	منسسلغد
		+ 4		طنطا
			+	الزقازيق
		+		أسيوط
	1		7	احتياجات المنفذ

الخطوة ٥: لفحص المسار غير المستغل من طنطا إلى أسوان. وهو أصعب قليلا في التتبع في مسار مغلق. لاحظ أن المسار العكسي نستخدم فيسه الخلايسا المستغلة فقط. ويمكن أن يمر المسار من الإسكندرية إلى أسوان، ولكن لا يمكسن أن يدور في مسار عكسي مباشرة بخلايا غير مستغلة. وحيست أنسا يجسب أن نستخدم مسار مستغل سابقا، فإن المسار الوحيد سيكون +طنطب/أسسوان - طنطا/إسكندرية + أسيوط/القاهرة - أسيوط/أسوان + الزقازيق/إسكندرية - الرقازيق/القاهرة.

وسيكون دليل التحسن = +٣ -٥ +٧ -٥ +٨ -٤ = ٤ جنيه وبالتالي فإن استغلال هذا المسار سيؤدي إلى زيادة إجمالي تكلفـــة النقـــل الحالية بمقدار ٤ جنيه لكل مكتب.

ويمكن تقييم المساران الآخران للخلايا الفارغة كما يلي :

دليل الزقازيق/أسوان = ٣ - ٤ + ٧ - ٥ = ١ جنيه. ( ومساره +الزقازيق/أسوان -الزقازيق/القاهرة +أسسيوط/القساهرة -أسيوط/أسوان)

ودليل تحسن أسيوط/إسكندرية = 9 - 4 + 3 - 4 = -7 + + = -7.
( ومساره +أسيوط/إسكندرية – أسيوط/القاهرة +الزقازيق/إسكندرية).

ونظرا لأن المسار الأخير يؤدي إلى دليل سالب، فهناك وفر في التكساليف يمكن تحقيقه بنقل أكبر عدد ممكن من الوحدات على هذا المسار.

الوصول الأفضل حل ممكن

يمثل كل دليل سالب محسوب وفقا لطريقة الحجر المتنقل المبلغ الذي يمكن تخفيض إجمالي تكاليف النقل به إذا ما تم نقل وحدة من المنتج على هذا المسار. ووجدنا دليل سالب واحد في مشكلة شركة الأثاثات وهو ٣٠ جنيه للمسار من أسيوط إلى الإسكندرية. وإذا كان هناك أكثر من دليل سالب للتحسسن فسإن الاستراتيجية المتبعة هي اختيار المسار ذو أعلى دليل سالب.

والخطوة التالية هي نقل أكبر عدد ممكن من الوحدات (المكاتب في مثالنا) في المسار الجديد (من أسيوط إلى الإسكندرية) والسؤال هنا ما هو أقصى عـــدد من الوحدات التي يمكن شحنها على هذا المسار الذي يوفر في التكاليف؟. يمكن معرفة هذه الكمية بالنظر إلى المسار المغلق لعلامات الزائد وعلامـــات النـــاقص المرسومة لهذا المسار واختيار أقل عدد من الوحدات التي بما علامة الناقص.

وللوصول إلى الحل الجديد يضاف هذا العدد إلى كل الخلايا السبق بمسا علامة الزائد ويطرح من الرقم الموجود في كل الحلايا التي بما علامة الناقص. لنرى كيف تؤدي هذه العملية إلى تحسين تكلفة النقل لشركة الأثاثات. نكرر جدول النقل جدول (٦) لهذه المشكلة. ولاحظ أن المسار تم رسمه وفقسا لطريقة الحجر المتنقل من أسيوط إلى الإسكندرية.

وأقصى كمية يمكن شحنها في المسار المقترح هي أقل كمية موجسودة في الحلايا المعلمة بعلامة الناقص، وفي هذه الحالة ١٠٠ وحدة. لماذا ١٠٠ وحسدة فقط؟ . نظرا لأن إجمالي التكاليف ستنخفض بمقدار ٢ جم للوحدة. فإن جدول (٦) يوضح أن كل وحدة ستنقل على مسار من الزقازيق إلى القاهرة ستؤدي إلى زيادة وحدة من الزقازيق إلى القاهرة وتخفيض وحدة من أسيوط إلى القساهرة. وإذا شحنا الكميات المتاحة من أسيوط إلى الإسكندرية (١٠٠ وحدة ) ومسن الزقازيق إلى القاهرة (١٠٠ وحدة ). ونظرا لأن أقصى كمية يمكن شحنها مسن أسيوط إلى الإسكندرية ١٠٠ وحدة فإن هذا سيؤدي إلى عدم إمكان شسحن أسيوط إلى الإسكندرية ١٠٠ وحدة فإن هذا سيؤدي إلى عدم إمكان شسحن

ر ٣	<u>ب</u>	د ا	من طنطا
٣	٤		Maria.
į			ا طنطا
		1	ſ
٣	ź	- ^	الزقازيق
	1+	7	ب
٥	- V	+ 9	أسيوط
۲.,	1	-	جـ
٧	٧	٣٠٠	احتياجات
			المنفذ
	۲۰۰	1+ <b>4</b>	Y

جدول (٦) طريقة الحجر المتنقل لتقييم المسار من الزقازيق إلى القاهرة.

نضيف ١٠٠ وحدة إلى صفر الموجود حاليا في مسار مسن أسسيوط إلى الإسكندرية ثم نستكمل بطرح ١٠٠ من مسار أسيوط إلى القاهرة تاركين صفر وحدة في هذه الخلية (ولكن مازلنا محافظين على توازن الصفوف والأعمدة) ثم نضيف ١٠٠ إلى المسار من الزقازيق إلى القاهرة عما يسؤدي إلى وجسود ٢٠٠ وحدة، وأخيرا نظرح ١٠٠ من المسار من الزقازيق إلى الإسسكندرية تساركين ١٠٠ فقط. لاحظ أن الأرقام الموجودة مازالت تؤدي إلى إهماليات صحيحة في كل من الصفوف والأعمدة. ويظهر الحل الصحيح في شكل (٧).

جدول (V) الحل الثاني لمشكلة شركة الأثاثات المعدنية.

طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الى
	و	_	د	من 🖊
	٣	٤	٥	طنطا
1			1	١
	٣	٤	٨	الزقازيق
٣٠٠		7	1	ب
	٥	V	٩	أسيوط
٣٠٠	۲.,		1	جـ
٧٠٠	٧	٧.,	٣٠٠	احتياجات
				المنفذ
		L	L	L

والحل الظاهر في ( جدول ٧ ) قد يكون وقد لا يكون الحسل الأمشل. ولتحديد ما إذا كان من المكن إجراء تحسينات، نعود إلى الخطوات الخمس التي ذكرناها مسبقا لاختبار كل خلية غير مستغلة حاليا. وأدلة التحسسن الأربعة تظهر كما يلي :

طنطا/القاهرة = + ٤ - ٥ + ٨ - ٤ = + ٣ جنيه.

( المسار المغلق مسن طنطا/الإسكندرية إلى طنطا/القاهرة ومسن الزقازيق/اللهاكندرية)

طنطا/أسوان = + ٣ - ٥ + ٩ - ٥ = + ٢ جنيه

( المسار المغلق من طنطا/الإسكندرية إلى طنطا/أسوان ومن أسيوط/أسوان إلى أسيوط/الإسكندرية)

الزقازيق/أسوان = + ٣ - ٨ + ٩ - ٥ = - جنيه.

( المسار المغلق من طنطا/الإسكندرية إلى طنطا/أسوان ومن أسيوط/أسوان إلى أسيوط/الإسكندرية)

 ( المسار المغلق من أسيوط/الإسسكندرية إلى أسسيوط/القساهرة ومسن الزقازيق/القاهرة إلى الزقازيق/الإسكندرية)

ونظرا الإمكان إجراء تحسن بنقل أكبر كمية ممكنة من الوحدات مسن الزقازيق إلى أسوان جدول (٨) فإن الحلية مسن الزقازيق/الإسكندرية إلى الزقازيق/أسوان ومن أسيوط/أسوان إلى أسيوط/إسكندرية هما فقط اللتان التحتويان على علامة الناقص في المسار المغلق، ونظرا الأن اقل عدد من الوحدات في الحليتين هو ١٠٠ وحدة، نضيف ١٠٠ الزقازيق/أسوان وأسيوط/إسكندرية ونظرح ١٠٠ من الزقازيق/إسكندرية وأسيوط/أسوان. وتبلغ التكلفة الجديدة في جدول الحل الثالث ٢٠٠٠ جنيه وتحسب كما يلي:

جدول (٨) تقييم المسار من الزقازيق إلى أسوان.

	ری اسوال	المراس الوحريق		
طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الى
	و		د	<b>/</b> is
	٣	٤	•	طنطا
١			1	1
	۳	٤	٨	الزقازيق
***+	4.+	¥	1	ب
	٥	٧	9	أسيوط
٣٠٠	Y		<b>&gt;</b> 1 • • +	جـ
٧٠٠	٧	٧.,	٣٠٠	احتياجات
·				المنفذ
		l	<u> </u>	

	٤	إجمالي تكلفة الحل الثالم		
إجمالي التكلفة	تكلفة نقل الوحدة	عدد المكاتب المنقولة	الى	من
٥		1	الإسكندرية	طنطا
۸٠٠	£	٧	القاهرة	الزقازيق
۳.,	٣	١	أسوان	الزقازيق
14	4	7	إسكندرية	أسيوط
٥		1	أسوان	أسيوط
44		إجـــــالي		

 المسار ( من طنطا/إسكندرية إلى طنطا/القاهرة، من الزقازيق/القساهرة إلى الزقازيق/أسوان، ومن أسيوط/أسكندرية)

طنطا/أسوان = +۳ -0 +۹ - 0 = + ۲ جنيه.

المسار ( من طنطا/إسكندرية إلى طنطا/أسوان ، من أسسيوط/أسسوان إلى أسيوط/إسكندرية)

الزقازيق/إسكندرية = +٨ -٣ +٥ -٩ = +١ جنيه.

المسار ( من الزقازيق/إسكندرية إلى الزقازيق/أسوان ، ومن أسيوط/أسوان إلى أسيوط/إسكندرية)

أسيوط/القاهرة = +٧ -٥ +٣ -٤ = +١ جنيه.

المسار ( من أسيوط/أسوان إلى أسيوط/القاهرة، ومن الزقازيق/القاهرة إلى

الزقازيق/أسوان)

طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الی
	,	_	د	من 🖊
	٣	+ £	- 0	طنطا
1			1	ſ
	٣	- £	+ ^	الزقازيق
٣٠٠	1	٧.,		ب
	٥	٧	4	أسيوط
٣٠٠	1		۲	جــ
٧٠٠	٧	۲	٣٠٠	احتياجات
				المنفذ

جدول (٩) جدول الحل الثالث والأمثل

وتظهر أصعب خطوات حل مثل هذه المشكلة في تحديــــد كـــل مســــار حجري حق يمكننا حساب دليل التحسن.

وتوجد طريقة اسهل لإيجاد الحل الأمثل لمشاكل النقل وخاصة التي لهــــا مصادر كثيرة ومنافذ توزيع كثيرة يطلق عليها طريقة مودي MODI أو طريقــة النقل المعدلة.

#### طريقة التوزيع المعدلة Modified distribution

تمكن هذه الطريقة من حساب دليل التحسن مباشرة لكل خليــــــة غــــر مستغلة، بدون الحاجة لرسم كل المسارات المغلقة اللازمة. ولذلك فإنما توفــــــر الكثير من الوقت عن طريقة الحجر المتنقل في حل مشاكل النقل.

وتقدم الطريقة المعدلة وسيلة جديدة لإيجاد المسارات غير المستغلة ذات اكبر قيمة سالبة في دليل التحسن. وإذا ما حدد أعلى دليل نختار أقرب مسار لتنفيذه. كما في طريقة الحجر المتنقل، ويساعدنا هذا المسار في تحديد أقصى عدد من الوحدات التي يمكن شحنها عن طريق أفضل مسار غير مستغل.

## كيفية استخدام طريقة النقل المعدلة

لتطبيق الطويقة المعدلة نبدأ بحل مبدئي نحصل عليه باستخدام قاعدة الركن الشمالي الشرقي. ولكن علينا حساب قيمة كل صــف ( ص، ص، ص، إذا

كان هناك ثلاثة صفوف ) وقيمة كل عمود (3) 3 3 4 إذا كـــان هنـــاك ثلاثة أعمدة ) بجدول النقل. وبصفة عامة نجعل )

ص = القيمة المخصصة للصف أ

ع ن = القيمة المخصصة للعمود ن

ت ان = تكلفة الخلية أن (تكلفة النقل من المصدر أ إلى المنفذ ن)

وتتطلب الطريقة المعدلة خمس خطوات بعد ذلك :

١- حساب قيمة كل صف وكل عمود

ص+عن=تأن

وذلك للخلايا المستغلة حاليا. فمثلا إذا كانت الخليسة بسالصف الشساني والعمود الأول مشغولة. تحسب :

ص + ع ١= ت ١٢

٧- بعد حساب كل المعادلات نجعل ص، = صفر.

٣- نعيد حساب قيمة كل صف وكل عمود بعد ذلك.

٤- نحسب التحسن الذي طرأ على كل خلية غير مستغلة باستخدام
 المعادلة :

دليل التحسن = ت <sub>ا ن</sub> - ص ا - ع ن

أي أن دليل التحسن = ت الخلية - قيمة الصف - قيمة العمود

٥- اختار أعلى دليل سالب ثم استكمل حل المشكلة كما في طريقة

الحجر المتنقل.

# حل مشكلة شركة الأثاثات باستخدام طريقة النقل المعدلة

لنجرب هذه القواعد لحل مشكلة شركة الأثاثات. يظهر الحل المبدئـــــي باستخدام طريقة الركن الشمالي الشرقي في جدول (١٠) وسنستخدم الطريقــــة المعدلة لحساب دليل التحسن لكل خلية غير مستغلة. لاحظ التغيير الذي تم على جدول النقل بإضافة صف وعمود بإطار الجدول.

جدول (٩٠) الحل المبدئي لمشكلة شركة الأثاثات المعدنيـــة باســـتخدام الطريقة المعدلة.

	۶۴	ع,	ع ۱	عن	
طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الى من	ص ا
	٣	1 1		طنطا	ص۱
1			1		
	4	٤	٨	الزقازيق	ص٦
٣٠٠		1	7		
	٥	٧	٩	أسيوط	ص*
٣٠٠	۲.,	١			
٧٠٠	۲.,	۲.,	۳٠٠	احتياجسات	
				المنفذ	

نحسب أولا المعادلات لكل الخلايا المستغلة :

$$A = {}_{\uparrow} e + {}_{\uparrow} o (Y)$$

$$\mathbf{t} = \mathbf{v} + \mathbf{v} + \mathbf{v}$$

وبجعل القيمة ص ، = صفر يمكننا إيجاد قيمة كل صف وكل عمسود ع،،

ص۲، ع۲، ص۳، ع۳.

$$\Lambda = \chi + 3 \gamma = 1$$

$$\xi = \frac{1}{4} + \frac{1}{4} = \frac{1}{4}$$

نلاحظ أن قيم ص، ع لن تكون موجبة دائما، فمن المعتاد أن تجد قيمــــة صفر أو قيم سالبة. وبعد إجراء عدة تطبيقات لتحديد قيمة ص، ع ستجد أنــك ماهر في هذه الحسابات بحيث يمكنك إجراؤها في ذهنك مباشرة. الخطوة التالية هي حساب دليل التحسن لكل خلية غير مستغلة. ومعادلة حساب دليل التحسن =  $\tau_{10} - \omega_{1} - 3$  دليل طنطا / القاهرة =  $\tau_{10} - \omega_{10} - 3$  = 3 - 0 - 1 = 4 دليل طنطا / القاهرة =  $\tau_{10} - 0 - 0 - 3$  = 3 - 0 - 1 = 4 دليل طنطا / أسوان =  $\tau_{10} - 0 - 0 - 3$  = 3 - 0 - 1 = 4 دليل الزقازيق / أسوان =  $\tau_{10} - 0 - 0 - 3$  = 3 - 3 - 0 - 1 = 4 دليل أسيوط /الإسكندرية= $\tau_{10} - 0 - 0 - 3$  = 3 - 3 - 3 - 4 = 4 - 3 - 3 - 3 لاحظ أن هذا الدليل هو نفسه الذي تم حسابه عندما استخدمنا طريف المحجر المتنقل (أنظر جداول 3، 6). ونظرا لأن أحد هذه الأدلة سالية، فيان الحجر المتنقل (أنظر جداول 3، 6). ونظرا لأن أحد هذه الأدلة سالية الميان المخلق إلى المحتوم عن الحل كما في طريقة الحجر أسيوط/إسكندرية حتى يمكن استكمال البحث عن الحل كما في طريقة الحجر المتنقل.

والخطوات التي نتبعها للوصول إلى حل أفضل بعد حساب دليل التحسسن للخلايا غير المستغلة هي :

- ١- ابدأ بالخلية ذات أفضل تحسن ( أسيوط / إسكندرية ) وتتبع مسار
   مغلق للعودة إلى هذه الحلية عن طريق استخدام خلايا مستغلة.
- ٣- اختار اصغر كمية تجدها في الحلايا التي تحتوي على علامة السللب.
   أضف هذا الرقم إلى كل الحلايا التي بما علامة + بالمسار واطرحها من
   كل الحلايا التي بما علامة بالمسار.
- احسب دليل التحسن للحل الجديد باستخدام طريقة النقل المعدلة.

وباتباع هذا الإجراء، يمكن إيجاد الحل النافئ والنالث لمشسكلة شسركة الأثاثات المعدنية. وفي شكل جدولي فإن نتيجة الحل باستخدام طريقسة النقسل المعدلة سيكون مطابقا تماما لجدول (٧) جدول الحل الثاني باسستخدام طريقسة الحجر المتنقل. ولجدول (٩) الحل الأمثل. وبكل حل جديسد يجسب أن نعيسد حساب قيم كل من ص، ع، وهذه القيم سنستخدمها لحساب دليل التحسسن الجديد لتحديد مدى إمكانية الوصول إلى تخفيض جديد لتكلفة النقل.

# طريقة فوجل التقريبية Vogel's Approximation Method VAM

بالإضافة إلى طريقة الركن الشمالي الشرقي لتصميم حل مبدئي لمشاكل النقل، يمكننا استخدام أسلوب آخر يطلق عليه طريقة فوجسل التقريبية Vogel's Approximation Method VAM وهي ليست بنفس بساطة طريقة الركن الشمالي الشرقي ولكنها تسهل الوصول إلى حل مبدئي، والذي في عديد من الحالات يكون هو الحل الأمثل.

وتبحث طريقة فوجل عن حل مبدئي جيد بالأخذ في الحسسبان طريقة الركن الشمال الشرقي. ولتطبيق طريقة فوجل، نحسب أولا لكل صف ولكسل عمود التكلفة التي نواجهها إذا شحنا باستخدام مسار أفضل بديل تالي بدلا من المسار ذو أقل تكلفة.

وتظهر الخطوات الستة اللازمة للوصول للحل المبدئي بطريقة فوجــــل في مثالنا السابق. (سنبدأ بنفس الجدول المخطط في شكل (٢). الخطوة الأولى : أوجد لكل صف ولكل عمود بجدول النقل الفرق بسين أقل تكلفتين للنقل. وهذا الفرق بمثل الفرق بين تكلفة أمثل مسار في الصف أو العمود والمسار التالي له في التكلفة بالصف أو العمود (وهي تكلفة الفرصة البديلة لعدم استخدام أمثل مسار).

وتظهر الخطوة الأولى في جدول (١٩) فالأرقام أعلى الأعمدة وعلى يسار الصفوف تمثل هذه الفروق.

فمثلا تكاليف النقل بالصف الثاني هي ٨، ٤، ٣ جنيه ونظرا لأن أقــــل تكلفتان هما ٤، ٣ جنيه، فإن الفرق يكون ١ جنيه.

الخطوة الثانية: حدد الصف أو العمود ذو أعلى تكلفة فرصة بديلة (أي أعلى الفروق). في جدول (١٩) العمود أو الصف المختار هو العمـــــود الأول نظرا لأن به أعلى اختلاف ٣ جنيه.

 الخطوة الرابعة: استبعد أي صف أو عمود تم استيفاء احتياجات أو إمكانياته بالحطوة السابقة. وذلك بوضع علامة × في الخلية الماسبة. وتظهر نتيجة الخطوة الرابعة في جدول (١٢) حيست الصف الأول أ (طنطا) لن يتم تخصيص كميات أخرى به للمسار طنطا/القاهرة أو طنطا/أسوان.

			•	٣	
	طاقة	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الى الى
	المصنع	و		٠ د	من /
		۳	٤	٥	طنطا
1	1,	2	· ·	120	1
1111		٣	٤	, V	الزقازيق
1	4		12.	49.	ب
		٥	V	٩	أسيوط
4	٣.,	ж.,	1/		جــ
	٧٠٠	۲	7	٣٠٠	احتياجات
					المنفذ

جدول (۱۱) جدول النقل باستخدام طريقة فوجل وبه الفــــوق لكــــل صف ولكل عمود.

		۲	٣	١	
		<i>,</i>	/	*	
	طاقة	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الی
	المصنع	و	1	د	من /
		٣	٤	٥	طنطا
4	١			1	1
		٣	٤		الزقازيق
1	٣٠٠				ب
		٥	V	1	أسيوط
۲	٣٠٠				جـ
	٧٠٠	٧	٧	۳.,	احتياجات
					المنفذ

جدول (١٢) التخصيص بطريقة فوجل وتلبية احتياجات أول منفذ.

الخطوة الخامسة : إعادة حساب فروق التكلفة بجدول النقــــل. بحــــذف الصفوف والأعمدة التي تم الشطب عليها في الجدول السابق.

كما يظهر في جدول (١٢) عمود أ ، ب، وتم استبعاد الصف أ. وتظــــل الفروق لكل من ب و جــ كما هي في جدول (١٩).

الخطوة السادسة : العودة للخطوة الثانية وتكرار الخطوات إلى أن يتــــــم الحصول على جدول الحل المبدئي. 

في مثالنا، العمود ب له أكبر فروق وهي ٣، نخصص ٢٠٠٠ وحدة للخلية ذات أدبن تكلفة نقل في العمود ب، والتي لم يتم شفلها بعد. وهدف تخسل الزقازيق/الإسكندرية إلى / . حيث أن احتياجات ب تم الوفاء بما، نضع × على مربع هـ – ب لحذفه. ويتم حساب الفروق مرة أخرى ويتم تلخيص لهذه العملية في جدول (١٣).

وأكبر فروق نجدها حاليا في ه... نظرا لأننا سنخصص أكبر عدد ممكن من الوحدات للخلية ذات أدي تكلفة بالصف ه... أي ه... - ج.. بتكلفة ٣ جنيه للوحدة. وأقصى تخصيص ممكن هو ١٠٠ وحدة تلغي الوحدات الباقي... المناحة في ه... والخلية ه... - أيتم حذفها كما يظهر في جدول (١٤). وآخر تخصيصات ه... أ، ه.. ج.. يمكن أن يتما بفحص قيود العرض (في الصفوف) واحتياجات الطلب (في الأعمدة). وسنجد تخصيص ٢٠٠ وحدة ه...... أ

وبالرغم من حاجة طريقة فوجل إلى عمليات حسابية كثيرة للوصول إلى الحل المبدئي عما تحتاجه طريقة الركن الشمالي الشرقي، إلا ألها تؤدي في الغالب إلى الوصول إلى حل مبدئي أفضل نظرا لأن طريقة فوجل تقلل من إجمالي عسدد العمليات الحسابية اللازمة للوصول إلى الحل الأمثل.

			۲	*	١	
			/	/	A	
		طاقة	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الی
		المصنع	و	هـ	د	من /
			٣	٤	٥	طنطا
	X	١			1	ſ
			٣	٤	٨	الزقازيق
٥	X	٣٠٠		۲.,		ب
			٥	٧	٩	أسيوط
٤	y	7				جـ
		٧٠٠	٧	٧.,	٣٠٠	احتياجات
						المنفذ

جدول (١٣) جدول الحل الثاني للتخصيص بطريقة فوجل مع تلبية احتياجات ب.

		1	/	4	
	طاقة	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الی
	المصنع	و		د	من
4	1	٣	ŧ	1	طنطا ا
X	۳۰۰	١	٤	٨	الزقازيق ب
y	۳٠٠	٥	٧	٩	أسيوط جــ
	٧٠٠	٧	۲.,	۳٠٠	احتياجات
					المنفذ

جدول (١٤) جدول الحل الثالث للتخصيص بطريقة فوجل مع تلبية احتياجات جـــ

طاقة المصنع	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الی ا
	و	هـــ	د	من 🖊
	٣	٤	٥	طنطا
1			1	ſ
	٣	٤	٨	الزقازيق
٣٠٠	1	۲.,		ب
	٥	٧	٩	أسيو ط
٣٠٠	١		۲.,	جــ
٧.,	۲.,	۲.,	٣٠٠	احتياجات
				المنفذ

جدول (١٥) الحل النهائي لموازنة الأعمدة والصفوف.

# مشاكل النقل في حالة عدم التوازن

غالبا ما تحدث في الممارسة العملية مشكلة عدم تساوي إجمالي الطلب مع إجمالي العرض. ومشاكل عدم التوازن هذه يمكن تناولها بسهولة بإضافة مصادر وهمية أو طلب وهمي. فإذا كان إجمالي العرض أكبر من إجمالي الطلب، ننشسئ طلب وهمي ( منفذ وهمي ) طلبه يعادل الفرق بين العرض والطلب. وإذا كان إجمالي العرض ننشئ عرض وهمي ( مصنع وهمي ) عرضه يعادل الفرق بين العرض والطلب الحقيقي. وفي كلا الحالين يجعل تكلفة النقال

حالة انخفاض الطلب عن العرض

بالرجوع لمشكلة شركة الأثاثات المعدنية، وبفرض أن مصنع أ زاد مسسن معدل إنتاجيته ليصبح ٢٥٠ مكتب في فسترة الإنتاج). وتستطيع المنشأة حاليا عرض ٨٥٠ مكتب في كل فترة. وما زالست احتياجات المنافذ كما هي (٧٠٠ مكتب) لذلك لا يتوازن إجمالي الأعمدة مسع إجمالي الصفوف.

ولموازنة هذا النوع من المشاكل، نضيف عمود وهمي يمثل منفذ وهمسي يحتاج إلى ١٥٠ مكتب. وهذا يماثل إضافة متغيرات عاطلة عند حسل مشكلة البرمجة الخطية. وكما تم تخصيص قيمة صفر للمتغيرات العاطلة في دالة الهسدف بالبرنامج الخطي نقوم بتخصيص صفر لتكلفة النقل إلى هذا المنفذ.

نستخدم قاعدة الركن الشمالي الشرقي في (جدول ١٦) لإبجـــاد حـــل مبدئي لهذه المشكلة المعدلة. وكما سنجد فإن زيادة طاقة مصنع أخفض إجمـــالي التكلفة. وإذا رغبت في استكمال هذه المهمة وإيجاد الحــــل الأمــــل، يمكـــك استخدام إما طريقة الحجر المنتقل أو طريقة النقل المعدلة.

لاحظ أن الوحدات المنظُّولُة من أسيوط إلى المنفد الوهمي وقدرهـــــا ١٥٠ وحدة (تمثل وحدات لن تشحقُ من أ).

طاقة المصنع	منفذ وهمي	أسوان	القاهرة	إسكندرية	الى
	ز	و		د	من من
۲0.		٣	٤	٥	طنطا
				40.	, 1
٣٠.		٥. ٣	۲۰۰ ٤	٥٠ ٨	الزقازيق
		-		-	ب
٣		٥	V	9	أسيوط
	10.	10.			جــ
٨٥٠	10.	7	٧	٣	احتياجات
					المنفذ

جدول (١٦) جدول الحل المبدئي لمشكلة غير متوازنة حيث الطلب أقل من العرض.

اهالي التكلفـــة = ٥٠٢×٥٠ + ٥×٨٠ + ٥×٢٠٠ + ٥×٣٠ + ١٥٠×٥٠ + ١٥٠٠ منيه.

## حالة زيادة الطلب عن العرض

يحدث النوع الثاني من عدم التوازن عند زيادة إجمالي الطلب عن إجمــــالي العرض. أي أن العملاء أو منافذ التوزيع تطلب منتجات أكثر مما يمكن لمصـــانع الشركة إنتاجه. في هذه الحالة نحتاج إلى إضافة صف وهمي يمثل مصنع وهمــــي.

وسيكون للمصنع الجديد عرض مساوي للفرق بين إجمسالي العسوض وإجمسالي الطلب الفعلي. ونجعل تكلفة النقل من المصنع الوهمي إلى كل منفسذ تسساوي صفر.

وتواجه شركة العربي والتي تجمع نظم استريو فائق الجودة هذه المشكلة حيث تنتج في ثلاث مصانع وتوزعها عن طريق ثلاث منسافذ جملسة موزعسة جغرافيا. وتظهر طاقة المصنع وطلب كل منفذ وتكلفة الوحدة المنقولة في جدول (٧٧).

إجمالي العرض	فد جــ	من	نفذ ب	4	منفذ ا		الی
							من
		٩		٤		٦	مصنع س
٧٠٠					۲٠٠		
		٨		٥		١	مصنع ص
170	70		١		٥.,		
		۲		٧		١	مصنع ع
۷٥	۷٥				·		
٤٥٠/	10.		١		70.		إجمالي الطلب
<b>/ 0</b>				~~~			

جدول (١٧) البيانات الأساسية لحالة عدم توازن الطلب والعرض

كما في جدول (١٨) تم إضافة مصنع وهمي بصف وهمي ليوازن المشكلة، وليسمح لنا بتطبيق قاعدة الركن الشمالي الشرقي لتصميم جمدول

الحل المدلى. ويظهر الحل المعلى نقل ٥٠ وحدة من المصنع الوهمي إلى المنفسة جسر وهذا يعني أن المنفذ جسر سيحصل على ٥٠ وحدة أقل تما يحتاجه. وبصفة عمة، أي وحدات تقل من مصدر وهي لا تلبي طلب المنفذ المرسلة إليه.

إجمالي العرض	منفذ جـــ	منفذ ب	منفذ ا	من للي
	٩	٤	٦	مصنع س
۲			۲	
	٨	٥	١	مصنع ص
140	Y 0 .	1	٥,	
	٦	V	١	مصنع ع
٧٥	٧٥			
				مصنع وهمي
٥.			-	
٥.,	. 10.	1	۲0.	إجمالي الطلب

جدول (١٨) الحل المبدئي لمشكلة نقل غير متوازن حيث يزيد الطلب عن العرض

تكلفة النقل في الحـــل المبدئـــي = ٢٠٠٠، ١٠٠٠ + ١٠٠٠ + ٥٠٠ + ٥٠٠ + ٥٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠ + ٥٠٠٠

#### حالة التحلل في مشاكل النقل

يحدث التحلل عندما نجد أن عدد الخلايا المستغلة أو المسارات في جسدول حل مشكلة النقل أقل من (عدد الصفوف + عدد الأعمدة - 1 ). وقد يظهر عذا الموقف في جدول الحل المبدئي أو في أي جدول حل تالي. ويتطلب التحلسل إجراء خاص حتى يتم تصحيح المشكلة. فبدون عدد كاف من الخلايا المسستغلة لتنبع مسار مغلق لكل مسار غير مستغل، قد يستحيل تطبيق طريقسة الحجسر المتنقل أو حساب قيمة الصف وقيمة العمود اللازمة في طريقة النقسل المعدلسة. لاحظ أننا لم نواجه هذه المشكلة في الأمثلة السابقة حتى الآن.

ولمعالجة مشكلة التحلل، ننشئ خلية وهمية غير مستغلة، أي نضع فيــــها وحدات صفر أي شغل وهمي. ويجب تمكن الخلية المختارة مــــن إتمـــام كافـــة المسارات لطريقة الحجر المتنقل وهناك قدر من المرونة في اختيار الخلايــــا غـــير المستغلة التي نضع بما صفر وحدات.

#### مشكلة التحلل في الحل المبدئي

يمكن أن يحدث التحلل عند تطبيق طريقة الركن الشمالي الشرقي لإبجاد الحل المبدئي. وكما في حالة شركة الأثاثات والتي لها ثلاث مخازن جملة وفسلاث منافذ تجزئة فإن تكاليف هذه الشركة، وعرض منافذ الجملة وطلب مستهلكي التجزئة يظهر في جدول (19). لاحظ أن المصدر في هذه المشكلة هي مخسازن

الجملة والهدف هو مخازن التجزئة. وأعدت الوحدات المنقولة مبدئيا وفقا لقاعدة الركن الشمالي الشرقي.

وقد تحلل هذا الحل المبدئي نظرا لأنه لا يستوفي قاعدة أن عدد الخلايسا المستغلة يجب أن يساوي ((عدد الصفوف + عدد الأعمدة) - 1) أي ٣ + ٣ - ١ = ٥ وهو أكبر من عدد الخلايا المستغلة. وفي هذه المشكلة، ظهر التحلسل نظرا لأن كل من احتياجات الأعمدة والصفوف (أي العمود 1، الصف 1) قد تم تلبيتها بالتماثل. ثما أدى إلى كسر نمط درجات السلم التي اعتدنا عليسها في الحل بطريقة الركن الشمالي الشرقي.

جدول (۱۹)

( ) ( )				
عوض	عميل	عميل	عميل	الی
المخازن	٣	۲	.1	من
	٦	٤	٨	مخزن جملة ١
1			1	
	٩	٩	1.	مخزن جملة ۲
17.	۲.	1		
	٧	١.	٧	مخزن جملة ٣
۸۰	۸۰			
۳٠٠	١	1	1	طلب العملاء

ولتصحيح هذه المشكلة يمكننا وضع صفر وحدات في إحدى الخلايا غــير المستغلة. وفي هذه الحالة، فإن هذه الحالايا ستمثل إما مسار الشحن من مخــزن الله العميل المورد عالجت الخلية الجديدة والــــــــى وضعنا بما صفر مثل بقية الخلايا المستغلة، فيمكننا استخدام أي طريقة من طــوق احل بعد ذلك.

## التحلل خلال الخطوات التالية للحل

يمكن أن تتحلل مشكلة النقل بعد خطوة الحل المبدئي إذا أدى إضافية خلايا غير مستفلة إلى استبعاد مساران مستخدمان مسبقا، بدلا مسن اسستبقاء المسار المعتاد. ويحدث ذلك إذا ما خصص لحليتين علامة السالب في مسار مغلق ولكل منهما أدبئ تكلفة نقل.

وبعد إجراء تحسن واحد بطريقة الحجر المتنقل عرض محللسي التكاليف بالشركة جدول النقل التالي جدول (٢٠) وسنلاحظ أن الحل بجدول (٢٠) لم يتحلل ولكنه ليس أمثل.

ودليل التحسن للأربع خلايا غير المستغلة هو :

دليل المصنع أ إلى المخزن ٢ = + ٢

دليل المصنع ب إلى المخزن ٣ = + ١

دليل المصنع جـ إلى المخزن ٣ = -١٥

دليل المصنع د إلى المخزن ٢ = + ١١

عوض	عميل	عميل	عميل	الی
المخازن	٣	۲	1	من
	۲	£	٨	مخزن جملة ١
1			٧٠	·
	٩	٩	١.	مخزن جملة ٧
17.	٧.	٨٠	٥,	
	٧	١.	٧	مخزن جملة ٣
۸۰	٥.		۳٠	
٣٠٠	١	١	١	طلب العملاء

جدول (٢٠) جدول النقل لشركة الأثاثات

إجمالي تكلفة النقل = ٢٧٠٠ جنيه.

وحيث يمكن الحصول على حل أفضل بفتح مسار من المصنع ب إلى متجر الجملة ٣. سنستخدم طريقة الحجر المتنقل لإيجاد الحل التالي. نبدأ برسم مسار مغلق للخلية غير المستغلة ممثلة للمصنع ب / المتجر ٣. كما في شكل (٢١) وهو شكل مختصر من جدول (٢٠) ويحتوي فقط على المصانع والمتاجر اللازمة للمسار المغلق.

جدول (٢١) تتبع مسار مغلق من المصنع ب إلى المخزن ٣.

مخزن ۳	مخزن ۱	الی من
+ -	-	مصنع ب
-	+ +	مصنع جــ

ونظرا لأن أقل كمية في خلية بالمسار تحتوي على علامة السالب هـو • ٥ وحدة نقوم بتخصيص • ٥ وحدة لمسار للمصنع ب / المتجـــر (٣)، والمصنـــع جــ/ المنجر (١)، ونظرح • ٥ وحدة من الحليتين المحتويتين على علامة السالب. ويؤدي ذلك إلى أن كل من الحلايا المستغلة تتخفض إلى صفر. كذلك تعنى عدم وجود خلايا مستغلة كافية في الحل الجديد وأن المشكلة ستتحلل. وسنحتاج إلى إضافة وحدات وهمية (صفر) في أحد الحلايا، (بصفة عامة، الحلية ذات أقــــل تكلفة نقل ممكنة) حتى يمكننا حل مشكلة التحلل.

# مشكلة وجود أكثر من حل واحد أمثل

 مستغلة وقيمتها صفر في الحل الأمثل. وهذا يعني أنه من الممكن تصميم مسارات بديلة بنفس إجمالي تكاليف النقل. ويمكن أن نجد مسارات النقل البديلة بشــــحن معظمها إلى الحلايا غير المستغلة. وبصفة عامة، تقدم الحلول المتلــــــــى المتعـــددة للإدارة موونة أكبر في اختيار واستخدام مواردها.

## تحليل تحديد موقع التسهيلات Facility Location Analysis

أثبت طريقة النقل قدرةا في مساعدة المشآت في تقريسر أيسن تنشيئ مصنعها الجديد أو متجر الجملة الجديد. ونظرا لأن الموقع الجديد له أهمية مالية قصوى للشركة، لذا يجب فحص وتقييم عدة مواقع. وبالرغم من وجود عديسه من العوامل الشخصية، وعوامل توفي العمالة اللازمة، ووجود نقابات عماليسة قوية، وموقف المجتمع المحلي تجاه المشروعات، وجود وسائل الترفيسه والتعليسم للعاملين وأبناؤهم، فإن القرار النهائي يتضمن أيضا تخفيس تكاليف النقال والإنتاج لأدى حد ممكن. مما يوجب تحليل كل موقع بديل في إطار نظام التكلفة الشامل للمنشأة. فالموقع الجديد الذي سيغل أدن تكلفة للنظام ككال سوف يكون الموصى به لندرس حالة شركة الآلات الحديثة.

# تحديد موقع جديد لشركة الآلات الحديثة

تنتج شركة الآلات الحديثة مكونات الحاسبات في مصانعها بكـــل مــن العاشر من رمضان، برج العرب، والسويس. ولم تستطع هذه المعــانع تلبيـة طلبات متاجر الجملة الأربعة بالقاهرة والإسكندرية، أســيوط، وبــور سـعيد. ولذلك تفكر في إنشاء مصنع جديد لزيادة طاقتها الإنتاجية. والموقعان المقترحان هما في مدينة السادس من أكتوبر أو مدينة دمنهور.

ويوضح جدول (٢٣) تكاليف الإنتاج واحتياجات الإنتاج لكل مصنـــع من المصانع الثلاث الحالية، وكل من الأربع متاجر جملة وتكاليف الإنتاج المقدرة للمصانع الجديدة المفترضة.

وتبلغ تكاليف النقل من كل مصنع إلى كل متجر جملة كمــــا في جــــدول (٢٤).

جدول (۲۳) بیانات الطلب والعرض علمی منتجمات شمر کة الآلات درورة

الحديثة.				
المتجر	الطل	ب المصانع الأربع	العـــرض	تكلفة
•	الشمهوع	الشـــهري		إنتــــاج
	بالوحدات			الوحدة
القاهرة	1	العاشر من رمضان	10	٤٨
الإسكندرية	14	برج العرب	4	٥.
أسيوط	10	السويس	16	٥٢
بور سعید	4			
	. 14		40	

والعرض المطلوب مسمن المصنب ع الجديسة = ٢٠٠٠ - ٣٥٠٠ = • ٣٥٠٠ - ٣٥٠٠ = • ١٩٠٠ وحدة شهريا.

تكلفة الإنتاج التقديرية للوحدة بالمصانع المقترحة

السادس من أكتوبر ٥٣

دمنهور ۹

جدول (٢٤) تكاليف النقل لشركة الآلات الحديثة.

بور سعید	أسيوط	الإسكندرية	القاهرة	من إلى
٦.	٤٠	00	40	العاشر من رمضان
٤٠	٥.	٣٠	٣٥	بوج العرب
	77	٤٥	77	السويس
**	٦٥	٣٨	٦,	٦ أكتوبو
٥.	٤١	٣٠	40	دمنهور

والسؤال الهام الذي يواجه الشركة هو أي المواقع الجديدة سيحقق أدبى تكلفة للشركة مع الأخذ في الحسبان المصانع ومتاجر الجملة الموجودة حاليا؟.

لاحظ أن تكلفة كل مسار من مصنع إلى متجر جملة نجده بإضافة تكليف النقل ( الموجودة في الخلايا بالجدول السابق ) إلى تكلفة إنتاج الوحدة المرتبطة بالمصنع وفقا للجدول (٣٣) ولذلك فإن إجمالي الإنتاج زائدا تكاليف النقل لكون الحاسب من ١٠ رمضان إلى القاهرة تبلغ ٧٣ جنيه (٢٥ جنيه للنقلل 1٠ جنيه للإنتاج).

ولتحديد أي المواقع تحقق أدن تكلفة للإنتاج والنقـــل علـــى مســـتوى الشركة ككل نحل مشكلتان للنقل. الأولى لكل من المزيحين المحتملين. (جـــداول (٢٥، ٢٦) يظهران الحلان الأمثلان الناتجان والتكلفة الإجمالية لكـــل منـــهما. (استخدمنا الحاسب للوصول إلى نتائج كل منهما). ويظهر أن موقع ٦ أكتوبـــر أفضل نظرا لأن التكاليف الإجمالية للموقع الجديد تبلغ ٢٧٠٤٠٠٠ جنيه وهي أقال عن تكلفة دمنهور والتي تبلغ ٣٧٠٤٠٠٠ جنيه.

إجمالي	بور سعید	أسيوط	إسكندرية	القاهرة	الى الى	1
					ين 🖊	۸
					لعاشر من	1
	٤٠٠٠	1		1	رمضان	
	-				برج	
	٥		1		العوب	
					السويس	١
		12				
	V	,	V		* أكتوبر	١
			11			
					إجمالي	_

جدول (٣٥) الحمل الأمثل لمصنع ٦ أكتوبر إجمالي تكاليف الشركة ٣٧٤١٠٠٠ جنيه.

إجمالي	بور سعید	أسيوط	إسكندرية	القاهرة	الی
		1	£ • • •	1	العاشر من رمضان
			۲		بوج العوب
		16.			السويس
	9	,	Y		٦ أكتوبر
					إجمالي

جدول (٢٦) الحل الأمثل لمصنع دمنهور إجمالي التكاليف ٣٧٠٤٠٠٠ جنيه.

### مدخل لنموذج التخصيص Approach of the Assignment Model

الشكل الثاني لرياضيات البرمجة الخطية ذات الأغراض الخاصة والذي سنشرحه في هذا الفصل هو طريقة التخصيص. فلكل مشكلة تخصيص جدول، أو مصفوفة مرتبطة بها. وبصفة عامة تحتوي الصفوف على الأهداف أو الأفراد الذين نرغب في تخصيصهم، وتحتوي الأعمدة على المهام أو الأشياء التي نرغب في تخصيصهم، والحدول يمثل التكاليف المرتبطة بكل تخصيص معين.

١- راديو.

٧- فرن ميكروويف.

٣- جهاز إعداد القهوة.

ويوجد بالورشة ثلاثة فني صيانة يختلفوا في مهاراتهم وقدراتهم. وقد قــــدر صاحب الورشة ما سيتكلفه من أجور كل فني على كل من الأجهزة الثلاثة.

وتختلف التكاليف الظاهرة بجدول (٣٧) نظرا لأن صاحب الورشة يعتقـــد أن كل فني سيختلف في السرعة والمهارة لهذه المهام المختلفة.

ويهدف صاحب الورشة إلى تخصيص الأجهزة الثلاث على الفنيين بطريقة تؤدي إلى تحقيق أدن تكلفة إجمالية للورشة. لاحظ أن تخصيص الفنيسسين علسى الأجهزة يجب أن يكون واحد – لواحد، فكل جهاز سيخصص له فني واحسسد فقط. ولذلك فإن عدد الصفوف يجب أن يعادل دائما عدد الأعمدة في جـــدول تكاليف التخصيص.

ونظرا لأن مشكلة الورشة تتكون من ثلاثة فنيين وثلاثة أجهة ققط. فأحد الحلول السهلة لإيجاد الحل الأمثل هو كتابة كل التخصصات الممكنة وتكاليف كل منها. فمثلا، إذا كان أدهم سيخصص للجهاز ١، ومحمد للجهاز ٢، وكمال للجهاز ٣، فإن إهمالي التكاليف سستكون ١١ + ١٠ + ٧ = ٢٨ جنيه. ويلخص جدول (٢٨) التخصيصات الستة المتاحة.

ويظهر الجدول أن أقل التكاليف سيكون تخصيص كمال للجـــهاز (١)، ومحمد للجهاز (٧)، وأدهم للجهاز (٣) بتكلفة إجمالية ٢٥ جنيه.

جدول (٢٧) تكاليف الصيانة المقدرة للورشة لمشكلة التخصيص.

	33 3	` `	
	الجهاز		:
<b>(4</b> )	€. ( <b>*)</b>	n <sub>a, 1</sub> (1)	الفني
۲ جنیه	۱٤ جنيه	۱۱ جنیه	ادهم
. 411	1.	٨	محمد
, <b>Y</b>	17	9	كمال

جدول (٢٨) ملخص لتكاليف بدائل تخصيص الفنيين على الأجهزة بالورشة.

إجمالي	تكلفة العمل		التخصيص	
التكاليف		٣	۲	١
44	V+1.+11	كمال	عمد	أدهم
71	11 + 17+ 11	محمد	كمال	أدهم
79	V + 1£ + A	كمال	ادهم	محمد
77	7 + 17 + 1	أدهم	كمال	محمد
71	11+18+9	غمد	ادهم	كمال
40	7+1+4	أدهم	محمد	كمال

والوصول للحل في المشكلات الصغيرة سهلا. ولكنه يصبح صعبا كلما كبر حجم مشكلة التخصيص. فمثلا، مشكلة تخصيص أربع فنين على أربع مشروعات تتطلب بدائل ١٤ (٤×٣×٢×١) أي ٢٤ بديل. ومشكلة تحسوي على ممانيسة عساملين وتمانيسة مشروعات سستحتاج إلى ١٨ بديل أي (٨×٧×٦×٥×٤×٣×٢×١) أي ٤٠٣٠ حل ممكن. لذلك لن يكون عمليا مقارنة هذا العدد من البدائل ونحتاج إلى طريقة أكثر كفاءة للحل.

الطريقة الهنجارية (أسلوب فلوود)

#### The Hungarian Method (Floods Technique)

تقدم لنا الطريقة الهنجارية في التخصيص طريقة كفء لإيجاد الحل الأمشل بدون الحاجة إلى إجراء مقارنة مباشرة لكل بديل. وتعتمد على أسلوب تخفيض المصفوفات Matrix Reduction، وذلك بطرح وإضافة أرقام مناسبة في جدول التكلفة أو الصفوف، يمكننا تصميم المشكلة في مصفوفة بتكلفة الفرصة الضائعة. وتكلفة الفرصة الضائعة تمثل الفرامة المرتبطة بتخصيص أي فسرد إلى مشروع بدلا من تخصيص الأفضل أو الأقل تكلفة. وإذا تمكنسا مسن تخفيض المصفوفة إلى النقطة حيث الفاقد صفر في كل صف وعمود، فسسبتمكن مسن الوصول إلى الحل الأمثل، أي التخصيص حيث كل تكلفة للفرصة البديلية =

وتوجد ثلاث خطوات في طريقة التخصيص :

١- تحديد جدول الفرص البديلة عن طريق :

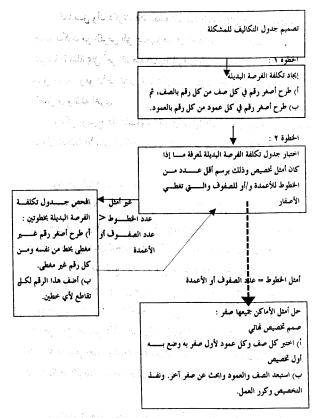
أ- طرح أصغر رقم في كل صف بالجدول الأساسي للتكلفة من كل رقم بالصف.

ب- طرح أصغر رقم في كل عمود بالجدول الناتج من (أ) من كل رقسم بالعمود.

٢- اختبار الجدول الناتج من الخطوة الأولى لتحديد مسدى إمكانية الوصول إلى حل أمثل. والأسلوب هو رسم خطوط مستقيمة تغطي كل الأصفار بالجدول. وإذا ساوى عدد الخطيوط أي من عدد الصفوف أو عدد الأعمدة بالجدول، نكون وصلنا إلى التخصيص

الأمثل. وإذا كان عدد الخطوط أقل من عسدد الصفوف أو عسدد الأعمدة ننتقل للخطوة الثالثة.

٣- تعديل جدول تكلفة الفرصة البديلة الحالي : وذلك بطرح أصغررة مغير مغطى بخط من كل الأرقام غير المغطاة بخط. ويتسم إضافة أصغر رقم هذا لأي تقاطع للخطوط الأفقيسة والرأسسية. ثم نعرد للخطوة رقم (٢) ونكرر العمل إلى أن نصل إلى أمثل تخصيص ممكن.
٤- ورياضيات التخصيص هذه ليست بصعوبة تطبيق رياضيات البرمجة الخطية أو تعقيد إجراءات نموذج النقل. وكل ما تستخدمه هو مجموعة من عمليات الجمع والطرح وعناية خاصة بالإجراءات النلائة. هذه الخطوات تظهر بالشكل التالي.



الخطوة ١: تصميم جدول تكلفة الفرصة البديلة

ويمكن توضيح هذا المضمون الهام في عملية التخصيص. وذلك باستخدام جدول التكلفة الأصلي لمشكلة الورشة السابق عرضه بجدول (٢٩).

وبفرض أننا قررنا تخصيص كمال للجهاز (Y). فسيظهر بالجدول تكلفة هذا التخصيص Y و جنيه. وبناء على مضمون تكلفة الفرصة البديلة، فإن هسذا ليس أمثل قرار. ونظرا لأن كمال يمكنه إصلاح الجهاز (Y) بتكلفة Y جنيه فقط. وتخصيص كمال للجهاز (Y) سيتضمن تكلفة فرصة بديلة قدرها Y مسند (Y - Y). وهو المبلغ الذي تضحي به باتخاذ هذا التخصيص بسدلا مسنخدام أقلهم تكلفة. وبالمثل فإن تخصيص كمال للجهاز (Y) عثل تكلفة فرصة بديلة قدرها (Y - Y = Y جنيه ). وأخيرا، نظرا لأن تخصيص كمال للجهاز (Y) يطلسق (Y) هو أمثل تخصيص يمكننا القول أن تكلفة الفرصة البديلة لهذا التخصيص عليها تكلفة الفرصة البديلة للذا للصف كما تظهر بجدول (Y) يطلسق عليها تكلفة الفرصة البديلة للمصف كما تظهر بجدول (Y).

ونلاحظ في هذه النقطة أنه بالرغم من أن تخصيص كمال للجهاز (٣) هو أرخص طريقة لاستخدام كمال فليس من الضروري أن يكون المدخل الأمشـــل لإصلاح الجهاز (٣)، حيث أن أدهم يمكنه تنفيذ نفس المهمة مقابل ٣ جنيهات.

وما نحتاجه هو استكمال الحطوة الأولى لطريقة التخصيص بتجميع جدول تكلفة الفرصة البديلة، أي مجموع يعكس تكاليف الفرصـــة البديلـــة للعمـــود والصف. ويظهر ذلك في الجزء (ب) من الخطوة الأولى لاســــتنتاج التكـــاليف بجدول (٣٠) فنطرح أصغر رقم في كل عمود من كل رقم بـــالعمود. وتظـــهر إجمالي تكلفة الفرصة البديلة بجدول (٣٠).

ويمكنك ملاحظة أن الأعداد في الأعمدة ٣،١ هي نفسها كما في جدول (٣٠) نظرا لأن أصغر قيمة بكل عمود هي صفر. لذلك، قد يؤدي ذلك إلى أن تخصيص كمال للجهاز (٣) هو جزء من الحل الأمثل نظرا لطبيعة تكلفة الفرصة البديلة. وما نحاوله في القياس هو الكفاءة النسبية لكل جداول التكلفة وإيجاد أمثل تخصيص للحل.

خطوة ٢ : اختبار الوصول للحل الأمثل

يهدف مالك الورشة إلى تخصيص ثلاثة فنيين على الأجهزة المحتاجــــة إلى إصلاح بحيث يخفض تكلفة العمالة إلى أدن تكلفة ممكنة. وحين ترجمــــة ذلـــك بتخصيصهم باستخدام جدول إجمالي تكلفة الفرصة البديلة، فيعني ذلــــك أننـــا نرغب في الوصول إلى إجمالي تكلفة فرصة بديلة للتخصيص قيمتها صفر. بمعــنى آخر، للحل الأمثل قيمة صفر كتكلفة فرصة بديلة لكل أعمال التخصيص.

وبالنظر لجدول (٣١) نجد أربع احتمالات للحصول على صفر تكلفسة فرصة بديلة للتخصيص. يمكننا تخصيص أدهم إلى الجهاز (٣) أو (٣). ولكن سيترك ذلك كمال بدون صفر تكلفة فرصة بديلة للتخصيص. تذكر انه لا يمكن تخصيص عاملين على نفس المهمة، بل يجب على كل منهما تنفيذ مهمة واحدة، وكل مهمة يجب أن يخصص لها عسامل واحد. وبالرغم من ظهور أربعة أصفار في جدول التكلفة، فإنه ما زال ممكنسا إجسراء تخصيص يؤدي إلى إجمالي تكلفة فرصة بديلة قدرها صفر.

يوجد اختبار بسيط لتحديد مدى الوصول إلى الحل الأمثل. وذلك بإيجاد أدنى عدد من الخطوط المستقيمة (رأسية وأفقية) واللازمة لتغطية كل الأصفار بجدول التكلفة. (كل خط يوسم بحيث يغطي أكبر عدد من الأصفار في نفسس الخط). وإذا تساوى عدد الخطوط مع عدد الأعمدة أو الصفوف بالجدول نكون جعلنا إلى تخصيص أمثل. وإذا وجدنا أن عدد الخطوط أقل مسن عدد الصفوف أو الأعمدة، نكون لم نصل بعد إلى التخصيص الأمثل. وفي هذه الحالة، يجب أن نستمر في الخطوة (٣) ونكون جدول جديد لإجمالي تكلفسة الفرصسة البديلة.

ويعرض الجدول (٣٣) أنه من الممكن تغطية كل الأربعة أصفار في جدول (٣١) بخطين فقط، ونظرا لوجود ٣ صفوف، فإن الحل الأمثل لم نصل إليه بعد.

		ا- هاز		
	(٣)	(Y)	(1)	العامل
İ	•	٦	٥	أدهم
	٣			محمد
	•	٣	۲	كمال

جدول (٣٢) اختبار مدى الوصول إلى حل أمثل لورشة السعادة.

		الجهاز		Γ
العامل	(1)	(4)	(1)	r
أدهم	٥	7		
محمد	•		4	
كمال	۲	٣		

الخطوة ٣ : تعديل جدول الفرصة البديلة

نادرا، ما نحصل على حل أمثل من الجدول المبدئي لتكلفة الفرصة البديلة. وغالبا ما نحتاج إلى تعديل الجدول بحيث نحول واحد أو أكسشر مسن التكلفة الأصفار من مكانما الحالي ( المغطى بالخط ) إلى مكان جديد غير مغطسى بحسدا الجدول بمدف جعل قيمة تكلفة الفرصة البديلة المكان غير المغطى صفر. وذلك

بطرح أقل قيمة غير مغطاة بخط من كل الأرقام المغطاة بخط مستقيم. ثم نصيف أصغر رقم هذا إلى كل رقم يقع في تقاطع أي خطين ( بما في ذلك الأصفار ).

وأصغر قيمة غير مغطاة في جدول (٣٢) هي ٢، لذلك يتم طرحها مـــن كل الأربع أرقام غير المغطاة. ثم يتم إضافة ٢ إلى الرقم المغطى بتقاطع خطــــين رأسي وأفقي. وتظهر نتيجة الخطوة ٣ في جدول (٣٣).

ولاختبار التخصيص الأمثل، نعود إلى الخطوة ٢ ونبحث عن أدنى رقم من الخطوط اللازمة لتغطية كل الأصفار في جدول تكلفة الفرصة البديلة المعدلــــة. ونظرا لاحتياجنا إلى ثلاثة خطوط لتغطية الأصفار، راجع جدول (٣٤)، حيــــث نكون قد وصلنا إلى الحل الأمثل.

جدول (٣٣) جدول تكلفة الفرصة البديلة المعدلة لورشة السعادة.

	الجهاز					
العامل	(1)	(۲)	<b>(T</b> )			
أدهم	٣	£	•			
محمد	•		٥			
كمال	•	,	•			

جدول (٣٤) اختبار الوصول إلى الحل الأمثل في جدول تكلفة الفرصة البديلة.

		الجهاز	
العامل	(1)	(٢)	(٣)
ادهم	+	٤	•
محمد ـــــــــ			-
كمال		1	

إعداد التخصيص النهائي

من الواضح أن الحل الأمثل لمشكلة التخصيص بورشة السعادة هي أدهم للجهاز (٣)، محمد للجهاز (٢)، وكمال للجهاز (١). وعند حل مشاكل أكبر من المفضل الاعتماد على أسلوب أكثر تنظيما للوصول إلى تخصيص أمثل. وأحد هذه الطرق هي أخذ صف أو عمود به خلية واحدة بما صفر. مثل هذا الموقسف نجده في الصف الأول. صف أدهم، وفيه صفر بالجهاز (٣). والتخصيص يمكن أن يتم لهذه الخلية. ونرسم خط على صفها وعمودها. (جدول ٣٥) ثم نستكمل من الخلايا غير المغطاة بخط نحتار صف أو عمود به صفر ونقوم بتخصيص كلل فرد على مهمة.

وتظهر إجمالي تكلفة العمالة لهذا التخصيص مستكملا من جسدول التكاليف رقم (۲۹) كما يلي :

التكلفة جنيه	التخصيص
٦	ادهم للجهاز ٣
١.	محمد للجهاز ٢
٩	كمال للجهاز ١
40	إجمالي التكلفة

جدول (٣٥) إيجاد التخصيص النهائي لورشة السعادة.

	أ) التخم	) التخصيص الأول		ب) التخصيص الثابي			ج) التخصيص الثالث					
	العامل	1	۲	٣	العامل		۲	<u> </u>	العامل	1	۲	٣
1	أدهم	3	٤		أدهم		£	4	أدهم	4	ŧ	4
	محمد		•	ه	محمد				، محمد			
	كمال		1		كمال		,		كمال		,	

إضافة صفوف وأعمدة وهمية Dummy Rows and Dummy Columns

تحتاج إجراءات الحل لمشكلة النخصيص أن يكون عسدد الصفوف في الجدول يعادل عدد الأعمدة. وغالبا ما سنجد أن عدد العاملين أو الأشياء الستي يتم تخصيصها لا تعادل عدد المهام أو العملاء أو الحالات المذكورة في الأعمدة. وفي هذه الحالة سنجد عدد الصفوف يزيد عن عدد الأعمدة، نضيف أعمدة وهمية أو مهام وهمية ( مماثلة لحالة عدم النوازن في مشكلة النقل )، وإذا كسان

عدد المهام التي يجب تنفيذها أكبر من عدد العاملين المتساحين، نضيف صف وهمي. ثما يؤدي إلى تكوين جدول ذو أبعاد متماثلة ثما يمكننا من حل المشسكلة كما سبق. ونظرا لأن المهام الوهمية أو الأفراد الوهميين غير موجوديسن، فمسن المعقول أن نضع صفر في صفها أو عمودها كتكلفة أو وقت مقدر.

بفرض أن صاحب ورشة السعادة لديه عامل رابع درويش متاح للعمــل لأي من الأعمال الثلاثة المعروضة. ويمكن لدرويش القيام بالمشروع الأول مقابل ١٠ جنيه، والثاني مقابل ١٣ جنيه، والثالث مقابل ٨ جنيه. ويواجـــه مــالك الورشة نفس المشكلة الأساسية، وهي تحديد العامل المناسب لتنفيذ المهمة بشرط تدنيه إجمالي تكاليف العمالة.

ونظرا لعدم وجود مشروع رابع، نضيف عمود وهمي أو مشروع وهمي. ويظهر جدول التكلفة المبدئية في جدول (٣٦) أحد العاملين (كما هو متوقع) سيتم تخصيصه للمشروع الوهمي، بمعنى آخر هذا العامل لن تخصصص لسه أي مهمة. ومطلوب منك إيجاد الحل الأمثل للمشكلة الظاهرة بالجدول (٣٦).

جدول (٣٦) التكاليف المقدرة لإصلاح الأجهزة بورشة السعادة بإضافة

درویش.

		• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		
العامل		LI .	شروع	
	1	۲,	٣	وهمي
ادهم	11	16	7	•
عمد	٨	1.	11	•
كمال	4	17	V	•
درویش	١.	14	٨	•

### مشاكل التقصية في التخصيص Maximization Assignment Problems

تعرض بعض مشاكل التخصيص في شكل تقصية العوائد، الأرباح، أو الفعالية، بدلا من تدنيه التكاليف. ومن السهل الحصول على مشكلة تدنيه وذلك بتحويل كل الأرقام بالجدول إلى تكلفة فرصة بديلة. وذلك بطرح كل رقم في جدول العوائد من أكبر رقم في ذلك الجدول. وتمثل النتائج المستخرجة تكلفة الفرصة البديلة، ويصبح تدنيه تكلفة الفرصة البديلة مؤديا إلى نفس نتلئج التخصيص في المشكلة الأساسية للتقصية. وإذا ما تم الوصول إلى التخصيص المشكلة المواقد، نصل إلى إجمائي العوائد أو الأرباح بإضافة العوائد. الأصلية إلى الحلايا الظاهرة بالحل الأمثل للتخصيص.

لندرس المثال التالي. ترغب البحرية المصرية في تخصيص أربع سفن دوريات على أربعة أقسام بشاطئ البحر الأبيض. ونظرا لأن بعصض السفن تخصص في بعض القطاعات لمتابعة سفن الصيد غير المصرح لها بالصيد في المياه الإقليمية، وفي قطاعات أخرى تخصص لمراقبة الغواصات المعادية، فقد أعطى قائد الأسطول درجة لكل سفينة تعادل كفاءةا المحتملة في كل قطاع. وتظهر هدذه الكفاءة النسبية في جدول (٣٧). وعلى أساس الترتيب الظاهر، يرغب القالدورية بحيث يحقق أعلى كفاءة شاملة.

وخطوة بخطوة، تكون إجراءات الحل كما يلي، نحول أولا جدول تقصية الكفاءة إلى جدول تدنيه تكلفة الفرصة البديلة. وذلك بطرح كل ترتيب مسن ١٠٠، وهي أعلى ترتيب في الجدول بأكمله. وتظهر تكلفة الفرصة البديلة الناتجة في جدول (٣٨).

ثم تتبع الخطوة ٢،١ من خطوات التخصيص. وأقل رقم في كــل صــف يطرح من هذا الصف (أنظر جدول (٣٩) ثم أصغر رقم في كل عمــود يتــم طرحه من كل رقم في ذلك العمود (كما في جدول ٤٠).

وأقل عدد من الخطوط اللازمة لتفطية الأصفار بذلك الجدول هي أربعة خطوط. وبذلك نكون قد وصلنا إلى الحل الأمثل. وعليك تحديد أفضل حـــل، وهو السفينة 1 إلى القطاع د، والسفينة 2 للقطاع جــ، والسفينة ٤ للقطاع أ. ويظهر جدول الكفاءة الشامل محسوبا من البيانات الأصلية للكفاءة بجدول (٣٧) كما يلى:

الكفاءة	التخصيص
٥٥	السفينة 1 للقطاع د
۸۰	السفينة ٢ للقطاع جـــ
١	السفينة ٣ للقطاع ب
70	السفينة ؛ للقطاع أ
٣٠.	إجمالي الكفاءة

جدول ( ٣٧ ) كفاءة السفن في قطاعات الدورية.

	القطاع				
د	جــ	ب	١		
٥٥	٥.	٦.	٧.	1	
٧٥	۸۰	۳.	٦.	۲	
۸۰	٩.	1	۸۰	٣	
٧.	٧٥	۸۰	70	£	

جدول ( ٣٨ ) تكلفة الفرصة البديلة لسفن الدورية.

	القطاع				
د	جــ	ب	1		
10	0.	٤٠	۸۰	1	
40	4.	V.	٤٠	<b>Y</b>	
٧.	1.	•	٧.	٣	
۳.	70	٧.	40	٤	

أسئلة وتطبيقات :

أسئلة :

- ٧ لماذا تقدم طريقة فوجل التقريبية حل مبدئي جيد؟ وهل يمكن لقاعدة الوكن الشمالي الشرقي الوصول إلى حل مبدئي بمثل هذا الانخفاض في التكلفة الكلية؟
- ٤ ما هي أوجه الاختلاف بين طريقة النقل المعدلة وبين طريقة الحجـــر
   المتنقل؟
- و- باستخدام طريقة الركن الشمالي الغربي اشرح كيفية عملها.
   واعرض جدول الحل المبدئي لمشكلة شركة الأثاثسات الظاهرة في جدول (٢) بمذا الفصل باستخدام طريقتك الجديدة. ما هو تعليقك على نتائج هذا الحل المبدئي؟
- ٦- اشرح ما يحدث عندما لا يحقق حل لمشكلة النقل قاعدة أن الحلايا
   المستغلة = عدد الصفوف + عدد الأعمدة ١.
- ٧- ما هو المدخل التقريبي لحل مشكلة التخصيص؟ هل من العملي حلل
   مشكلة ٥ صفوف × ٥ أعمدة؟ ٧ صفوف × ٧ أعمدة؟ لماذا؟
- ٨- ارجع إلى مشكلة النقل في بداية هذا الفصل. كيف يمكسن حل
   مشكلة التخصيص باستخدام مدخل النقل؟ حل مشكلة ورشمة

السعادة الواردة بمذا الفصل جدول ( ۲۷ ) باستخدام مدخل النقــل. ما هي الظروف التي تجعل حل هذه المشكلة صعبا؟

#### تطبيقات محلوله:

- أ) صمم جدول الحل المبدئي لمشكلة النقل للشركة باستخدام طريقة الركن الشمالي الشرقي.
- - ١- افحص أن الطلب يساوي العرض.
  - ۲- املاً الجدول باستخدام طريقة الركن الشمالي الشرقي.
- ٣- افحص وجود عدد كاف من الخلايا الحجرية للحل العـــادي. عــدد
   الصفوف + عدد العمدة ١ = عدد الخلايا المستغلة.
  - اوجد مسار مغلق لكل خلية غير مستغلة.
  - حدد دليل التحسن لكل خلية غير مستغلة.
- ٦- انقل اكبر عدد ممكن من الوحدات إلى الخلايا التي تؤدي إلى أفضـــــل
   تحسن.
  - ٧- كرر الخطوة من ٣ إلى ٦ إلى أن تصل إلى عدم وجود تحسن إضافي.

طاقة المصانع	مشروع جـــ	مشروع ب	مشروع أ	من
٧.	١١ جم	٥ جم	١٠ جم	مصنع ۱
٥٠	٨	0	١٢	مصنع ۲
٣.	٦	٧	٩	مصنع ۳
10.	٦.	٥.	٤٠	إجمالي الاحتياجات

#### الحل :

طاقة المصانع	ىشروع جـــ	مشروع ب	مشروع أ	من إلى
	١,٠	٤	1.	مصنع ۱
٧٠		۳٠	٤٠	
	^	٥	١٢	مصنع ۲
٥,	٣٠	۲.		
	٦	\ \ \ \ \	٩	مصنع ٣
٣.	۳.			
10.	٧.	٥.	٤٠	إجمالي
				الاحتياجات

			T	
طاقة المصانع	مشروع جـــ	مشروع ب	مشروع أ	من الی
	111	1	1.	مصنع ۱
			٤٠	
٧٠	4	_ ۲ •		
	٨	0	17	مصنع ۲
		١. ٢٠		1
٥.	٣٠	<b>*</b> ' '		
	1 4	\ \ \ \	٩	مصنع ۳
		┥ └─	┨ └──	۱ ۱
٣.	٣٠			
10.	٦.	0.	٤٠	إجمالي
1 ,				الاحتياجات
				١٠٠٠

مسار المصنع ۲ المشروع أ دليل التحسن = ۱۲ – ۵ + ٤ – ۱۰ = + 1 جنيه

طاقة المصانع	مشروع جـــ	مشروع ب	مشروع ا	من إلى
	11	ŧ	١.	مصنع ۱
٧٠		₩, ←	<u>t</u> .	
	٨	٥	١٢	مصنع ۲
٥,	۳.	٧٠ —	-	
	٩	٧	٩	مصنع ۳
٣٠	۳٠	<b>L</b>	<b>L</b>	
10.	٦.	٥,	ŧ٠	إجمالي
				الاحتياجات

مسار المصنع ٣ المشروع أ دليل التحسن = ٩ – ٦ + ٨ – ٥ + ٤ – ١٠ = صفر

طاقة المصانع	مشروع جـــ	مشروع ب	مشروع ا	من الي
	11	٤	١.	مصنع ۱
٧٠		۳۰ 🛧	<u> </u>	
	٨	0	17	مصنع ۲
٥.	**	١٠.		
	٦	٧	٩	مصنع ۳
٣.	٣٠		<b>-</b>	
10.	٦.	٥.	٤٠	إجمـــالي
				الاحتياجات

مسار المصنع ۳ المشروع ب دليل التحسن = ۷ – ۲ + ۸ – ۵ = +؛ جنيه

طاقة المصانع	مشروع جــ	مشروع ب	مشروع أ	من إلى
	11	٤	١.	مضنع ۱
٧٠		۳.	٤٠	
	٨	٥	17	مصنع ۲
٥٠	٣٠,	٧٠		
	٦	٧	٩	مصنع ۳
٣.	٣٠	<b>→</b>		
10.	٦.	٥٠	٤٠	إجمالي
				الاحتياجات

ونظرا لأن كل النتائج كانت صفر أو أكثر من الصفر (جميعها موجبة او صفر) فإن الحل المبدئي هو الحل الأمثل أي :

- ٤٠ وحدة من المصنع ١ إلى المشروع أ
- ٣٠ وحدة من المصنع ١ إلى المشروع ب
- ٢٠ وحدة من المصنع ٢ إلى المشروع ب
- ٣٠ وحدة من المصنع ٢ إلى المشروع جـــ
- ٣٠ وحدة من المصنع ٣ إلى المشروع جـــ

وإذا وجدنا مسار يؤدي دليل تحسنه سالب ننفذ مساره في حدود أعلسى عدد من الوحدات يمكن نقلها دون التأثير على احتياجات الطلسب، ثم نختسبر الخلايا الفارغة مرة أخرى.

(١) قررت إدارة شركة الأثاثات التوسع في طاقتها الإنتاجية في مصنعها بدمياط ولتخفيض تكاليف إنتاجها في المصانع الأخرى. وقــــد تبـــين تحـــول في السوق نحو شراء مكاتبها وعدلت من احتياجات منافذها الثلاثة.

طاقات المصانع		افذ التوزيع الجديدة	احتياجات من
<u>۳۰۰</u> مکتب	دمياط	۲۰۰ مکتب	أسوان
۱۵۰ مکتب	الإسكندرية	۲۰۰ مکتب	الزقازيق
۲۵۰ مکتب	القاهرة	۳۰۰ مکتب	الحمام

الحمام	الزقازيق	أسوان	من الی
٣	٤	٥	دمياط
٣	ź	٨	الإسكندرية
L			
٥	٧	٩	القاهرة
			L

أ- استخدم طريقة الركن الشمالي الشرقي لتصميم جدول الحل المبدئــــي
 وأحسب تكلفته.

ب- استخدم طريقة الحجر المتنقل لاختبار إمكانية إيجاد حل أفضل.
 جـــ اشرح معنى وتبعات دليل التحسن المساوي للصفر. ومـــ هــي القرارات التي قد تتخذها الإدارة بهذه المعلومات؟ وكيف يتـــ أثر الحــ ل النهائي؟

(٢) يتم التحكم في بنوك الدم الثلاثة الموجودة بالإسكندرية من مركسز
رئيسي لبنك الدم الذي يورد إلى أربع مستشفيات. وتظهر تكلفة نقسل كسل
صندوق حفظ الدم من كل بنك إلى كل مستشفى كما في الجدول التالي.

ما هو عدد الشحنات المثالية من كل بنك دم إلى كل مستشفى بحيست تنخفض تكاليف النقل لأدين حد ممكن؟

العوض	مستشفى	مستشفى	مستشفى	الى ا
	(٣)	<b>(</b> Y)	(1)	من 🖊
	17	٩	٨	بنك
٥.				١
	٨	٧	1	بنك
۸۰				۲
	V	,	,	بنك
17.				٣
40.	٤٠	٧٠	٩.	الطلب

وبفرض أن المعروض من البنك (٣) ٧٠ وحدة، ما هو التوزيع الأمثل؟

(٣) إذا أعطى لك الجدول التالي لمشكلة النقل :

	-	75		
العوض	الجهة	الجهة	الجهة	إلى
	(4)	<b>(Y)</b>	(1)	من
	ź	٩	٨	مصدر
٧٧.				١
	٨	7	٥	مصدر
44				۲
	٦	٩	L	مصدر
٤٦				٣
	V	٣		مصدر
19				٤
140	۳۱	71	11.	الطلب

أوجد جدول الحل المبدئي باستخدام طريقة الركن الشمالي الشرقي ومـــا هو الشرط الخاص الواجب توفره؟ وما هي خطوات حل المشكلة؟

(٤) لشركة سكك حديد مصر عربات لنقل الفحم. وفي ٢٠٠٠/١٠/١
 كانت العربات الفارغة بالمحطات التالية :

عدد العربات المتاحة	المدينة
40	الإسكندرية
٦.	طنطا
40	القاهرة

# وستحتاج المدن التالية إلى عربات فحم كما يلي :

۳.	اسيوط
10	بورسعيد
40	مرسى مطروح
۲.	الفيوم

الفيوم	مرسی مطروح	بورسعيد	أسيوط	
٧.	٦.	۳.	٥.	إسكندرية
۹.	1.	۸۰	۲.	طنطا
۳۰	۸۰	٤٠	1	القاهرة

المطلوب: تدنية إجمالي الكيلومترات التي ستستخدم لنقل العربـــــات إلى أماكنها الجديدة. استخدم طريقة الركن الشمالي الشرقي، وطريقة النقل المعدلة.

#### الفصل الثامن

## غاذج التحليل الشبكي Network Models

مقدمة:

اسلوب تقسويم ومتابعة السبرامج & Program Evaluation ومتابعة السبرامج CPM وأسلوب المسسار الحسرج سسي. بي. إم PROPERTY (المساليب الكمية التي تساعد المديريسن

#### إطار أسلوب تقييم ومتابعة البرامج وأسلوب المسار الحرج Framework of PERT and CPM

توجد ست خطوات لکل من برت وسي. بي. إم وهي :

- ١- حدد المشروع وكافة أنشطته ومهامه الرئيسية.
- ٢- أوجد العلاقة بين الأنشطة. وحدد أي الأنشطة يجب أن تسبق أو تلحـــق الأنشطة الأخرى.
  - ٣- ارسم الشبكة الموصلة بين الأنشطة.
  - ٤- حدد الوقت و/أو التكلفة المقدرة لكل نشاط.
  - ٥- احسب مسار أطول زمن داخل الشبكة، وهو المسار الحرج.

ويعتبر تحديد المسار الحرج جزءا أساسيا في الرقابة على المشروع. وتمنسل الأنشطة على المسار الحرج الأنشطة التي تؤدي إلى تأخير تسليم المشروع ككـلل إذا ما تأخر إنجازها. ويتاح للمديرين مرونة في تخصيص الموارد بتحديد الأنشطة غير الحرجة والتي تمكنهم من إعادة تخطيط وجدولة وإعادة تخصيسص المسوارد المتاحة مثل الأفواد والأموال.

وبالرغم من أن برت وسي بي إم يتماثلا في مدخلهما الأساسي إلا ألهما يختلفا في الطريقة التي يتم بها تقدير زمن النشاط. فلكل نشاط في برت السلاث تقديرات للزمن يمزجوا للوصول إلى الزمن المتوقع لإنجاز النشاط وتحديد الانحراف عنه. وبالتالي فإن برت أسلوب احتمالي، فهي تسمح لنا بإيجاد احتمالات إتمام المشروع ككل.

وتستخدم تقديران، الزمن العادي، والزمن المعجل لكل نشاط. والزمسن العادي هو الزمن المتوقع أن ينجز فيه النشاط في ظل الظروف العادية. والزمسن المعجل هو أقصر زمن يمكن أن ينجز فيه النشاط إذا مسائم تخصيص مسوارد وأموال إضافية لهذه المهمة.

سندرس في هذا الفصل كل من بوت وسي بي إم وأسلوب بوت/تكلفـــة والذي يمزج بين منافع كل من بوت وسي بي إم.

### الأساليب الأخرى لأسلوب الشبكات

بالإضافة إلى برت وسي بي إم يوجد عديد من أساليب الشبكات سيتم دراستها في هذا الفصل.

خطوط الأنسابيب، أسسلوب أقصى تدفق سن تدفيق Maximal-Flow لإيجاد أقصى تدفق لأي كمية أو مادة داخل شبكة. ويحدد هلذا الأسلوب في أحد استخداماته أقصى عدد من السيارات (سيارات وشساحنات، وغيرها) التي يمكن أن تمر خلال شبكة طرق من أحد المواقع إلى موقع آخسر. أخيرا، أسلوب أقصر طريق Shortest-route Technique لإيجاد أقصسر طريق من مدينة إلى أخرى باستخدام شبكة الطرق.

وكل الأمثلة المستخدمة لوصف الأساليب المختلفة للشبكات في هذا الفصل صغيرة ومبسطة بالمقارنة بمشاكل الحياة العملية. وهُدف من ذلك إلى جعل الأسلوب سهلا حتى يمكنك تفهمه. وفي عديد من الحالات، فإن المشاكل الصغيرة للشبكات يمكن حلها بسهولة باستخدام المنطق، ولكن للمشاكل الكبرى، فإن إيجاد الحل يمكن أن يكون صعبا للغاية ويصبح من الضروري استخدام أساليب الشبكات التي سندرسها. وقد تتطلب المشاكل الكبيرة مشات أو ربحا آلاف من عمليات التحسين. ولاستخدام الحاسب في حلها نحتاج إلى الأسلوب المنظم الذي سندرسه في هذا الفصل.

#### برمجة وتقييم المشروعات PERT

يمكن تجزئة أي مشروع كبير إلى عديد من الأنشطة الأصغر أو المهام الـقي يمكن تحليلها باستخدام برت. وعندما تتعرف على احتواء المشــــروعات علـــى آلاف من الأنشطة، ستجد لماذا يجب الإجابة على الأسئلة التالية :

- ١- متى سيتم الانتهاء من المشروع ككل؟
- ما هي الأنشطة الحاسمة أو المسهام الحاسمة في المشروع؟ أي
   الأنشطة التي يؤدي التأخير في تنفيذها إلى تأخير المشروع ككل؟
- ما هي الأنشطة غير الحاسمة؟ أي الأنشطة التي يمكن أن يتسأخر
   تنفيذها دون أن يؤثر ذلك على موعد الانتهاء من المشروع؟
  - ٤- ما هي احتمالات إتمام المشروع في تاريخ معين؟
- في أي تاريخ معين، هل إنجاز المشروع في موعده، أم أقل مـــن
   موعده، أو أطول من موعده؟

ق أي تاريخ معين، هل الأموال المنفقة تعادل، أو أقل مـــن، أو
 أكبر من المبلغ المقدر؟

٧- هل توجد موارد كافية متاحة لإتمام المشروع في موعده؟

 ٨- إذا طلب إنماء المشروع في زمن أقصر، ما هي أفضل طويقـــة لذلك بأقل تكلفة؟

#### مثال استخدام شركة أسمنت بورسعيد لنموذج برت

شركة أسمنت بورسعيد شركة لإنتاج الأسمنت. وقد حاولت لفترة تجنب نفقات تركيب معدات التحكم في تلوث الهواء. وقد أعطت المجموعية المحلية الميئة ١٦ أسبوعا للشركة لإنشاء نظام لتنقية الهواء على مداختها. وقيد أخطرت شركة بورسعيد بأنه سيتم إغلاق المصنع ما لم تنشأ الأجهزة في الوقيت المحدد. ويرغب رئيس الشركة في التأكد من أن نظام التنقية ينفذ بسهولة وفي الوقت المحدد.

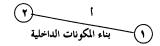
وعند بدء المشروع فإن بناء المكونات الداخلية للجهاز (النشاط أ) والتعديلات اللازمة للأرضية وللسقف (النشاط ب) يمكن البدء فيهما. ويمكن أن يبدأ إنشاء خزان التجميع (النشاط ج) بمجرد الانتهاء من الأجزاء الداخلية. ويمكن أن يتم صب السقف الخرسانة وهيكل المنشأ (النشاط د) بمجرد تعديل السقف والأرضية. وبمجرد إنشاء خزان التجميع، يمكن بناء الفرن الحراري (النشاط ه) وتركيب نظام التحكم في تلوث الهواء (النشاط و). وبإتمام بناء الفرن وصب السقف الخرسانة، والهيكل يمكن تركيب نظام التحكم في النلوث (النشاط ز) ثم يفحص النظام وحرر (نشاط ح) وكل هذه الأنشطة

تبدو معقدة إلى أن توضع على شبكة. لذلك يجب البدء بإعداد قائم....ة لكل الأنشطة. كما في جدول (١).

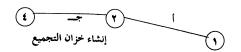
جدول (١) الأنشطة والنشاط السابق لها مباشرة لشركة أسمنت بورسعيد

النشاط السابق مباشرة	الوصف	النشاط
_	بناء المكونات الداخلية	1
_	تعديل السطح والأرضية	ب
1	إنشاء خزان التجميع	جـ
ب	صب الخرسانة والهياكل	د
جـ	بناء فون عالي الحوارة	هــ
جـ	تركيب نظام التحكم	و
د، هـــ	تركيب جهاز منع التلوث	ز
و، ز	الفحص والاختبار	۲

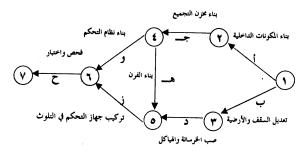
رقم يحدد مكان. فمثلا، النشاط أ يمكن أن يرسم كما يلي :



حيث يبدأ بالحدث ١ وينتهي بالحدث ٢. والنشاط جــ يبدأ بعد انتهاء أ لذلك يمكن أن يرسم كما يلي :



ويستخدم الرقم داخل الحدث لتحديد بداية أو نهاية النشاط. وسنرسم شبكة برت لشركة بورسعيد. كما في شكل (١)



شكل (١) شبكة برت لشركة بورسعيد

ويجب ملاحظة أن رسم شبكة برت يحتاج إلى وقت وخبرة فتبدا مسن دائرة البداية الدائرة (١) والتي لا يسبقها أي نشاط وترسم الأنشطة من هدذه البداية (في هذه الحالة أ، ب) ويتم رسم الدوائر والأنشطة الأخرري بشرط المحافظة على العلاقات بين الدوائر والأنشطة. ويجب التأكد من أن كل الأنشطة السابقة على النشاط المعين مباشرة تم تمثيلها بالشبكة بطريقة جيدة. وعند بدايد رسم الشبكة، من المستحيل تقريبا رسم كل الأنشطة في خطوط مستقيمة. ومس

المفضل رسم نسخة كمسودة للشبكة، وتتأكد من أن كل العلاقات تم إعدادها، ثم تعيد رسم الشبكة مع جعل كل خطوط الأنشطة مستقيمة.

#### أزمنة النشاط Activity Time

الخطوة التالية في إجراءات برت هي تخصيص تقديرات للزمــــن الــــــلازم لاستكمال كل نشاط. وعادة ما يستخدم الأسبوع كمقياس للزمن.

وعادة ما يكون من الصعب تحديد تقديـــرات زمــن إنجــاز النشــاط للمشروعات غير المتكررة وللمهام الجديدة. وبدون بيانات تاريخية يعتمد عليها. فعادة ما يكون المديرين غير متأكدين من أزمنة النشطة. ولهذا السبب اســـتخدم مصممي برت توزيع احتمالي يعتمد على ثلاث تقديرات لزمن كل نشاط.

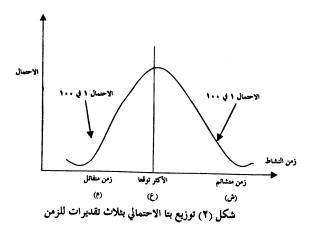
والتقديرات الثلاث هي :

الزمن المنفائل م Optimistic Time = الزمن المسذي يمكسن تنفيسذ النشاط فيه إذا ما تم كل شيء بطريقة جيدة. ونخصص له احتمال محدود (مشلا،

الزمن الأكثر توقعا ع Most Likely Time = الزمن الواقعي لإنجـــاز النشاط.

الزمن المتشائم ش Pessimistic Time = الزمن الذي يحتاجه النشــلط بفرض حدوث ظروف غير ملائمة. نخصص له احتمال محدود الإمكانية حدوثه.

وتفترض برت أن التقديـــرات تتبــع توزيــع بتــا الاحتمــالي Beta شكل (٢) هذا التوزيع المستمر يكون مناسبا في عديد من الحالات لتحديد القيمة المتوقعـــة والانحرافـــات في أزمنـــة إنجـــاز الأنشطة.



ولإيجاد الزمن المتوقع ت لنشاط ما، فــــان توزيــع بتـــا يعطـــي أوزان للتقديرات كما يلي :

ولحساب التشتت أو الانحراف عن هذا الزمن المقدر نستخدم المعادلة التالية :

ويعرض الجدول رقم (٢) تقديرات الزمن المتفسائل، والأكسور توقعا، والمتشائم لكل نشاط بمشروع شركة بورسعيد. ويحسدد الزمسن المتوقسع (<sup>ت</sup>) والانحراف لكل نشاط باستخدام المعادلتان السابقتان.

جدول (Y) تقديرات الزمن بالأسبوع لمشروع شركة بورسعيد

	<del> </del>		J. ( )	<b>U</b> j	
الانحراف	الزمن المتوقع	متشائم	أكثر توقعا	متفائل	النشاط
ت= [(ش-م)/۲]	ت = [(أ+٤ع+ش)/٦]	ش ش	ع	P	
42/5	۲	٣	۲	١	ī
W7/£	٣	٤	٣	۲	ب
W7/£	۲	٣	۲	١	ا جــ
<b>77/17</b>	£	٦	٤	۲	د
77/77	£	٧	٤	1	
<b>77/7 £</b>	٣	٩	۲	1	١,
<b>77/7</b> £	٥	11	٤	٣	,
<b>77/£</b>	۲	٣	٧	,	ح
	70	إجمالي			

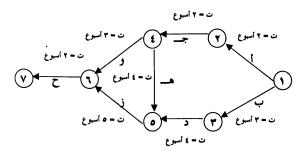
بالرغم من أن جدول (٢) يوضح أن إجمالي الزمــــن المتوقـــع للأنشـــطة الثمانية هو ٢٥ أسبوع، فمن الواضح أن عدة أنشطة يمكن أن تتم بــالتوازي في نفس الوقت. ولتحديد زمن إنجاز المشروع، نعد تحليل المسار الحرج للشبكة.

والمسار الحرج Critical Path هو أطول مسار في الزمسن داخسل الشبكة. وإذا رغبت الشركة في تخفيض الزمن الكلي للمشروع فعليها تخفيض أزمنة بعض الأنشطة على المسار الحرج. وبالطبع فإن أي تأخير في الأنشطة على المسار الحرج سيؤخر إتمام المشروع ككل.

ولتحديد المسار الحرج علينا تحديد الأزمنة التالية لكل نشاط بالشبكة :

- ٢- زمن النهاية المبكر Earliest finish time ن م : وهو أقرب زمـــن
   يمكن أن ينجز فيه النشاط.
- ۳- زمن البداية النهائي Latest start time بهد: وهو آخر زمن المساط أن يبدأ منه دون تأخير لزمن إنجاز المشروع ككل.
- ٤- زمن النهاية النهائي Latest finish time ن هــ : وهو آخر زمـــن
   يمكن أن ينتهي فيه المشروع دون تأخير للمشروع ككل.

نبدأ من بداية الشبكة، الحدث (١)، ونحسب زمن البداية المبكر وزمسن النهاية المبكر لكل نشاط. زمن البداية للحدث الأول، دائما صفر. ونظرا لأن النشاط أ زمنه المتوقع أسبوعان، فإن الزمن المبكر هو ٢.



شكل (٣) شبكة بوت لشركة بورسعيد مع أزمنة متوقعة للأنشطة

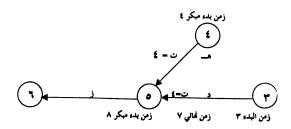


ويحسب زمن النهاية المبكر كما يلي :. زمن النهاية المبكر = زمن البداية المبكر + الزمن المتوقع للنشاط = ، + ۲ = ۲

قاعدة الزمن المبكر للبداية : هناك قاعدة أساسية لإيجاد الزمسن المبكر للبداية والزمن المبكر للنهاية لكل الأنشطة بالشبكة. فقبل بدء أي نشاط يجسب أن تنتهي كل الأنشطة السابقة عليه. بطريقة أخرى، نبحث عن أطول مسار للنشاط عند تحديد الزمن المبكر للبداية. فمثلا، نجد أن الزمن المبكسر للنشاط أحد هو ٢ أسبوع. والنشاط الوحيد السابق له هو أ وزمنه النهائي للإنماء هسو ٢ أسبوع.



والزمن المبكر لبداية النشاط ز ٨ أسابيع. حيث يوجد نشاطان سسابقان عليه د، هـ. ونظرا لأن النشاط د له زمن لهائي للإلهاء ٧ أسابيع، والنشساط هـ الزمن المتوقع للإلهاء ٨ أسابيع.



ولاستكمال زمن البداية المبكر وزمن النهاية المبكر لكل الأنشطة ننفذ ما يطلق عليه تحرك للأمام Forward Pass خلال الشبكة. يوضح شكل (٤) هذه النتائج. ففي كل خطوة نجد أن

الزمن المبكر للإنهاء = زمن مبكر للبدء + ت.

لاحظ أن أدنى وقت إنجاز المشروع بالكامل هو ١٥ أسبوع. وذلك نظرا لأن النشاط هـ لا يمكن أن يبدأ إلا بعد ١٣ أسبوع (زمن البدايــــة المبكــر = ١٣) وزمنه المتوقع ٢ أسبوع، لذا فزمن الإنهــــاء = ٢+٢= ١٥ أســبوع. لذلك فإن أفضل وقت يمكن أن تلتزم به الشركة لتركيب واختبار نظام التحكم في التلوث هو ١٥ أسبوع.

قاعدة زمن الإنماء المتأخر: الخطوة التالية في إيجاد المسار الحسوج هسي حساب زمن البدء المتأخر (ب م) وزمن الإنماء المتأخر (ن خ) لكل نشاط. ويسم ذلك بالعودة للخلف داخل الشبكة، أي، البدء من آخر نشاط والرجوع حسق أول نشاط. وهذا يعني تخصيص زمن إنجاز متأخر ه 1 أسبوع للنشاط ح.

تذكر أن زمن الإنماء المتأخر هو آخر زمن يمكن لنشاط أن ينتهي فيه دون أن يتأخر موعد تسليم المشروع. ولحساب زمن البدء التأخر، نطبسق المعادلسة

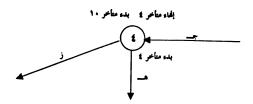
زمن البلدء المتأخر = زمن الإنهاء المتأخر – زمن إنجاز النشاط = ن خ – ت

فمثلا زمن الإنماء المتأخر = ١٥ للنشاط ح، وزمن البدء المتأخر للنشـــاط ز يحسب كما يلمي :

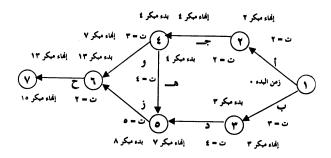
= 10 - ٢ = ١٣ أسبوع.

التالية:

والقاعدة التي نطبقها بصفة عامة هي أن زمن الإلهاء المناخر لنشاط يعلدل اصغر زمن بدء متاخر لكل الأنشطة بدون ذلك الحدث. وبالتالي زمن الإلهـــاء المتاخر للنشاط جــ هو ٤ أسابيع، وهو أصغر زمن إلهاء متأخر للنشاطان مــع ترك الحدث ٤. كما في الشكل التالي:



شكل (٤) زمن البدء المبكر وزمن الإنماء المبكر لمشروع شركة بورسعيد



ويظهر زمن الإنماء المتاخر لكل الأنشطة في حالة شركة بورسعيد كمـــا في شكل (٥).

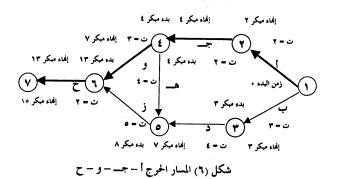
## مضمون زمن الأعطال في حسابات المسار الحرج Concept of Slack in Critical path Computations

إذا ما تحدد زمن البدء المبكر وزمن البدء المتأخر وزمن النهايــــة المبكــر وزمن النهايـــة المبكــر وزمن النهاية المتأخر، فمن السهل تحديد زمن الأعطال الموالزمــن الحر لكل نشاط. وزمن الأعطال هو الزمن بين الزمـــن الــــذي يمكـــن تأخـــير المشروع فيه دون أن يؤثر ذلك على زمن إنماء المشروع، ويحسب رياضيا كمـــا يلى :

زمن الأعطال = زمن البدء المتأخر – زمن البدء المبكر أو زمن الأعطال = زمن الإلهاء المتأخر – زمن البدء المتأخر

ويلخص جدول (٣) زمن البدء المتقدم، وزمن البدء المتأخر، وزمسن النهاية المتقدم، وزمن النهاية المتأخر، وزمن الأعطال لكل نشاط. فمثلا النشاط ب به أسبوع واحد زمن أعطال نظرا لأن :

 من ناحية أخرى، فإن الأنشطة أ، ج..، ه..، ز، ح ليس لها زمن أعطلل. وهذا يعني أن أي تأخير فيها سيؤثر على زمن المشروع ككل. ولذلك يطلق عليها أنشطة المسار الحرج وألها على مسار حرج. ويظهر المسار الحرج لمشهوع شركة بورسعيد في شبكة في شكل (٦) وإجمالي زمن إلهاء المشروع ١٥ أسبوع يظهر كأكبر رقم في عمود زمن الإنجاز المبكر أو زمن الإنهاء المتأخر بجدول (٣) ويطلق المديرين على هذا الجدول جدول حدود الزمن.



على المسار	زمن	زمن الإنماء	زمن البدء	زمن الإنماء	زمن البدء	النشاط
الحوج	الأعطال	المتأخو	المتأخر	المبكو	المبكو	
نعم	•	٣	•	٧	•	1
צ	1	£	,	٣	•	ب
نعم	•	£	۲	£	۲	جـ
צ	١	٨	ŧ	٧	٣	د
نعم	•	٨	£	٨	٤	
لا	٦	١٣	١.	٧	٤	و
نعم	•	١٣	٨	۱۳	٨	ز
نعم	•	10	١٣	10	18	۲

جدول (٣) أزمنة المشروع وتحديد المسار الحرج

# احتمالات إنجاز المشروع

يساعد تحليل المسار الحرج في تحديد أن زمن إنجاز المشروع 10 أسبوع. ويعلم رئيس الشركة أنه إذا لم يتم المشروع خلال ١٦ أسبوع فستجبر الشوكة على إغلاق المصنع وفقا لتعليمات هماية البيئة. وهو يهتم أيضا بوجود انحراف الممدية في تقديرات الزمن لعديد من الأنشطة.

ويمكن أن يؤثر الانحراف في أي نشاط على المسار الحرج علسى الزمسن النهائي للمشروع ككل وربما يؤخره. وهو ما يقلق رئيس الشركة.

ومن جدول ۲ نعلم أن :

الانحراف	النشاط الحوج
T7/£	1
41/5	ج ا
<b>*</b> 4/ <b>*</b> 4	a
٣٦/٦٤	ز (
٣٦/٤	ح

ونعلم أن الانحراف المعياري هو الجذر التربيعي لهذا الانحراف :

الانحراف المعياري للمشروع = 0 ن = المحواف المشروع

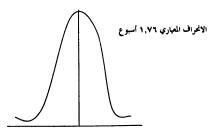
كيف يمكن استخدام هذه المعلومات للإجابة على الأسئلة المتعلقة باحتمالات إنجاز المشروع في الوقت المحدد؟

تفترض بوت افتراضين آخرين :

إجمالي أزمنة إتمام المشروع تكون في شكل توزيسع احتمالي
 معتدل.

۲ زمن المشروع مستقل احصائيا.

وبمده الافتراصات يمكن استخدام المنحنى في شكل الجرس شيسكل (٧) لتمثيل أزمنة إنجاز المشروع. وهي تعني أيضا أن هناك فرصيسة ٥٠% لإتحسام المشروع في أقل من ١٥ أسبوع، فرصة ٥٠% لزيادة زمن المشروع عسن ١٥ أسبوع.



١٥ اسوع شكل (٧) التوزيع الاحتمالي لأزمنة إتمام المشروع

وحتى تتمكن الشركة من إيجاد احتمالات إنجاز المشروع في أو قبــــل ١٦ أسبوع كموعد لهائي، نحتاج إلى تحديد المنطقة المناسبة تحت المنحنى المعتدل. ويمكن استخدام دالة المعيار المعتدل التالية :

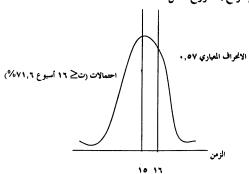
حيث م = عدد الانحرافات المعيارية التي يبعد فيها الموعد المحدد أو الموعـد المستهدف من متوسط أو الموعد المتوقع.

وبالرجوع إلى جدول التوزيع المعتدل بملحـــق أ نجـــد أن الاحتمـــالات ١٠٠٥ أي هنالك ٢٠١٦% فرصة أن معدات التحكم في التلوث ســــيتم إنشاؤها في ٦٦ أسبوع أو أقل. كما في شكل (٨).

ما الذي تقدمه برت؟

برت قادرة حتى الآن على توفير مجموعة من المعلومات للشركة وهي :

- الموعد المتوقع للانتهاء من المشروع: 10 أسبوع.
- ٣- هناك فرصة ٧١,٦% أن توضع المعدات في مكانما خلال الموعد
   النهائي ١٦ أسبوع. ويمكن لبرت إيجاد احتمال إتمام المشروع في الموعد
   الذي ترغب فيه الشركة.
- ٣ توجد شمسة أنشطة على المسار الحرج (أ، جــ، هــ، ز، ح) إذا تأخر
   أي منها لأي سبب فسيتاخر الموعد النهائي للمشروع.
  - ٤- توجد ثلاث أنشطة غير حاسة (ب، د، و) وبما وقت عاطل مما يمكن الشركة من استعارة موارد هذه الأنشطة إذا كانت بحاجة إليها، ربما للإسراع بالمشروع ككل.



اسوع اسوع شكل (٨) احتمال إنجاز المشروع في ١٦ أسبوع

# الأنشطة الوهمية في برت Dummy Activities In PERT

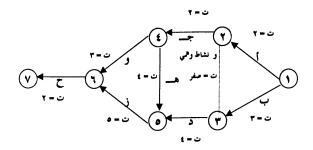
قبل الانتهاء من أسس برت، يجب ذكر أنه من الضــــروري، في بعــض الحالات، استخدام أنشطة وهمية حتى يمكن تصميم الشبكة، والنشاط الوهمــــي هو نشاط غير حقيقي أو تخيلي يتم في صفر أسبوع، ويستخدم للمحافظة علــــي تتابع الأنشطة بالشبكة.

ويمكن توضيح ذلك بافتراض أن على شركة بورسعيد قيد إضافي عند تركيب معدات التحكم في التلوث. تذكر أن النشاط (د) (صبب الخرسانة وهيكل المبنى) يسبقه نشاط وحيد (ب) في الشبكة الأصلية. ماذا سيحدث إذا ما كان يجب إتمام النشاط (أ) أيضا قبل أن يبدأ النشاط (د)؟ سيحاول الطالب البدء برسم سهم بين النشاط أ من النقطة ١ إلى النقطة ٣ حيث يبدأ النشاط د وهذا سيؤدي إلى وجود سهمين (أو نشاطين) يتم رسمهما مسن النقطة ١ إلى النقطة ٣. ثما يجعل رسم بقية الشبكة صعبا للغاية ويجعل حل المشكلة على الشبكة مجهدا للغاية. وقد يقع الطالب في خطأ آخر بأن يهمل هذا القيد ويسترك الشبكة مجهدا للغاية. وقد يقع الطالب في خطأ آخر بأن يهمل هذا القيد ويسترك بدلا من ٢ أسبوع. ماذا سيحدث إذا لم تعدل الشبكة؟ ويظهر حل المشكلة في جدول (٣) حيث يوضح أن النشاط (د) يمكن أن يبدأ بعد ٣ أسابيع والزمسن المبكر = ٣ للنشاط (د) ولكن نظرا لأن النشاط ايأخذ ٦ أسابيع ويجسب أن ينتهي قبل أن يبدأ النشاط (د) فإن الحل المكامل يكون غير صحيح. وأحسد الخلول لهذه المشاكل يكون باستخدام نشاط وهمسي Dummy Activity.

والنشاط الوهمي سيسمح لك برسم وحل المشكلة بطريقة صحيحة. وما يلسمي كيفية إجراء ذلك.

في هذه الحالة يتم إضافة نشاط وهمي يظهر بخط متقطع كما في شكل (٩)، ويجب إضافته بين الحدث ٧، ٣ حتى تعكس الخريطة الوضع الفعلسي. وبالرغم من أن للنشاط الوهمي زمن يعادل الصفو، فإنه من الممكن أن يكون لـ تأثيرا على المسار الحوج. اختبر ذلك بهذا المثال.

هل المسار أ – جـ – هـ – ز – ح ما زال حاسما؟ أم تغير نظرا لوجود النشاط الوهمي بشكل (٩)؟



شكل (٩) توضيح لكيفية إضافة نشاط وهمي لمشكلة شركة بورسعيد

تحليل الحساسية وإدارة المشروعات Sensitivity Analysis and Protect Management

يمكن أن يختلف الوقت اللازم لاستكمال النشاط في أي مشروع عن الزمن المتوقع أو المقدر له. وإذا كان النشاط على المسار الحرج فسان الزمن الكلي لإتمام المشروع سيتغير كما سبق الشرح. وبالإضافة لوجود تأثير علم الزمن الكلي لإتمام المشروع، هنالك أيضا تأثير على زمن البدء المبكر، زمن البدء المبكر، زمن البدء المتأخر، وزمن الإنماء المتأخر، زمن الأعطال لكل نشاط. ويعتمد التأثير الفعلى على العلاقة بين الأنشطة المختلفة.

في الفقرات السابقة، عرفنا النشاط السابق Predecessor Activity مباشرة بأنه نشاط يأتي مباشرة قبل نشاط معين. لاحظ النساط (ز) تركيب أجهزة التحكم في التلوث في مثال شركة بورسعيد. وكما ذكرنا، فيان هيذا النشاط يكون على المسار الحرج والنشطة السابقة هي أ، ب، ج، د، هي.... كل هذه الأنشطة يجب أن تتم قبل أن يبدأ النشاط ز.

والنشاط التالي Successor Activity هو نشاط يمكن أن يبدأ فقـــط بعد أن ينتهى النشاط المعنى. والنشاط ح هو النشاط الوحيد التالي للنشاط ز.

والنشاط المتوازي Paralal activity هو نشاط لا يعتمد مباشرة على النشاط المعنى. فبالنسبة للنشاط زهل يوجد له أنشطة متوازيسة؟ بسالنظر إلى الشبكة الخاصة بشركة بورسعيد يمكن معرفة أن النشساط و نشساط مسوازي للنشاط ز.

وإذا ما حددت الأنشطة السابقة والتالية والموازية. يمكننا معرفة تأسير زيادة (أو نقص) زمن نشاط على المسار الحرج على الأنشطة الأخرى بالشبكة. ويظهر ملخص النتائج في لجدول التالي. فإذا ما زاد الزمن اللازم للنشاط ز، سيكون هنالك زيادة في الزمن المبكر للبدء، الزمن المبكر للإنماء، زمسن البساء المتأخر، وزمن الإنماء المتأخر لكل الأنشطة التالية. ونظرا لأن هذه الأنشطة تالية للنشاط ز فإن هذه الأزمنة ستزيد. ونظرا لأن زمن الأعطال يساوي زمن الإنماء المتأخر ناقصا زمن الإنماء المباخر ناقصا زمن الإنماء المبكر...، لن يكون هنالك تغيير في زمن الأعطال في الأنشطة التالية. نظوا لأن النشاط ز على المسار الحرج، فإن الزيادة في زمن النشاط سيزيد إجمالي زمسن النشاط ميزيد إجمالي زمسن النشاط المشروع.

مما يعني أن زمن الإنماء المتاخر، زمن البدء المتاخر، وزمن الأعطال سيزيد أيضا لكل الأنشطة الموازية. ويمكنك إثبات ذلك بإجراء دورة للخلف داخــــل الشبكة باستخدام زمن إنجاز أعلى. لن يكون هناك تغيير للأنشطة السابقة.

#### جدول (٤) أثر زيادة (تخفيض) زمن نشاط على المسار الحوج

النشاط السابق	النشاط الموازي	النشاط التالي	أزمنة النشاط
لا تغيير	لا تغيير	زيادة	البدء المبكر
		(نقص)	
لا تغيير	لا تغيير	زيادة	الإنماء المبكر
! 		(نقص)	
لا تغيير	زيادة	زيادة	البدء المتأخر
	(نقص)	(نقص)	
لا تغيير	زيادة	زيادة	الإنهاء المتأخر
	(نقص)	(نقص)	
لا تغيير	زيادة	لا تغيير	الأعطال
	(نقص)		

# تقييم ومراجعة البرامج باستخدام التكلفة Pert/Cost

بالرغم من أن بوت طريقة ثمتازة لمتابعة ومراقبة مدة المشروع، إلا ألها لا تأخذ في الحسبان عنصر آخر هام، وهو تكلفة المسسروع. وتقييسم ومراجعة البرامج/بالتكلفة هو تعديل لبرت يسمح للمدير بتخطيط وجدولة ومتابعة ورقابة التكاليف فضلا عن الزمن.

ونبدأ هذا القسم بفحص كيف يمكن تخطيط التكــــاليف وجدولتــها ثم ندرس كيف يمكن متابعة التكاليف والرقابة عليها.

# تخطيط وجدولة تكاليف المشروع : إعداد الموازنة

المدخل العام في إعداد الموازنة للمشروع هي تحديد مقدار ما يتم إنفاقــــه كل أسبوع أو شهر. ويتم ذلك في أربع خطوات :

٩- تحديد كل التكاليف المرتبطة بكل نشاط، ثم إضافة هذه التكاليف
 إلى بعضها للحصول على تكلفة مقدرة أو موازنة تقديرية لكل نشاط.

٧- إذا كنت تعمل على مشروع، فعديد من الأنشطة قد يمكن مرجعها تجميعها في مجموعة عمل أكبر. ومجموعة العمل هي مجموعة منطقية من الأنشطة. ونظرا لأن المشروع الذي ندرسه هو مشروع صغير، فإن نشاط واحد يعني مجموعة عمل.

٣- حول موازنة تكاليف كل نشاط إلى موازنة تكلفة لكل وحدة زمن. ولتنفيذ ذلك، نفترض أن تكلفة استكمال أي نشاط تنفسق بمعدل متماثل طول فترة تنفيذ النشاط. ولذلك، إذا كانت التكلفة المقدرة لنشاط معين ٤٨٠٠٠ جنيه، وزمن إنجاز النشاط أربعة أسابيع، فإن النشاط الربعة السابيع، فإن التكلفة المقدرة للأسبوع تبلغ ١٢٠٠٠ جنيه (١٤٥٠٠٠).

وباستخدام الزمن المبكر والزمن المتأخر، أوجد كمية الأموال التي يجسب إنفاقها خلال كل أسبوع أو شهر لكي تنهي المشروع في التاريخ المرغوب فيه. دعنا نعد الموازنة لمشكلة شركة بورسعيد والذي قام مديرها المالي بحسلب التكلفة المرتبطة بكل نشاط من الأنشطة الثمانية. كما قسم إجمالي تكلفة كسل

نشاط على الزمن المتوقع لإنجاز النشاط لتحديد موازنة التكاليف في الأسسبوع لكل نشاط. والموازنة للنشاط أ مثلا تبلغ ٢٢٠٠٠ جنيه. وبالرجوع إلى جدول (٥) ونظرا لأن الزمن المتوقع هو ٢ أسبوع، فإنه يتوقع إنفاق ١١٠٠٠ جنيسه أسبوعيا لإتمام النشاط. ويوضع جدول (٥) بيانان هامسان وجدنساهم عنسد استخدام برت، وهما زمن البدء المبكر (ب م) وزمن البدء المتأخر لكل نشساط (ب خ).

وبالنظر إلى إجمالي التكاليف المقدرة للأنشطة سنجد أن إجمالي تكــــاليف المشروع تبلغ ٣٠٨٠٠٠ جنيه. وتحديد الموازنة الأسبوعية سيساعد الشسوكة في تحديد مدى تقدم المشروع أسبوع وراء الآخر.

ويتم تطوير الموازنة الأسبوعية للمشروع من البيانات الموجودة في جمدول (٥). مثلاً، زمن البدء المبكر للنشاط أ صفر.

ونظرا لأن النشاط أ يحتاج إلى ٧ أسبوع لإتمامه، فإن موازنته الأسسبوعية وقدرها ١٠٠٠ جنيه يجب أن تنفق في أسبوع ١ وفي أسسبوع ٢. وبالنسسبة للنشاط ب في كل من الأسابيع ١، ٣، ٣. وباستخدام زمن البدء المبكر يمكننسا إيجاد عدد الأسابيع بدقة والتي يجب أن تنفق فيها موازنة كل نشاط. ويتم تجميع هذه القيمة الأسبوعية لكل الأنشطة للوصول إلى الموازنة الأسبوعية للمشروع ككل كما يظهر بجدول (١).

لاحظ كيفية تجميع التكاليف الأسبوعية للمشروع في جدول (٥). والنشاطان الممكن تنفيذهما خلال الأسبوع الأول هما أ، ب نظرا لأن زمن البدء المبكر هو صفر. وبالتالي، فخلال الأسبوع الأول يجب إنفاق مبلسغ وقدره ٠٠٠٠ جنيه. ونظرا لأن الأنشطة أ، ب مازالا يؤدا في الأسبوع الثاني فسان إجمالي قدره ٢٩٠٠٠ جنيه يجب إنفاقه أيضا خلال هذه الفترة. وزمسن البسدء

المبكر للنشاط جـ في نهاية الأسبوع الثاني (زمن البدء المبكـــر = ٧ للنشــاط جــ) وبالتالي فإن ٠٠ ١٣٠٠ جنيه تنفق على النشاط جــ في كل من الأســبوع ٣، ٤. نظرا لأن النشاط ب يتم تنفيذه خلال الأسبوع ٣، ٤، فــــإن إجمــالي الموازنة في أسبوع ٣ يبلغ ٢٣٠٠٠ جنيه. وتتم حسابات مماثلة لكل الأنشــطة لتحديد إجمالي الموازنة للمشروع ككل أسبوعيا. وبعد ذلك يتم تجميع إجماليات الأسابيع لتحديد إجمالي القيمة التي يجب أن تنفق حتى تاريخــه. وتظــهر هــذه المعلومات بالصف الأخير بالجدول.

ويجب إنفاق موازنات الأنشطة التي على المسار الحرج في الأزمنة الظاهرة في جدول (٦). والأنشطة التي ليست على المسار الحرج يمكن أن تبدأ في تماريخ لاحق. وهذا المضمون يظهر في زمن البدء المتأخر لكل نشماط. وبالتمالي، إذا استخدم زمن البدء المتأخر يمكن إعداد موازنة أخرى. هذه الموازنمة سمئوخر إنفاق الأموال إلى آخر دقيقة ممكنة. والأسلوب المستخدم لحساب الموازنة حمين استخدام زمن البدء المتأخر هو نفسه حين استخدام زمن البدء المبكر. وتظهر النائج للحسابات الجديدة في جدول (٧).

جدول (٥) تكلفة النشاط لشركة بورسعيد

موازنة التكاليف	إجمالي موازنة	الزمن	زمن البدء	زمن البدء	النشاط	
الأسبوعية	التكلفة	المتوقع	المتأخو	المبكر		
11	77	۲		•	1	
1	7	٣	١,	•	ب	
14	77	۲	۲ ا	۲	جـ ،	
14	٤٨٠٠٠	٤	٤	٣	د	
11	07	ź	٤	£	هـ	
1	7	٣	١.	1	و	
14	۸٠٠٠٠	•	۸ .	٨	ز	
۸۰۰۰	17	۲	١٣	۱۳	٦	
	٣٠٨٠٠٠		إجـــــالي			

ح إجمال لكل أسبوع إجمالي حتى تاريجه جلول (٢) التكاليف القدرة لشركة بورسعيد باستخدام أزمنة البدء المبكر (الأرقام بالألف جنيه). ;; = := = : 2 3 : <u>:</u> ; ; r E : : : s E : : Vb1 414 V44 334 = = : ; ŗ = = į = 11 11 147 177 = ÷ = < ; 14 ot jedly

444

اجمال لكل أسبوع اجمالي حتى تاويجه جدول (٧) النكاليف المقموة لشركة بورسجة باستخدام أزمنة اليدء المتاخر رالنكاليف بالألف جنيه). ; ; : : : <u>:</u> : <u>:</u> F : <u>;</u> ; **;** ; : 5 ; ; 1,1 = = --٠ : = = ٠ : = : ; : : <u>}</u> e e ÷ = . : : 7. , 

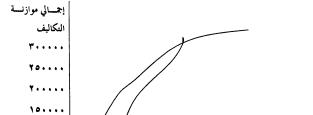
و ۲ و

ومن طرق قياس قيمة العمل النام ضرب إجمالي التكلفة التقديرية في نسسبة تمام كل نشاط. للنشاط د مثلا، قيمة الأعمال النامة ٢٨٠٠ جنيه ٢٨٠٠ و ١٥٠٠). ولتحديد قيمة الزيادة أو الوفر لأي نشاط فإن قيمة الأعمال النامة تطرح من التكاليف الفعلية. و يمكن تجميع هذه الاختلافات لتحديد الزيادة أو الوفر للمشروع ككل. وكما ترى في الأسبوع السادس هنالك ١٠٠٠ جنيه الوفر للمشروع ككل. وكما ترى في الأسبوع السادس هنالك ١٠٠٠ جنيه الفعلية للمشروع حتى تاريخه تبلغ ١٠٠٠ وجنيه. كيف يمكن مقارنة تلك التكاليف بالتكاليف الواردة بموازنة الأسبوع السادس؟ إذا ما قررت الشسركة استخدام الموازنة لزمن البدء المبكر جدول (٦) سنلاحظ أنه يجب إنفاق مبلغ استخدام الموازنة لزمن البدء المبكر جدول (٦) سنلاحظ أنه يجب إنفاق مبلغ زيادة في التكاليف وعلى الشروع حتى زيادة في التنفيذ عن الجدول وهناك وهناك وعدم التكاليف وقدرها المحد، وعليها رقابة التكاليف بعناية لاستبعاد الزيادة في التكاليف وقدرها ١٩٠٠ جنيه. ولرقابة ومتابعة التكاليف، يجسب حساب التكاليف وقدرها العمل النام، والتكاليف الفعلية دوريا.

وسندرس في الجزء التالي كيفية تخفيض زمن المشـــروع بإنفــــاق أمـــوال إضافية. والأسلوب المستخدم هو أسلوب المسار الحرج CPM.

#### أسلوب المسار الحرج Critical path Method

أسلوب المسار الحرج نموذج محدد deterministic من نماذج الشبكات فهو يفترض أن كل من زمن إنماء كل نشاط وتكلفة تنفيذه معروفان بطريقة مؤكدة. قارن الموازنات الظاهرة في جدول (٦) و (٧). فالملغ الذي يجب دفعه حق تاريخه (إجمالي حتى تاريخه) للموازنة يظهر في جدول (٧) ويستخدم مسوارد مالية فعلية أقل في الأسابيع الأولى. ويرجع ذلك لحقيقة أن هذه الموازنة بعسدة باستخدام زمن البدء المتأخر. وبالتالي، فإن الموازنة في جدول (٧) ستظهر أقسل زمن ممكن التي يمكن فيه إنفاق الأموال وفي نفس الوقت يمكن إتمام المشسروع في موعده. والموازنة المعروضة في جدول (٦) توضح الزمن المبكر للتنفيذ والسذي تنفق فيه الأموال. ولذلك، يمكن للمدير اختيار أي موازنة تقع بسين الموازنتين بالجدولين السابقين. ويمثل الجدولان السابقان يمثلان مديات ممكنسة للموازنة. ويظهر هذا المضمون في شكل (١٠).



1....

شكل (١٠) مديات الموازنة لشركة

اسوع ۱۰ ۲ ۷ ۸ ۹ ۱۰ و ۱ ۲ ۳ ۲ ۵ ۲

# متابعة المشروع والتحكم في تكاليفه

يهدف متابعة والتحكم في تكاليف المشروع إلى تأكيد أن المشروع ينف ... وفقا للجدول الزمني وأن التكاليف الزائدة يتم تخفيضها إلى أدن حد ممكن. ويجب فحص وضع المشروع ككل دوريا.

وقمتم الشركة في معرفة سير أعمال مشروع التحكم في التلوث وهمي في الأسبوع السادس من 10 أسبوع مدة إتمام المشروع. الأنشطة أ، ب، جمد تمت بالكامل وهذه الأنشطة حققت تكاليف قدرها ٢٠٠٠ جنيه على التوالي. والنشاط د ٢٠% تمام وتكاليفه حسق الآن بلغت ٢٠٠٠ جنيه. وتمام النشاط هو ٢٠% بتكاليف محققة قدرها ٢٠٠٠ جنيه. والنشاط و ٢٠% بتكاليف محققة قدرها ٢٠٠٠ بيد. والسؤال المطروح هل مشروع التحكم في تلوث الهسواء ينفسذ في يدءا بعد. والسؤال المطروح هل مشروع التحكم في تلوث الهسواء ينفسذ في موعده؟ وما هي قيمة العمل المنجز؟ وهل هنالك زيادة في التكاليف؟

يمكن حساب قيمة الأعمال المنجزة أو التكلفة حتى تاريخـــه لأي نشـــاط كما يلى :

> قيمة الأعمال المنجزة = (نسبة التمام) × (إجمالي موازنة النشاط) وانحراف تكاليف النشاط = التكلفة الفعلية - قيمة العمل المنجز

وإذا كان انحراف تكلفة النشاط سالب، يكون هنالك وفر في التكـــاليف، وإذا كان الرقم موجب، يكون هنالك زيادة في التكاليف. ويعرض جدول (٨) هذه المعلومات. فيحتوي العمود الثاني على إجمالي التكاليف التقديرية من جدول (٦) بينما يحتوي العمود الثالث علمى النسمة المتوية للتمام وبهذه البيانات والتكاليف الفعلية لكل نشاط يمكننا حساب قيمسة العمل التام والوفر أو الزيادة في تكاليف كل نشاط.

وعلى عكس برت فإننا لا تطبق هنا مضامين الاحتمالات. وإنما نستخدم أسلوب المسار الحرج مجموعتان من الأزمنة والتكاليف للأنشطة. الزمن العادي والتكلفة وزمن التعجيل Crash وتكلفة. ويقدر الزمن العادي بطريقة مماثلسة للزمن المتوقع في برت. والتكلفة العادية هي تقدير لمقدار الأموال اللازمة لإتمام نشاط في زمنه العادي. وتكلفة التعجيل هي التكلفة لإتمام النشاط في زمس معجل أو على أساس موعد لهائي. وتتبع حسابات المسار الحرج لشبكة المسار الحرج نفس الخطوات المستخدمة في برت. حيث نوجد زمن البدء المبكر، وزمن الإنماء المبتعدمة في برت.

#### تعجيل تنفيذ المشروع باستخدام المسار الحرج

بفرض أن الشركة حدد لها ١٢ أسبوعا بدلا من ١٦ أسسبوعا لإتمام معدات التحكم في التلوث أو تتعرض لقرار قضائي بالإغلاق. ومما سبق، كسان طول فترة المسار الحرج للشركة ١٥ أسبوعا. ما الذي يمكن عمله؟ نعتقد أن الشركة لا تستطيع مقابلة الزمن المحدد للإنهاء إلا إذا استطاعت تخفيض بعسض أزمنة الأنشطة التعجيل Crashing

وعادة ما تتحقق بإضافة موارد إضافية (مثل المعدات والأفراد) لنشاط معـــــين. ومن الطبيعي أن يكلف التعجيل أموال أكثر. ويهتم المديرين بإنهــــاء المشـــروع بأقل تكلفة إضافية ممكنة.

ويتضمن التعجيل بالمشروع أربع خطوات :

ایجاد المسار الحرج العادي وتحدید الأنشطة الحاسمة.

حساب تكلفة التعجيل للأسبوع (أو للوحدة الزمنية المستخدمة) لكـــل
 الأنشطة بالشبكة. وذلك باستخدام المعادلة التالية.

تكلفة التعجيل - التكلفة العادية

تكلفة التعجيل/الوحدة الزمنية = \_\_\_\_\_

الزمن العادي \_ زمن التعجيل

ونفترض في هذه المعادلة أن تكلفة التعجيل خطية. وإذا لم تكن كذلــــك فلـــن يصلح هذا المدخل.

٣- اختار النشاط على المسار الحرج ذو أقل تكلفة تعجيل للأسبوع. عجل بهذا النشاط لأقصى مدى ممكن أو إلى النقطة حيث يتم مقابلة الزمسس المحسدد لتسليم المشروع.

 ويظهر الزمن العادي والزمن المعجل والتكلفة العادية والتكلفة المعجلة في جدول (٩). لاحظ، أن الزمن العادي للنشاط ب٣ أسابيع (هــذا التقدير استخدم أيضا في برت) وزمنه المعجل ١ أسبوع. هذا يعني أن النشاط بمكن تخفيضه بمقدار ٢ أسبوع إذا ما وفرت له موارد إضافية. والتكلفة العادية فهــذا النشاط تبلغ ٠٠٠٣ جنيه بينما تكلفته المعجلة تبلغ ٠٠٠٣ جنيه. والتعجيل بالنشاط ب سيكلف الشركة ٠٠٠٤ جنيه إضــافي. ويفــترض في أسلوب المسار الحرج أن تكلفة التعجيل خطية. وكما في جــدول (١١) فــان تكلفة تعجيل النشاط ب لكل أسبوع تبلغ ٠٠٠٠ جنيه. ويمكن حساب تكلفة التعجيل لكل الأنشطة الأخرى بنفس الطريقـــة ثم تطبيــق الخطـوات ٢، ٤ لتخفيض زمن إلهاء المشروع.

وتقع الأنشطة أ، جــ، هــ على المسار الحرج ولها أقل تكلفــة تعجيــل للأسبوع ١٠٠٠ جنيه. لذلك يمكن للشركة تعجيل النشاط ٢ أسبوع بتكاليف إضافية ١٠٠٠ جنيه.

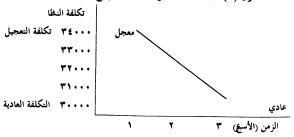
وللشبكات الصغيرة مثل التي ندرسها حاليا من الممكن استخدام أسلوب الخطوات الأربعة لإيجاد أقل تكلفة لتقصير زمن إتمام المشروع ولكن للشسبكات الكبرى، يصعب تطبيق هذا المدخل ويكون غير عملي. ويجب استخدام أسلوب أكثر تعقيدا مثل أسلوب البرمجة الخطية.

# التعجيل بالمشروع باستحدام البرمجة الخطية

تمثل البرمجة الخطية مدخل آخر لإيجاد أفضل جدول زمني للتعجيل بالمشروع. سنشرحها باستخدام نفس المثال السابق. والبيانات التي سنستخدمها مستخرجة من جدول رقم (٩) وشكل رقم (٩)).

المسار	تكلفة التعجيل		التكاليف	سبوع	الزمن بالأ	
الحوج	للأسبوع	المعجلة	العادية	المعجل	العادي	النظا
نعم	1	*****	****	1	۲	í
7	****	<b>T</b> £	٣٠٠٠٠	1	٣	ب
نعم	1	*****	*****	١	۲	جــ
צ	1	£4	٤٨٠٠٠	٣	٤	د
نعم	1	٥٨٠٠٠	٥٦٠٠٠	۲	٤	هــ
צ	٥	T	****	۲	٣	و
نعم	4	۸٦٠٠٠	۸۰۰۰۰	۲	٥	ز
نعم	٣٠٠٠	19	17	١	۲	ح

جدول (٩) البيانات العادية والمعجلة للمشروع



### شكل (١١) الزمن العادي والمعجل والتكلفة العادية والمعجلة للنشاط ب

نبدأ بتحديد متغيرات القرار. فإذا كانت س تمثل الزمن الـــذي يحتاجـــه نشاط مقاسا من بداية تنفيذ المشروع فإن :

- س, = الزمن اللازم للنشاط ١
- س، = الزمن اللازم للنشاط ٢
- س. = الزمن اللازم للنشاط ٣
- س؛ = الزمن اللازم للنشاط ٤
- س = الزمن اللازم للنشاط ٥
- س. = الزمن اللازم للنشاط ٦
- س = الزمن اللازم للنشاط ٧

س تمثل عدد الأسابيع اللازمة لكل نشاط معجل. ص: عدد الأسابيع التي قررنا تعجيلها للنشاط أ. ص عدد أسابيع التعجيل للنشاط ب، وهكذا إلى أن نصل إلى صح.

دالة الهدف

نظرا لأن الهدف هو تدنية تكلفة التعجيل بالمشروع ككل. فتصبح دالـــة هدف للبرنامج الخطي تصبح:

تدنية تكلفة التعجيل = ١٠٠٠ ص: + ٢٠٠٠ ص. + ١٠٠٠ ص. ـ + ١٠٠٠ ص. + ٢٠٠٠ ص. ـ + ٥٠٠ ص. + ٢٠٠٠ ص. + ٣٠٠٠ ص. وهذه التكاليف دالة استخرجت من العمود السادس بجدول رقم (٩).

قيود زمن التعجيل

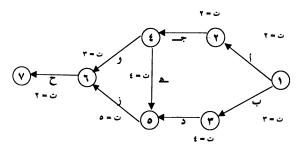
نحتاج لفرض قيود للتأكد من كل نشاط لن يتم تعجيله بمقدار اكثر عمسا يسمح به من زمن تعجيل. أقصى زمن تعجيل للمتغير ص هو الفرق بين الزمسن العادي وزمن التعجيل (من جدول (٩)).

قيود التعجيل :

ص ≤ ١

صب ≤ ۲

 $0 \Rightarrow 1 \ge 0$   $0 \Rightarrow 1 \ge 0$ 



شكل (١٢) شبكة المشروع وعليها أزمنة الأنشطة

قيود إتمام المشروع

يحدد هذا القيد أن آخر نشاط يجب أن يبدأ قبل الموعد النهائي لتسسليم المشروع. إذا كان مشروع يجب أن يعجل ليصبح موعده ١٢ أسبوعا فإن : سب ≤ ١٢

# القيود التي تصف هيكل الشبكة

للحدث ١ سيكون : س. = ٠

وللحدث ٢ :

 $_{0.7}$  الزمن العادي أ \_ عدد أسابيع تعجيل أ + زمن بدء النشاط أ (س

= صفر)

فإن س ≥ ۲ - ص

أو سب+ض ≥ ٢

للحدث ٣:

س ≥ ۳ - صب + صفر

أو س+ صب ≥ ٣

: ٤ كلحدث

نلاحظ أن النشاط جــ يبدأ مع الحدث (٢) س، وليس صفر.

س ≥ ۲ - ص ـ + س۲

أو س، - س، + ص ب ≥ ٢

للحدث ٥:

غتاج إلى قيدان، الأول يمثل المسار من د 3 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 - 0 القيد الثاني : يمثل المسار من هـ 0 - 0

للحدث ۷ : سv ≥ ۲ - صع + س<sub>۲</sub> أو سv - س<sub>۲</sub> + صع ≥ ۲

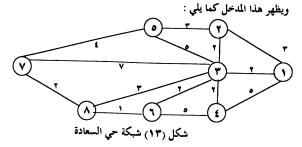
وبعد إضافة قيود عدم السلبية، يمكن حل مشكلة البرمجة الخطية الحاليــــة لإيجاد أمثل قيمة للمتغير ص. وذلك باستخدام أحد البرامج الجاهزة.

### أسلوب شجرة الحد الأدبئ للانتشار Minimum Spanning Tree Technique

يبحث أسلوب شجرة الحد الأدنى للانتشار في توصيــــل كــل النقــاط بالشبكة مع تخفيض المسافات بينهم إلى أدنى حد ممكن. وقد طبق علـــى ســـبيل المثال في شركات التليفونات لتوصيل عدد من التليفونات معا مع تخفيض الطول الإجمالي لكابلات التليفونات اللازمة.

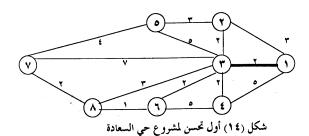
لناخذ مثال شركة النصر للإنشاءات التي تقوم بإنشاء حي السمعادة في السماحل الشماني وعلى الشركة تحديد أقل الطموق تكلفة لتوصيل المساه والكهرباء لكل مترل. وتظهر شبكة المنازل في شكل (١٣).

وكما في شكل (١٣) توجد ثمانية منازل على الساحل وتظهر المسافة بعين كل منزل بمنات الأمتار على الشبكة. فمثلا المسافة بين المنزل ٢، ٢ تبلغ ٣٠٠ قدم (ستجد الرقم ٣ عد بالمنات بين المنزل ٢، ٢) وسنستخدم أسلوب شــجرة الحد الأدبئ للانتشار لتحديد أدبئ مسافة يمكن استخدامها لتوصيل كل النقــاط.

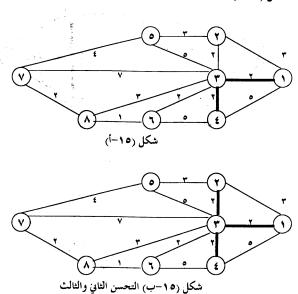


- ١- اختار أي نقطة بالشبكة.
- ٧- وصل هذه النقطة إلى أقرب نقطة تحقق أدى مسافة إجمالية.
- - ٤- كرر الخطوة الثالثة إلى أن يتم توصيل كل النقاط.
- إذا وجدت عقدة بالنقطة الثالثة وهذه لها نفس المسافة أو تقترب مـــن نفس المسافة، اختار عشوائيا إحداها، واستمر في العمل. والعقدة تعني وجـــود اكثر من حل واحد أمثل.

سنحل مشكلة حي السعادة. نبدأ باختيار عشوائيا النقطة رقم 1 نظـــــرا لأن أقرب نقطة هي النقطة الثالثة نوصل بينها بمسافة ٢ (٢٠٠ متر) ثم نوصــــل 1 إلى ٣. كما في شكل (1٤).

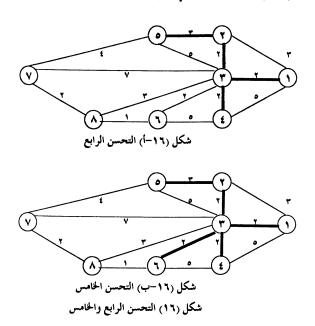


بالأخذ في الحسبان البنقطة ١، ٣ نتجه إلى أقرب نقطة نجدها ٤، وهـــــي الأقرب للنقطة ٣. والمسافة بينهما ٢ (٢٠٠٠ متر)، فتقوم بالتوصيل بـــين ٣، ٤ شكل (١٥-أ).

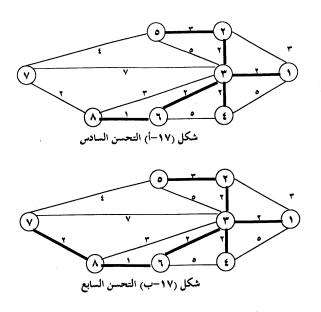


ونستمر في هذه العملية فنجد عقدة للتحسن التالي بمسافة حدهــــــا الأدنى ٣ متر (نقطة ٢ ـــ نقطة ٥ ونقطة ٣ ــ نقطة ٦) يجب ملاحظة أننا لم نــــــاُخذ في الحسبان نقطة ١ إلى ٢ ومسافتها ٣ متر نظـــرا لأن كــــل مــــن ١، ٢ قــــد تم

توصیلهما مسبقا. سنختار عشوائیا النقطة ٥ ونوصلها إلى نقطــــة ٢. شــکل (١٦-أ). واقرب نقطة تالية هي ٦ نوصلها إلى ٣ شکل (١٦-ب).



لدينا في هذه المرحلة نقطتان باقيتان. نقطة ٨ هي أقسرب إلى النقطـة ٦ ومسافتها ١ فنوصلها كما في شكل (١٧-أ) ثم النقطة الباقية ٧ نوصلــــها إلى النقطة ٨ شكل (١٧-ب).



شكل (١٧) التحسن السادس والسابع

والجل الأمثل نجده في التحسن السابع والأخير والنقــــاط ١، ٢، ٤، ٣ جميعها موصلة إلى نقطة ٣. نقطـــة ٦ موصلـــة إلى نقطة ٨ ونقطة ١ ونقطة ٧ ونقطة ١ ونقطة ٨ ونقط

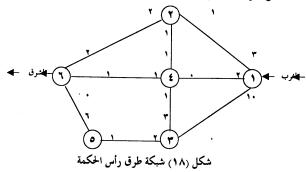
#### أسلوب أقصى كمية تدفق

#### Maximum-flow Technique

يبحث أسلوب أقصى كمية تدفق في تحديد أقصى كمية من المواد يمكن تدفقها داخل الشبكة. وقد استخدم هذا الأسلوب على سبيل المشال لإيجاد أقصى عدد من السيارات التي يمكن أن تمر في نظام الطوق السويعة بين الخافظات

#### مثال :

رأس الحكمة مدينة ساحلية تقوم بتطوير نظام الطرق لمنطقة وسط المدينــة ويرغب المخطط في تحديد أقصى عدد من السيارات التي يمكن أن تمــــر داخــــل المدينة من الغرب إلى الشرق. وتظهر شبكة الطرق كما في شكل (١٨).



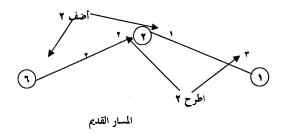
وَمَ تمثيل الشوارع بالدوائر لأحظ شارع ١-٠ ٢ الشارع يبين النقطة ١، النقطة ٢. العدد بجوار النقاط يمثل أقصى عدد من السيارات (١٠٠ سيارة في الساعة) التي يمكن أن تمر من النقط المختلفة. والرقم ٣ بجوار النقطة ١ يمشل ٣٠٠ سيارة في الساعة يمكن أن تمر من ١ إلى ٢.

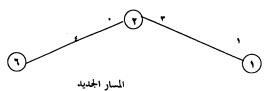
لاحظ الأرقام ١، ١، ٢ بجوار النقطة ٢ هذه الأرقام تمثل أقصى عدد من السيارات يمر من النقطة ٢ إلى النقطة ١، ٤، ٦ على النوالي. وكما يلاحظ من الشبكة أن أقصى تدفق من النقطة ٢ إلى النقطة ١ ( ١٠٠ سيارة في السياعة (١)). فيمكن أن تمر من نقطة ٢ إلى نقطة ٤، ١٠٠ سيارة يمكن أن تمر من ٢ إلى ت. لاحظ أن المرور يمكن أن يتم في الاتجاهين بنفس الشارع. ووجود صفر يعنى عدم وجود حركة أو طريق من اتجاه واحد.

وأسلوب أقصى تدفق ليس صعبا ويرتبط بالخطوات التالية :

- ١٠ اختار المسار (الشوارع من الغرب إلى الشرق) الذي عليه حركة.
  - ٧- كبر التدفق (عدد السيارات) إلى أقصى ما يمكن.
  - ٣- عدل رقم طاقة التدفق على المسار (الشوارع).
- ٤- كرر الخطوات التالية إلى أن تصل إلى عدم إمكانية زيادة التدفق.

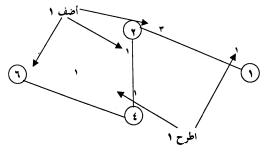
ومن المهم ملاحظة أن المسار الجديد في شكل (١٩) يعكسس الطاقسة النسبية الجديدة في هذه المرحلة. ورقم التدفق في أي عقدة يمثل عاملين. العسامل الأول هو التدفق الذي يمكن أن يأتي من العقدة، والعامل الثاني التدفسق السذي يمكن أن يتم تخفيضه من التدفق الداخل للعقدة. أولا، لناخذ في الحسبان التدفق من الغرب إلى الشرق. انظر إلى المسار الذي يتحرك مسن ١ إلى ٢. الرقسم ١ بالنقطة ١ يمثل ١٠٠ سيارة يمكن أن تتدفق من النقطة ١ إلى النقطة ٢. وبالنظر إلى المسار من النقطة ٢ إلى النقطة ٢ يعني وجود صفر سيارة تتدفق من نقطة ٢ إلى نقطة ٦. ولاحظ التدفق من الشسرق وجود صفر سيارة تتدفق من نقطة ٢ إلى نقطة ٦. ولاحظ التدفق من الشسرق إلى الغرب لظاهر في المسار الجديد شكل (١٩).



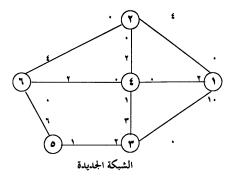


المسار المجديد شكل (١٦) تعديل الطاقة للمسار ١-٢-٦ (التحسن الأول)

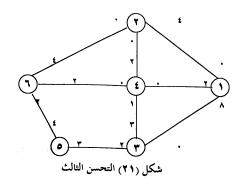
أولا: ادرس المسار من ٦ إلى ٢ العدد ٤ بالنقطة ٦ يعني إمكان تخفيض التدفق من النقطة ٦ بعدد ٢ (أي ٠٠٠ سيارة) وأن هناك طاقة قدرها ٢ (أي ٠٠٠ سيارة) يمكن أن تأتي من نقطة ٦. وهذان العاملان يجمعا ٤. وبالنظر للمسار من نقطة ٢ إلى نقطة ١، نجد العدد ٣ بالنقطة ٢ وهذا يعني إمكان تخفيض التدفق في النقطة ٢ بعدد ٢ (أي ٠٠٠ سيارة) وانه لدينا طاقة قدرها ١ (٠٠ سيارة) من نقطة ٢ إلى نقطة ١ وفي هذه المرحلة، هناك تدفيق ٠٠٠ سيارة داخل الشبكة من النقطة ١ إلى نقطة ٢ إلى نقطة ٢ وتم عرض الطاقية النسبية الجديدة كما في المسار الجديد شكل (١٩).



المسار القديم



شكل (٢٠) التحسن الثايي



وبالتالي، نزيد التدفق على المسار ٢-٢-٤-٣ بعدد أو نعـــــدل طاقـــة التدفق. راجع شكل (٢٠).

ولدينا حاليا تدفق قدره ٣ وحدات (٣٠٠ سيبارة): ٢٠٠ سيبارة في الساعة على المسار ٢٠٠٠ السيارة في الساعة على المسار ٢٠٠٠ الساعة على المسار ٢٠٠٠ على المسار، وأقصى تدفق ٢ نظرا لأن ذلك أقصى ما يتم مسن النقطة ٣ إلى النقطة ٥. ويظهر التدفق الزائد في هذا المسار في شكل (٢١).

تكرر هذه العملية مرة أخرى، ونحاول إيجاد المسار الذي به طاقسة غــير مستمدة خلال الشبكة. وإذا ما اختبرت بدقة التحسن الأخير في شــكل (٢١)، ستجد أنه لا يوجد مسارات أخرى من نقطة ١ إلى نقطة ٢ بطاقة غير مســـغلة، بالرغم من أن عديد من الفروع بالشبكة بما طاقة غير مستغلة. وأقصى تدفق هو . . ٥ سيارة في الساعة كما في الملخص التالي :

التدفق (سيارة في الساعة)	المسار
7	7-7-1
1	7-2-7-1
7	7-0-4-1
0	إجمالي

يمكنك مقارنة الشبكة الأصلية بالشبكة النهائية لمعرفة التدفـــق بــين أي نقطين.

### أسلوب أقصر طريق Shortest-Route Technique

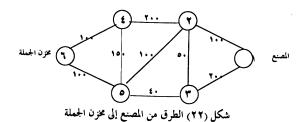
يبحث أسلوب أقصر طريق في كيف يمكن لشخص أو مفردة الانتقال من مكان إلى آخر مع تخفيض إجمالي المسافة إلى أدنى حد ممكن. بطريقة أخرى، فإلهًا توجد أقصر طريق بين عدد من الأماكن.

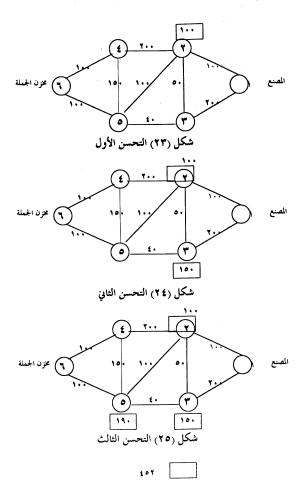
ففي كل يوم تقوم شركة الدمياطي بنقل الكراسي والمكاتب وغيرها مسن أنواع الأثاث من المصنع إلى مخزن الجملة، ويتضمن ذلك المرور عبر عدة مسدن. وترغب الشركة في تحديد الطريق ذو أقصر مسافة. وتظهر شسبكة الطسرق في شكل (۲۲).

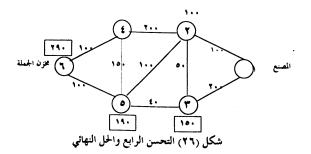
ويمكن استخدام أسلوب أقصر طريق للوصول إلى أدبى مسافة إجمالية مـن أي نقطة إلى نقطة نمائية. ويظهر ملخص هذا الأسلوب في الخطوات التالية : ١ –إيجاد أقرب نقطة من البداية (من المصنع). ووضع المسافة في مربع بجــــوار النقطة. ٢-أوجد أقرب نقطة تالية من البداية (المصنع) وضع المسافة في مربع بجـــوار النقطة. ستحتاج في بعض الحالات إلى اختبار عدة مســارات للوصــول إلى اقرب نقطة.

٣-كرر هذه العملية إلى أن تنتهي من الشبكة ككل. و آخر مسافة في الطريق النهائي ستكون مسافة أقصر طريق. ويجب ملاحظة أن المسافات الموضوعة في مربعات بجوار كل نقطة هي أقصر مسافة إلى هذه النقطة. وتستخدم هذه المسافات كنتائج وسيطة لإيجاد أقرب نقطة تالية.

بالنظر إلى الشكل (٢٢) سنجد أن أقرب نقطة إلى المصنع هي نقطة رقــــم ٢٣ ومسافتها ١٠٠ كيلو. وبالتالي سنوصل هاتين النقطتين ويظــــهر التحســـن الأول في شكل (٣٣).







ثم نبحث عن أقرب نقطة تالية من البداية. نختبر نقطة ٣، ٤، ٥. نقطة ٣ هي أقربهم، ولكن يوجد بما مساران، المسار ٢-٢-٣ هو الأقرب إلى البدايـــة بمسافة إجمالية ١٥٠ كيلو. أنظر الشكل (٢٤).

ونكرر العمل. فاقرب نقطة تالية هي إما نقطة ٤ أو نقطة ٥. النقطة ٤ تبعد ٢٠٠ كيلو من نقطة ٢. كذلك نقطة ٤ تبعد ٢٠٠ كيلو من نقطة ٢. كذلك نقطة ٤ تبعد ٣٠٠ كيلو من البداية. وهناك مساران للنقطة ٥، ٢-٥، ٣-٥ إلى البداية. لاحظ أنه ليس من الضروري أن نرجع إلى الوراء إلى البداية حيث نعرف أقصر طريق من نقطة ٢ ونقطة ٣ إلى البداية. ونضع أقصر مسافة في مربعات بجوار هذه النقاط. المسار ٢-٥ ١٠٠ كيلو، والنقطة ٢ تبعسد ١٠٠ كيلو من البداية. لذلك، فإن إجمالي المسافة ٥٠٠ كيلو. وبطريقة مشابحة يمكننا تحديد المسار من النقطة ٥ إلى البداية.

# تطبیق (۱)

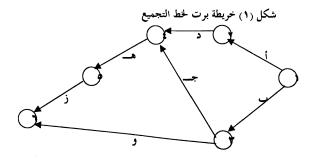
لاستكمال خط تجميع طائرات التدريب حدد مدير الشركة الخطـــوات الرئيسية وسبعة أنشطة مرتبطة بها. وقد سميت هذه الأنشطة أ، ب إلى ز كمــلـ في الجدول التالي، يعرض الجدول التالي زمن استكمال النشاط والنشاط السابق لــه مباشرة. حدد الزمن المتوقع والانحراف لكل نشاط.

النشاط السابق مبالخر	متشائم	أكثر فرق	متفائل	النشاط
_	۲	۲	١	ſ
-	٣	٣	۲	ب
ſ	٦	٥	٤	جــ
ب	11	٩	٨	د
جــ، د	٥	٥	۲	
ا ب	٦	٥	٣	و
	٣	۲	١	ز

#### الحل

بالرغم من عدم طلبها في هذه المشكلة إلا أنه من المفيد رسم خريطة بالأنشطة. فتظهر خريطة برت لخط التجميع كما يلي :

ويمكن حساب الزمن المتوقع والانحرافات باستخدام المعادلة المذكـــورة في هذا الفصل. وتظهر النتائج ملخصة في الجدول التالي :



الانحراف المتوقع	الزمن المتوقع	الاتجاه	النشاط
٠,٠٢٨	1,44	<b>←</b> 1	ſ
•,• *	۲,۸۳	<b>4</b> - 1	ب
٠,١١١	٥	<b>←</b> ۲	جـ
٠,٢٥٠	4,17	<b>←</b> ٣	د
٠,٢٥٠	٤,٥	<b>4</b> — £	هـ
.,40.	٤,٨٣	₩- ٣	و
٠,١١١	۲	₩- 0	ز

### تطبيق محلول (٢)

ترغب الشركة في تحديد المسار الحرج لخط التجميسع في التطبيسق (1) وزمن إتمام المشروع. كما يوغب المدير في تحديد زمن الإنماء المبكر وزمن الإنمىاء المتأخر لكل نشاط. يمكن الوصول إلى المسار الحرج، زمن البدء المبكر، وزمن الإنهاء المبكر، وزمن الإنهاء المبكر، زمن الإنهاء المتأخر، باستخدام الإجراءات المشروحة في هــــذا الفصل. ويظهر ملخص النتائج في الجدول التالي :

زمن	·	•	زمن النشاط	الاتجاه	النشاط	
الأعطال	إنماء متأخو	إنهاء مبكو	بدء متأخر	بدء مبكر		
٥,١٧	٧	0,17	1,88	•	14-1	ſ
-	۲,۸۳	••	۲,۸۳	•	1-1	ب
٥,١٧	17,	٧,٠٠	٦,٨٣	1,44	<b>£</b> ← Y	جـ
-	17,	۲,۸۳	17,	۲,۸۳	<b>4-</b> 7	د
-	17,0	17,00	17,0	17,	٤ 🖚 د	هـ
۱۰,۸۳	۱۸,٥	18,78	٧,٦٧	۲,۸۳	74-4	و
_	۱۸,٥	17,0	۱۸,٥	17,0	٥ —◄٢	ز

زمن إنماء المشروع = ١٨,٥

الانحراف عن المسار الحرج = ٦٣٨٨.

الانحراف المعياري عن المسار الحرج = ٧٩٩٣.

والأنشطة على المسار الحرج هي ب، د، هـ، ز. حيث لهذه الأنشـــطة زمن أعطال صفر، كما يظهر بالجدول. وزمن إتمام المشروع ١٨,٥ أســــبوع. ويظهر بالجدول زمن البدء المبكر والإنهاء المبكر والبدء المتأخر والإنهاء المتأخر.

١- يعمل حسن محمد مديرا للموارد البشرية بشركة النصر. وهي شركة متخصصة في البحوث والاستشارات. وأحد البرامج التي يفكر في ها حسن للديري الإدارات التنفيذية هو التدريب على القيادة. وقد حدد حسن مجموعة من الأنشطة التي يجب أن تتم قبل أن ينفذ برنامج التدريب. ويظهر بسالجدول التالي الأنشطة والأنشطة السابقة عليها مباشرة.

النشاط	النشاط السابق مباشرة
ţ	_
ب	-
جـ	_
د	ب
هــ	ا، د
و	جـ
ز	هـــ، و

ارسم خريطة الشبكة لهذه المشكلة.

٣- تمكن حسن من تحديد زمن كل نشاط لبرنامج التدريب على القيادة ويرغب في تحديد زمن إنجاز المشروع والمسار الحرج. وتظهر أزمنة الأنشطة في الجدول التالي (راجع النطبيق رقم (١)).

النشاط	الزمن باليوم
1	۲
ب	
جــ	1
د	١.
هــ	٣
و	٦
ز	٨
إجمالي	70

٣- تتخصص شركة النوبارية في إنتاج آلات جمع الحشائش. وقد اقتسع المهندس فؤاد بأن جمع الحشائش آليا أفضل من استخدام الأساليب الكيماويسة لقتل الحشائش. فالكيماويات تؤدي إلى التلوث. ويظهر أن الحشسائش تنمو أسرع بعد استخدام الكيماويات وقد ابتكر المهندس فؤاد آلة تحصد الحشسائش في المناطق الضيقة وعلى ضفاف الترع والمصارف. ويظهر بالجدول التسائي الأنشطة اللازمة لإنتاج آلة واحدة لتجربتها. ارسم شبكة لهذه الأنشطة.

ېق مباشرة	النشاط السابق مباشرة		
	_	i	
<b>4</b> .7	·, <del>-</del>	ب	
The state of the s	\$	جــ	
	, , (	د	
	ب	a	
	ب	و	
	جــ، هــ	ز	
	د، و	ع ٔ	

٤ بعد مشاورة مع المهندس عبد الحليم استطاع المهندس فؤاد تحديب أزمنة الأنشطة لإنتاج آلة حصد الحشائش لاستخدامها بالمناطق الضيقة. ويرغب المهندس فؤاد في تحديد الزمن المبكر للبدء، الزمن المتأخر للبدء، الزمن المبكر للإنماء، الزمن المتأخر للإنماء، وزمن الأعطال لكل نشاط. ويجب تحديد إحمالي زمن إنجاز المشروع والمسار الحرج.

ارجع إلى النطبيق رقم (٢) للتفاصيل. وفيما يلي أزمنة الأنشطة.

الزمن (بالأسابيع)	النشاط
٦	í
٥	ب
٣	اجــ
٧	د
£	هــ
٦.	و
١.	ز
<b>v</b>	ح

٥- تقوم شركة مصطفى بتركيب التوصيلات الكهربائية في المنشسآت. ويهتم مصطفى بالزمن اللازم لإتمام تركيب كافة الأسلاك. حيث أن بعض مسن العاملين لديه لا يمكن الاعتماد عليهم بالكامل. وما يلي قائمة بالأنشطة والزمس المتفائل والمتشائم والأكثر توقعا لكل منها بعدد الأيام.

النشاط السابق مبانثمر	متشائم	أكثر وة	متفائل	النشاط
-	٨	٦	٣	î
-	٤	£	۲	ب
-	٣	۲	١,	جــ
جــ	٨	٧	٦	د
ب، د	٦	٤	۲	هــ
ا، هــ	١٤	١.	٦	و

الزمن (بالأسابيع)	النشاط
٦	ſ
. •	ب
<b></b>	جــ
*	د
	هـــ ،
٦.	و
	ز ،
٧	ح

٥- تقوم شركة مصطفى بتركيب التوصيلات الكهربائية في المنشسآت. ويهتم مصطفى بالزمن اللازم لإتمام تركيب كافة الأسلاك. حيث أن بعض مسن العاملين لديه لا يمكن الاعتماد عليهم بالكامل. وما يلي قائمة بالأنشطة والزمن المتفائل والمتشائم والأكثر توقعا لكل منها بعدد الأيام.

شاط السابق مبانقر	الن	متشائم	أكثر وة	متفائل	النشاط
	-	٨	٦	٣	ſ
	-	٤	٤	۲	ب
	-	٣	۲	١	جــ
	ا جـــ	٨	٧	٦	د
د	ب،	٦	£	۲	هـــ
	أ، هـ	١٤	١.	٦	و

ا، هــ	ŧ	۲	•	ز
او	4	٦	٣	٦
ز	17	1.	١.	ط
اجــ	٧.	17	11	೨
ح، ط	١.	٨	۲	J

حدد زمن الإنجاز المتوقع والانحراف لكل نشاط.

٦- يرغب مصطفى في تحديد زمن إنجاز المشروع والمسار الحرج (ارجمع إلى النطبيق رقم (٥)). وحدد كل من الزمن المبكر للبدء والزمن المبكر للإنهاء، وزمن الأعطال لكل نشاط.

٧- ما هي احتمالات أن يتم المشروع كما هو محدد في التطبيــــق (٥)،
 (٦) في ٤٠ يوم أو أقل؟

٨- يدرس أحمد شرف مدير الموارد البشرية بشركة بورسعيد للتوظيف تصميم برنامج يمكن عملاؤه من إيجاد فرص عمل. ومن الأنشطة اللازمة إعداد سيرة ذاتية، كتابة الخطابات، إعداد مواعيد المقابلات للموظفين المرتقبين، دراسة الشركات والصناعات، وغيرها. وما يلي بعض المعلومات عن الأنشطة الستي تظهر بالجدول التالي:

النشاط		الزمن		
السابق مباشرة	متشائم	أكثر وة	متفائل	1
_	17	١.	٨	í
-	4	٧	٦	ب
-	ŧ	۳	٣	اجــ
ı	٣٠	٧٠	١.	اد
جـ	٨	V	٦	اهـ
ب، د، هــ	11	١.	٩	و
ب، د، هــ	١.	v	٦	ز
و	13	10	1 €	۲
و	۱۳	11	١.	ط
ز،ح	٨	v	٦	ك
ط، ك	٨	٧	٤	ن
ز، ح	ŧ	*	١	٩

(أ) صمم شبكة العلاقات السابقة.

(ب) حدد الزمن المتوقع وانحراف كل نشاط.

الزمن المتأخر للإنماء، زمن الأعطال لكل نشاط من الأنشطة السابقة.

(د) حدد المسار الحرج وزمن إنجاز المشروع.

(هـــ) حدد احتمالات إلهاء المشروع في ٧٠ يوم.

(و) حدد احتمالات إنماء المشروع في ٨٠ يوم.

(ز) حدد احتمالات إلهاء المشروع في ٩٠ يوم.

 ٩- باستخدام برت استطاع عمر محمد تحدید الزمـــن المتوقــع لإنجــاز مشروع تصنیع یخت سیاحي في ۲۱ شهر وکان انحـــراف المشــروع ٤ شهور.

(أ) ما هي احتمالات إتمام المشروع في ١٧ شهر.

(ب) ما هي احتمالات إتمام المشروع في ٢٠ شهر.

(جـــ) ما هي احتمالات إتمام المشروع في ٣٠ شهر.

(د) ما هي احتمالات إتمام المشروع في ٢٥ شهر.

• ١- مشروع الحد من التلوث والذي ذكر في هـــذا الفصــل بــدأ في التنفيذ وهو الآن في الأسبوع الثامن. ويرغب المدير في معرفة قيمـــة الأعمــال التامة، وقيمة التكاليف الزائدة أو الموفرة بالمشروع، ومدى الـــتزام المشــروع بالجدول الزمني وذلك بإعداد جدول مثل السابق شرحه بهذا الفصل. وما يلــي أرقام التكاليف المرتبطة.

التكاليف الفعلية	نسبة التمام	النشاط
7	1	f
****	1	ب
77	1	جــ
£ £ • • •	١	د
70	٥.	اھــ
10	٦.	و

0	1.	ز
1	1.	ے

١٩ - التزم محمود أمين بإعداد برنامج للتدريب والتنمية. وهـــو يعلــم
 الزمن المبكر للبدء، الزمن المتأخر للبدء، وإجمالي تكاليف كل نشاط وتظهر هــذه
 المعلومات في الجدول التالي :

إجمالي التكاليف	التكاليف	زمن البدءلطأ	زمن البدء المبكو	النشاط
١.	٦	•	•	ı
1 1	*	£	1	ب
٥	٧	٣	٣	ا جـــ
٦.	٣	•	£	اد
١٤	١.	٦	٦	اهــ
١٣	11	١٥	11	و
£	۲	1.4	١٢	ز
٠,	11	1 €	١٤	ح
١٨	٦	*1	1.4	ط
11	٤	19	١٨	설
١٠\	١٤	**	**	ال `
17	٨	74	**	٩
1.4	٦	7 £	1.4	ن

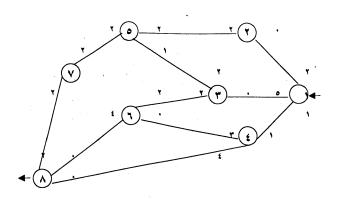
أ) باستخدام زمن البدء المبكر حدد إجمالي الموازنة الشهرية للتكاليف.
 (ب) باستخدام زمن البدء المتأخر حدد إجمالي الموازنة الشهرية للتكاليف.

١٢ - يقوم حسن ماهر بتصنيع منشآت معدنية للاستخدامات التجاريـة. وقد حدد الأنشطة اللازمة لبناء نموذج تجريبي لأحد الموديلات وما يلي البيانسلت الخاصة بهذه المشكلة:

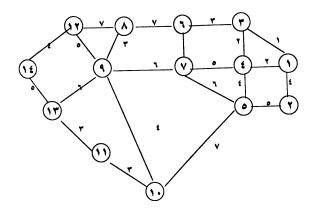
النشاط	التك_اليف	التكـــاليف	الزمـــن	الزمسن	النشاط
السابق	المعجلة	العادية	المعجل	العادي	
_	17	1	۲	٣	١
_	77	7	١	۲	ب
_	٣٠٠	٣٠٠	١	١ ،	جـ
1	17	14	٣	v	د
ب	1	٨٥٠	٣	٦	هـ
جـ	٥٠٠٠	£ • • •	١	*	و
د، هــ	7	10	۲	£	ز

- أ) ما هو تاريخ إتمام المشروع؟
- (ب) صمم نموذج برمجة خطية للتعجيل بمذا المشروع ليتم في ١٠ أسابيع.

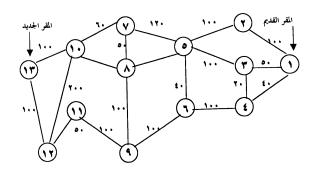
١٣ - تفكر محافظة الإسكندرية في جعل عديد من شوارعها في اتجاه واحد. مـــــا هو أقصى عدد من السيارات في الساعة التي يمكن أن تسير مـــــن الشـــرق إلى الغرب؟ وتظهر شبكة الطرق كما في الشكل التالي :



1 2 - تدرس شركة توزيع الكهرباء توصيل الكهرباء إلى حسى سكنى جديد. ويرغب السيد صالح في تخفيض إجمالي طول الأسلاك المستخدمة، مما يخفض من التكاليف للحد الأدنى. وتظهر مساكن هذا الحي بالشسبكة التاليسة حيث تم ترقيم كل مترل، وكتبت المسافة بين كل مترل وآخر بمنات الأمتار. مطهي توصياتك؟



10 - طلب من شركة فاروس بنقل أثاث وأجهزة شركة بورف\_\_\_واد إلى موقعها الجديد. ما هو الطريق الذي تقترح أن مشكلة السيارات إذا أعطي\_\_\_\_
 لك شبكة الطرق بالشكل التالي؟



# ملحق : الجداول الإلكترونية لحل مشاكل الشبكات

يمكن استخدام الجداول الإلكترونية بمجموعة من الطرق لحل مشكاك الشبكات. وسندرس في هذا الملحق استخدام الجداول الإلكترونيسة لحساب الزمن المتوقع والانحرافات، وتحليل تقييم ومتابعة البرامج. وتحديد التكاليف المقدرة، ومتابعة ورقابة المشروعات.

# الزمن المتوقع وتحديد الانحرافات

تظهر ورقة العمل بشكل (٨) استخدام الجداول الإلكترونية لحسباب الأزمنة المتوقعة وتحديد الانحرافات. وهي تناظر جدول (٢) في هسذا الفصل. ويحسب الزمن المتوقع في العمرود E. فمشلا، المعادلة للنشساط A هسي 6/6/18+68)=. وتحسب الانحرافات في عمود F. والأزمنة المتفائلة تطرح من الأزمنة المتشائمة وتقسم على ٦ ثم نوجد الجزر التربيعي لها.

	A	В	C	D	E	F
١	الأزمنة	المتوقعة و	الانحرافا	ــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ		
۲						
٣			أكثر			
£	النظا	متفائل	وق	متثلا	الزمن المتوقع	الانحراف
٥						
٦	A	,	٧	٣	=(B6+4*C6+D6)/6	=((D6-B6)/6)^2
٧	В	۲.	٣	£	=(B7+4*C7+D7)/6	=((D7-B7)/6)^2
٨	C	1	٧	٣	=(B8+4*C8+D8)/6	=((D8-B8)/6)^2
٩	D	<b>.</b>	٤	٦,	=(B9+4*C9+D9)/6	=((D9-B9)/6)^2
١.	E	7.3	£	Y	=(B10+4*C10+D10)/6	=((D10-B10)/6)^2
11	F	1	۲	9	=(B11+4*C11+D11)/6	=((D11-B11)/6)^2
17	G	۲.	٤	11	=(B12+4*C12+D12)/6	=((D12-B12)/6)^2
۱۲	Н	.,	7	*	=(B13+4*C13+D13)/6	=((D13-B13)/6)^2

تنفيذ تحليل تقييم ومتابعة البرامج على الجداول الإلكترونية

يلخص جدول (٣) تحليل تقييم ومتابعة البرامج ويؤدي شـــكل (٩) إلى تحقيق نفس النتيجة. فيتم إدخال بيانات المدخلات (أزمنــــة الأنشــطة) في أول عشرة صفوف. ويتم تحليل برت بدئا من الصف ١١ وحتى الصف ٢٠. وتنف ورقة العمل نفس المثال المشروح في هذا الفصل. وزمن البدء المبكر للأنشـطة أ، ب يساوي صفر. وزمن الإنماء المبكر للأنشطة أ، ب هو ٢، . وقد حسبت هذه القيم من المعادلة E3= و B4= في الخلايا C14 ، C13. وزمن البدء المبكــر

للنشاط C يساوي زمن الإنماء المبكر للنشاط A أو C13=. والزمن المبكـــر للإنماء للنشاط C يساوي زمن الإنماء المبكر للنشاط A أو C13=. والزمـــن المبكر للإنماء للنشاط C وزمن البدء المبكر للنشاط C زائدا زمن النشاط أو MAX=. لاحظ الأنشطة G ، العمود A. واستخدمنا دالة MAX=لتأكيد أن كل الأنشطة قد تمت قبل بدء هذه النشطة. وبحساب زمــــن البــدء المبكر وزمن الإنماء المبكر نستكمل المسار الإجمالي خلال الشبكة.

وبداية المسار العكسي للخلف بآخر نشاط وهو نشاط H. وقيمة زمسن الإنحاء المتأخر للنشاط H هي نفسها زمن البدء المبكر لهسندا النشساط (10 أو 200). ويحسب زمن البدء المتأخر بطرح زمن النشاط مسمن زمسن الإنهاء المتأخر. وتحسب للنشاط H كما يلي B10-30. وتنفذ نفس الحسسابات للأنشطة الأخرى بدءا من G وعودة إلى A. لاحظ استخدام دالسة MIN=للنشاط C وفاية للشبكة. وبعد إتمام المرور العكسي، يمكن تحديد زمن الأعطال وذلك كما في عمود F. وزمن الأعطال يساوي زمن الإنماء المتأخر ناقصا زمسن الإنماء المبكر. فمثلا زمن الأعطال للنشاط A يحسب بالمعادلة 13-13-13.

(	E D	В	A	
		بلات	بيانات المدخ	١
		النومن	النشاط	۲
		1	A	٣
		4	В	ź
		1	C	٥
		4	D	٦
		1	E	٧
		v.	F	٨
		4	G	٩
		1	H	١.
		عات	نتائج المخرج	11
E	LF LS	ES	النشاط	17
=B	=D15 =E13-B3		A	۱۳
=B	=D16 =E14-B4	•	В	١٤
=B15+B	1IN(D17: =E15-B5 D18)	=C13	С	10
=B16+B	=D19 =E16-B6	=C14	D	١٦
=B17+B	=D19 =E17-B7	=C15	E	۱۷
=B18+B	=D20 =E18-B8	=C15	F	۱۸
=B19+E	=D20 =E19-B9	=MAX( C16:C17	G	19
	=C20 =E20- B10	=MAX( C18:C19	Н	٧.

# rear cost تقييم ومتابعة البرامج بالتكاليف

	A	В	C	D	E	F	G	H	I	J	K
١											
۲			A	В	C	D	E	F	G	الإجمالي الأسبوعي	الإجمالي
٣											
ŧ											
٥	,	٠,								=SUM(B5:I5)	=J5
٦	۲	11	١.							=SUM(B6:16)	=K5+J6
٧	٣		٠.	۱۳						=SUM(B7:I7)	=K5+J6
٨	ź		٠.	18						=SUM(B8:I8)	=K5+J6
٩	۰				14	1 £				=SUM(B9:19)	=K5+J6
1.	٦				.1.7	1 £				=SUM(B10:I10)	=K5+J6
11	٧				11	١٤				=SUM(B11:I11)	=K5+J6
17	٨				17	11				=SUM(B12:I12)	=K5+J6
17	٩				153-08	2.65		17		=SUM(B13:I13)	=K5+J6
١٤	١.						244	17		=SUM(B14:I14)	=K5+J6
10	11		_				1.	11		=SUM(B15:I15)	=K5+J6
17	14					_	١.	11		=SUM(B16:I16)	=K5+J6
17	15			$\neg \dagger$		$\neg$	١.	17		=SUM(B17:I17)	=K5+J6
۱۸	11			_	$\neg$	$\neg$	1.020		_	=SUM(B18:I18)	=K5+J6
19	10		$\neg$		$\neg$	$\dashv$	$\dashv$		٨	=SUM(B19:I19)	=K5+J6
٧.			$\neg$		$\neg \dagger$		$\dashv$	$\dashv$			

#### متابعة ورقابة التكاليف

يحتاج المديرين إلى متابعة ورقابة التكاليف التقديرية للمشـــروع ولكــل نشاط به. واستخدم جدول (٨) بهذا الفصل لتحديد قيمة العمل المنجز وتكلفة الفرق بين الإنفاق الفعلي والتقديري. ويمكن استخدام ورقة العمل رقــم (١١) لتنفيذ هذا النوع من التحليل. ويتم إدخال إجمالي الميزانية التقديريـــة ونســبة التمام، والتكاليف الفعلية لكل نشاط في الأعمدة C ،B و Z.

وتحسب ورقة العمل قيمة العمل التام في عمود D واختلافات النشــلط في عمود F. وبنفس الإجراءات المشروحة في هذا الفصل.

F	E	D	C	В	A	
						١
						۲
						٣
						£
						٥
						٦
اختلافات لأنش	التكلفـــة	قيمة العمــــل	نــــــــــــــــــــــــــــــــــــــ	التكلفــــة	النظا	٧
	الفعلية	الكامل	الاكتمال	الكلية		
=E8-D8	Y	=B8*C8	١	*****	A	٨
=E9-D9	77	=B9*C9	١	٣٠٠٠٠	В	٩
=E10-D10	77	=B10*C10	1	77	C	١.
=E11-D11	7	=B11*C11	٠,١	٤٨٠٠٠	D	11
=E12-D12	7	=B12*C12	٠,٢	07	E	١٢
=E13-D13	٤٠٠٠	=B13*C13	٠,٢	٣٠٠٠٠	F	١٣
=E14-D14		=B14*C14		۸۰۰۰۰	G	١٤
=E15-D15		=B15*C15		17	Н	10
					١٢	17
					١٣	17
					١٤	۱۸
					10	19
						٧.

## الفصل التاسع استخدام برنامج CMOM في حل مشاكل البرمجة الخطية

نبدأ تشغيل البرنامج بإدخال الاسطوانة المرنــة في الوحـــدة . A ثم نسخها على الاسطوانة الصلبة :C أو :C حتى يسهل التعامل معها. يتم كتابـــة CMOM والضغط على إدخال لتشغيل البرنامج فيعرض شاشة تجهيز الحاسب ليتعرف على وحدات الاسطوانات وعلى الشاشة المستخدمة فيتم إدخال عـــدد وحدات الاسطوانات التي ستعمل عليها ورموزها ونوع الشاشة ملونة أو أبيـض وأسود. كما فى الشكل التالى (تم كتابة المنظر باللغة العربية ليسهل تفهمها علمى

Computer Models for Operations Management نماذج الحاسب في مجال اتخاذ القرارات

توصيف وحدات الحاسب Configuration Settings

Number of Disk Drives [1 -2]

عدد وحدات ادارة الاسطوانات ١ -- ٢

رمز وحدة الاسطوانات التي عليها برامج Letter of Program Disk Drive [A-Z]. C

Letter of Data Disk Drive [A-Z] C

رمز وحدة الاسطوانات التي عليها البيانات

Color Monitor [Y /N]

شاشة ملونة

Accept or Change Configuration or Quit now A,Q,C Press ◆: قبول او تغيير المواصفات أو الخروج من التوصيف

### يتم عرض شاشة النماذج الكمية الموجودة بالبرنامج :

#### Computer Models for Operations Management غاذج الحاسب فى مجال اتخاذ القرارات

MAIN	MENU
1- Forecasting	١- التنبؤات
	٧- قياس العمل & حوافز الاجور
2- Work Measurement & Wage Inc	centives
3- Learning Curves	٣- منحنيات التعلم
4-Aggregate Planning	٤ – التخطيط المتكامل
5- Location Analysis	٥- تحليل الموقع
6- Assembly Planning	٦- تخطيط عمليات التجميع
	٧ نظام المخزون – مستقل الطلب
7- Independent Demand Inventory	Systems
8- Material Requirements Plannin	۸– تخطیط طلب المواد ag
9- Scheduling	٩- جدولة الانتاج
10- Project Planning & Control	• ١ – تخطيط ومتابعة المشروعات
11- Quality Control	١١ – الرقابة على الجودة
12- Financial Analysis	۱۲ – التحليل المالي
Queuing & Waiting Lines	١٣- صفوف الانتظار
14- Linear Programming	٤ ٩ – البرمجة الخطية
15- CMOM Overview	۵ ۹ – محتويات البرنامج
16- Exit to DOS	۱۹- الخروج الى دوس

الدخل من ١ : ١٦ ثم اضغط الدخال - Enter 1-16, ^, ° pres

نختار البرنامج رقم 12 - البرمجة الخطية أو نضع عليه المؤشر ونضغط على مفتاح ادخال.

## يتم عرض قائمة اختيارات البرنامج نختار منها : ١- ادخال البيانات عن طويق لوحة المفاتيح ونضغط على مفتاح ادخال.

10:44:34 11-08-1999

البرمجة الخطية

يارات البرنامج	قائمة اخت
Program Opti	ons Menu
	١ادخل البيانات من لوحة المفاتيح
1-Enter data from keyboard	
	2- ادخل البيانات من ملف على الاسطوانة
2-Enter data from disk file	
	٣– ادخل البيانات من المثال
3-Enter data from example	
	٤ – عرض بيانات المشكلة الحالية
4-View current problem	
	٥- تعديل المشكلة الحالية
5-Edit current problem	
	٦- قائمة التعامل مع الاسطوانة
6-Disk Operations Menu	
	٧- حل المشكلة الحالية
7-Solve current problem	
0.00	<ul> <li>٨- العودة الى الشاشة الرئيسية للبرنامج</li> </ul>
8-Return to CMOM Main Menu	
9-Exit to DOS	۹– الخروج الى دوس

ادخل من ۱ : ۹ ثم اضغط ادخال 
■ Enter 1-9 , ^ , \* press

لحل مشكلة تخصيص الموارد وتطبيقات تحديد الحل الامثل

Solves the classic resource allocation problem as well as related optimization applications

Linear Programming

يتم عرض شاشة ادخال البيانات التي تطلب ادخال عدد المتغيرات من 1 : ٥٠ ، عدد القيود < ، عدد القيود < .

10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
	تقصية	
	A. · 1	عدد المتغيرات من
	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	عدد القيود <
		عدد القيود =
		عدد القيود >
		<b>J</b> -
	10:44:34	تقصية

ادخل القيم امام كل بيان. استخدم ٬٬ لتعديل القيم وللنتقل بين المتغيرات واضغط مفتاح R عند الانتهاء

Fill in values for all prompts. Use ^, to edit values

Press 

to finish each value. Use ^, to move between values

Press the F key when finished entering values

المشكلة التي سنحلها هي :

أوجد اقصى قيمة ه  $0 + V_{10}Y$   $1.. = V_{10} + V_{10}Y$   $3 + V_{10}Y = V_{10}Y$  $0 + V_{10}Y = V_{10}Y$ 

ندخل ان عدد متغيرات المشكلة ٢، وعدد القيود < ١ ، وعدد القيود > ١، وعدد القيود = صفر.

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization		تقصية	
Number of Variables 1:50 2	-	٥٠:١	عدد المتغيرات من
Number of < Constraints 1	er.		عدد القيود <
Number of = Constraints 0			عدد القيود = عدد القيود >
Number of > Constraints 1			<i>,</i>

Accept or Change Data Quit now A,Q,C Press -: قبول او تغيير البيانات أو الخروج من التوصيف ادخل القيم امام كل بيان. استخدم ", ^ لتعديل القيم وللتنقل بين المتغيرات 

#### $X_1, X_2, RHV$ يطلب ادخال اسماء المتغيرات والكمية

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization		تقصية	
	المتغير الأول س،		
	Var 1 X1		
	المتغير الثابى س		
	Var 2 X2		
	المتغير الثالث الموارد		
	Var 3 RHV		

ادخل القيم امام كل بيان. استخدم `, ^ لتعديل القيم وللنتقل بين المتغيرات واضغط مفتاح End عند الانتهاء Fill in Variable labels. Pres - to finish each value. Use ^, \* to move between values Press the End key when finished entering labels

#### يطلب ادخال اسماء القيود ودالة الهدف C1, C2, Z

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization	T	تفصية	
			10.000
	دالة الحدف د		
	Obj Max-Z		
	القيد الأول ص،		
	Con 1 C1		
	القيد الثابي ص		
	Con 2 C2		

ادخل رموز القيود امام كل بيان. استخدم ", م لتعديل القيم وللتنقل بين المتغيرات واضغط مفتاح End عند الانتهاء

واضغط مفتاح End عند الانتهاء Fill in Constraint labels. Press ← to finish each value. Use ^, \* to move between values Press the End key when finished entering labels

## يطلب ادخال معاملات المتغيرات وكميات الموارد وربحية المتغيرات ندخل بيانات المشكلة ثم نضغط على مفتاح F للإنهاء.

10:44:34 11-08-1999

Maximiz	Maximization					تقصية	
				الكمية	س۲	س۱	
	X1	X2	RHV			.,	
Mex-Z	7	5			٥	v	تقصية د
C1	2	1	100	1	•	*	ص١

Linear Programming

C2

F:finish M:move H:help [ins] [del] C:cursor متوعات [PgUp] [PgDn] [tab] [home] [end] التحكم في المؤشر

التعديل [esc] [backspc]

البرمجة الخطية

ادخل البيانات واضفط على مفتاح ادخال او احد مفاتيح التحكم في المؤشرأو احد مفاتيح اختصارات الأدام

MISCELLANEOUS F:finish M:move H:help [ins] [del] C:cursor CURSOR MOVEMENT [PgUp] [PgDn] [tab] [home] [end] EDIT [backspc] [esc]

240

Enter a value for each field to the right of the cursor press a movement key or a command key

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية	
zamen r r ogramming	20177.57	11-00-1777	ا درجه صید	

Maximization

	X1	X2	RHV	الكمية	۳۰۰۰	س۱		
Max-Z	7	5			۰	<b>Y</b>	تقصية د	
C1	2	1	100	١	•	*	ص۱	
				71.	٠	f	ص۲	
C2	4	3	240					

منوعات F:finish M:move H:help [ins] [del] C:cursor التحكم في المؤشر [PgUp] [PgDn] [tab] [home] [end]

التعديل [esc] [backspc]

ادخل البيانات واضغط على مفتاح ادخال او احد مفاتيح التحكم فى المؤشرأو احد مفاتيح اختصارات

MISCELLANEOUS F:finish M:move H:help [ins] [del] C:cursor CURSOR MOVEMENT [PgUp] [PgDn] [tab] [home] [end] EDIT [backspc] [esc] Enter a value for each field to the right of the cursor press a movement key or a command key

يعرض شاشة اختيارات البرامج :

البرمجة الحطية 10:44:34 11-08-1999 البرمجة الحطية 10:44:34 البرمجة الحطية المحاسبة 10:44:34 البرمجة الحطية المحاسبة الم

Maximization تقمية

قائمة اختيارات البرنامج Program Options Menu

1-ادخل البيانات من لوحة المفاتيح

1-Enter data from keyboard

٣- ادخل البيانات من ملف على الاسطوانة

2-Enter data from disk file

٣- ادخل البيانات من المثال

3-Enter data from example

J-- U - - - - U

4-View current problem

٤- عوض بيانات المشكلة الحالية

٥- تعديل المشكلة الحالية

5-Edit current problem

٦- قائمة التعامل مع الاسطوانة

6-Disk Operations Menu

٧- حل المشكلة الحالية

7-Solve current problem

٨- العودة الى الشاشة الرئيسية للبرنامج

8-Return to CMOM Main Menu

۹– الخروج الى دوس

9-Exit to DOS

ادخل من ۱ : ۹ ثم اضغط ادخال Press ◄ ادخل من ۱ : ۹ ثم اضغط ادخال

لحل مشكلة تخصيص الموارد وتطبيقات تحديد الحل الامثل

Solves the classic resource allocation problem as well as related optimization applications

يعرض قائمة اختيارات البرامج S للعرض على الشاشة ، P للطبع على الطابعة ، F للخروج نضفط على S.

البرمجة الحطبة 11-08-1999 10:44:34 11-08-1999 البرمجة الحطبة Махіmization

الله العبيارات البرنامج Program Options Menu المدا احتيارات التناتج المناشة فقط S Output Options Menu العرض على الشاشة فقط P S Screen Display only P الطباعة على الطابعة P Printer (hard copy) F Finished (exit menu)

ادخل الحرف المناسب ثم اضغط ادخال - €Enter S,P,F, ^, \* pres

لحل مشكلة تخصيص الموارد وتطبيقات تحديد الحل الامثل

Solves the classic resource allocation problem as well as related optimization applications

يعرض بيانات المشكلة لمراجعتها ثم نضغط على مفتاح ادخال.

البرمجة الخطية

10:44:34 11-08-1999

Maximization	تقصية

Data entered	
	عدد المتغيرات من ١ : ٥٠
Number of Variables 1:50 2	
	عدد القيود <
Number of < Constraints 1	
	عدد القيود =
Number of = Constraints 0	
	عدد القيود >
Number of > Constraints 1	

Model								
	***	770	D. T. T. T.	الكمية	ص۲	س۱		
	X1	X2	RHV			٧	تقصية د	
Max-Z	7	5						
				١	•	*	ص۱	
C1	2	1	100		_	í	ص ۲	
				76.	۳		10-	
C2	4	3	240					

Pres▶ -

Linear Programming

يعرض شاشة اختيارات البرنامج نختار ٧- حل المشكلة الحالبة. البرمجة الخطية 11-08-19 10:44:34 Linear Programming

Maximization تقصية

قائمة اختيارات البرنامج Program Options Menu ١ –ادخل البيانات من لوحة المفاتيح 1-Enter data from keyboard ٧- ادخل البيانات من ملف على الاسطوانة 2-Enter data from disk file ٣– ادخل البيانات من المثال 3-Enter data from example ٤- عرض بيانات المشكلة الحالية 4-View current problem ٥- تعديل المشكلة الحالية 5-Edit current problem ٦- قائمة التعامل مع الاسطوانة 6-Disk Operations Menu ٧- حل المشكلة الحالية 7-Solve current problem ٨- العودة الى الشاشة الرئيسية للبرنامج 8-Return to CMOM Main Menu ٩- الخروج الى دوس 9-Exit to DOS

ادخل من ۱ : ۹ ثم اضغط ادخال Press ◄

لحل مشكلة تخصيص الموارد وتطبيقات تحديد الحل الامثل

Solves the classic resource allocation problem as well as related optimization applications

يعرض شاشة اختيارات نتائج البرنامج نختار S .

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization		تقصية	
7	قائمة اختيارات البرنام		
Prog	ram Options Mo قائمة اختيارات النتائج	enu	
	put Options Me		العوض على الشاش
S Screen Display only		P A	الطباعة على الطابعا
P Printer (hard copy)		قائمة) F	ائماء (الخروج من ال
F Finished (exit menu)			
Enter S,P,F,^, press	غط ادخال	ف المناسب ثم اض	ادخل الحر

لحل مشكلة تخصيص الموارد وتطبيقات تحديد الحل الامثل

Solves the classic resource allocation problem as well as related optimization applications

يعرض بيانات المشكلة للتأكد منها.

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization		تقصية	
Data entered			
Number of Variables 1:50 2		•• : <b>١</b> ,	عدد المتغيرات من
Number of < Constraints 1			عدد القيود <
Number of = Constraints 0			عدد القيود =
Number of > Constraints 1			عدد القيود >
Number of > Constraints 1			

Model

X1 X2 RHV

Max-Z 7 5

C1 2 1 < 100

C2 4 3 > 240

Press **◆** 

Linear Programmi	ng	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization			تقصية	
Solution				
				الحل
		س ۽ = ١٠٠	س، = ٠	قيمة المتغيرات
	٥	س ب ==	ا س₁ ≔ ∨	المعاملات الاساسية حساسية المعاملات
		س, =	س = ۳	حساسية المعاملات
Variable Variable Label Value	Coefficie	nt Sensitivit		
X1 0 X2 100	7 5	3 0		
Constraint (	Original RHV	Slack or Surplus	Shadow Price	
	400		_	
C1 C2	100 240	0 60	5 0	
C2	240	00 ص- =	-	الطاقات العاطلة
		ص.۷ = ۰	-	اسعار الظل ص،
Objective Function	. Value	500		
Objective Punction		200	<b>0</b> :	قيمة دالة الهدف

Press **◆** 

Linear Programming	10:44:34	11-08-1999	البرمجة الخطية
Maximization		تقصية	
Sensitivity Analysis			تحليل الحساسية

					عاملات دالة الهدف
Objec	Objective Function Coefficients				
Varia		Original	Upper		
Label	Limit	Coefficient	Limit		
X1	no limit	7	10		
X2	3.5000	5	no limit		
		س۲ ـ ۳۵۰۰	٠ حد	. س، = لا يوج	لحد الأدبئ للمتغيرات
		سء ۔ ه	. حد	-	لعاملات اللأساسية
	7	س, = لا يوجد ح		س، = ٧	لحد الأقصى
Right	-Hand-Side Val	ues			
Const	raint Lower	Original	Upper		
Label	Limit	Value	Limit		
C1	80	100	no limit		
C2	no limit	240	300		
	ı	ص> = لا يوجد ح		ص = ۸۰	لحد الأدنى للقيود
	71.	ص ۲ ==	1	ص، =	لحد الأدن للقيود لقيم المبدئية للقيود
	٣٠٠	ص = =			لحد الأقصى للقيود

Press **◆** 

### محتويات الكتاب

الفصل الأول: مدخل للأساليب الكمية

الفصل الثانى : أسس نظرية القرارات

الفصل الثالث: مضامين الاحتمالات

الفصل الرابع: البرامج الخطية \_ الطرق البيانية واستخدام الحاسب

الفصل الخامس : البرامج الخطية ـ بأستخدام طريقة السمبلكس

الفصل السادس : نماذج الرقابة على المخزون

الفصل السابع : مشاكل النقل والتخصيص

الفصل الثامن : نماذج التحليل الشبكي